

ΑΚΑΔΗΜΙΑ



ΑΘΗΝΩΝ



ΑΚΑΔΗΜΙΑ



ΑΘΗΝΩΝ



ΙΩΑΝΝΟΥ Ν. ΧΑΤΖΙΔΑΚΗ  
ΛΟΓΟΣ ΕΝΑΡΚΤΗΡΙΟΣ \*



Ἄνακλημθέντων σήμερον τὴν ἐν τῷ Πανεπιστημίῳ διδασκαλίαν μου, θεωρῶ καθήκον μου νὰ ἐκφράσω δημοσίᾳ τὴν εὐγνωμοσύνην μου πρὸς τοὺς κυρίους καθηγητὰς τῆς φιλοσοφικῆς σχολῆς, οἵτινες ἐπανεπιλημμένως καὶ δημοφώνως με προέτειναν καθηγητὴν, καὶ πρὸς τὴν Σ. Κυβέρνησιν καὶ τὴν Αὐτοῦ μεγαλειότητα τὸν Βασιλέα ἡμῶν, διότι ἠδύκοησαν, ἀποδεχόμενοι τὴν γνώμην τῆς σχολῆς νὰ με διορίσωσιν εἰς τὴν θέσιν ταύτην. Συναισθιζόμενος δὲ τὸν ὑψηλὸν προορισμὸν τοῦ πανελληνίου τούτου καθιδρύματός, θέλω διαρκῶς προσπαθῆ, ὅπως μὴ φανῶ ἀνάξιος τῆς θέσεως, ἣν ἔλαβον.

Ἐπόμενος τοῖς εἰθισμένοις ἔκρινα, κύριοι, ἀρμόδιον ἐν τῇ σημερινῇ μου ὀμιλίᾳ νὰ διαλάβω ἐν ὀλίγοις περὶ τῆς μαθηματικῆς ἐπιστήμης ἐν γένει καὶ ἰδίως περὶ τοῦ μέρους αὐτῆς, ὅπερ προτίθειαι νὰ διδάξω, τουτέστι περὶ τοῦ διαφορικοῦ καὶ τοῦ ὀλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ.

Ἡ μαθηματικὴ ἐπιστήμη ὀρίζεται ὡς ἐπιστήμη τοῦ ποσοῦ· διότι περὶ τὰ ποσὰ καὶ τὰς σχέσεις καὶ τὰς μεταβολὰς αὐτῶν ἀσχολεῖται. Βάσεις αὐτῆς εἶναι ὀλίγαί τινές ἀρχαὶ ἐκ τῆς πείρας τοῦ ἑκτὸς ἡμῶν κόσμου λαμβανόμεναι καὶ ἐκ τῶν ὁποίων ὀρρωμένη ἢ ἀνθρωπίνῃ διάνοια καὶ βαθμῆδόν προχωροῦσα, δημιουργεῖ μέγα καὶ ἀμονικὸν οἰκοδόμημα. Αἱ ἀρχαὶ δ' αὐταὶ εἶναι ἢ στοιχειώδεις ἔννοιαι, ἐξ ὧν αἱ ἄλλαι συντίθενται, οἷαι αἱ ἔννοιαι τοῦ ἀριθμοῦ, τοῦ χώρου, τῆς ἐπιφανείας καὶ τῶν τοιοούτων, ἢ θεμελιώδεις κρίσεις, τουτέστιν ἀξιώματα, ἐφ' ὧν στηρίζονται αἱ ἄλλαι κρίσεις.

Σκοπὸς τῆς μαθηματικῆς εἶνε ἡ λύσις παντὸς ζητήματος, ἐνθα ζητεῖται τὸ πόσον. Ἴνα δὲ εὐκολώτερον κατορθώσῃ τοῦτο, ἀπλουστεύουσα τὸ ἔργον αὐτῆς, παραβλέπει πᾶσαν ἄλλην τῶν ὄντων ἔποψιν καὶ θεωρεῖ αὐτὰ μόνον ὡς πρὸς τὸ ποσοῦν· καὶ ἐκάστη δὲ τῶν ἄλλων ἐπιστημῶν ἐξετάζει τὰ ὄντα ὑπὸ ἰδίαν ἔποψιν· διότι ἡ τελεία γνῶσις τοῦ κόσμου κατὰ τὰς πολλὰς καὶ ποικίλας ὄψεις αὐτοῦ εἶνε δι' ἕκαστον ἄνθρωπον ἀκατόρθωτος. Καθὼς δὲ αἱ φωτειναὶ ἀκτῖνες, ἵνα θερμάνωσι τι καὶ καύσωσιν, εἶνε ἀνάγκη νὰ συγκεντρωθῶσιν ὅσον τὸ δυνατὸν περισσότεραι εἰς μικρὰν ἔκτασιν, οὕτω καὶ ἡ διάνοια, ἵνα εὕρη τι, ἵνα κατορθώσῃ νὰ εἰσδύσῃ εἰς τὰς ἐσωτερικὰς τῶν πρᾶγμάτων σχέσεις καὶ ἀνακαλύψῃ τὰς αἰτίας τῶν διαφόρων φαινομένων καὶ τοὺς νόμους, καθ' οὓς ταῦτα συμβαίνουσιν, εἶνε ἀνάγκη νὰ περιορισθῇ εἰς μικρὸν μέρος τοῦ ὅλου κόσμου, εἰς μίαν μόνην αὐτοῦ ὄψιν. Ὅτι διὰ τοῦ τρόπου τούτου μονομερεῖς μόνον

\* Ἐκφωνηθεὶς τῇ 7 Δεκεμβρίου 1884 ἐν τῷ Ἐθνικῷ Πανεπιστημίῳ.



γνώσεις αποκτώνται, εἶνε πρόδηλον· ἀλλ' ὁ περιορισμὸς οὗτος εἶνε ἀπκ-  
ριτικῶς ἀναγκαῖος διὰ τὴν ἀνάπτυξιν τῶν ἐπιστημῶν καὶ τὴν πρόοδον  
τῆς ἀνθρωπότητος.

Αὐτοτελής καὶ αὐτάρκης οὕσα ἡ μαθηματικὴ ἐπιστήμη οὐδὲν παρ' οὐ-  
δεμιᾶς ἄλλης ἐπισήμης λαμβάνει· τὸναντίον ἄλλαι λαμβάνουσι παρ' αὐτῆς·  
μάλιστα δὲ αἱ φυσικαὶ ἐπιστήμαι· διότι ἡ ὡς πρὸς τὸ ποσὸν ἔρευνα τῶν  
ὄντων καὶ τῶν κατὰ ποσὸν σχέσεων αὐτῶν, ἥτις εἶνε ἔργον τῆς μαθη-  
ματικῆς, ἔχει ἐν ταῖς φυσικαῖς μάλιστα ἐπιστήμας τὸ μέγιστον μέρος  
καὶ ἀποτελεῖ τὴν οὐσίαν καὶ τὸν πυρῆνα πάσης ἐρεῦνης. Διὰ τοῦτο αἱ  
μαθηματικαὶ γνώσεις εἶνε ἀπαραίτητον ἐφόδιον παντός ὅστις θέλει νὰ  
σπουδάσῃ τὰς φυσικὰς ἐπιστήμας καὶ τοὺς ποικίλους κλάδους καὶ τὰς  
ἐφαρμογὰς αὐτῶν. Διὰ τῆς βοήθειάς τῶν μαθηματικῶν εὐρίσκεται ὁ λό-  
γος τῶν φυσικῶν φαινομένων καὶ ἐξηγεῖται πῶς εἶνε ταῦτα ἀναπόδραστοι  
συνέπειαι τῶν φυσικῶν ἀρχῶν καὶ εὐρίσκονται οἱ νόμοι, εἰς τοὺς ὁποίους  
τὰ φαινόμενα ὑπόκεινται· διὰ τοῦτο εἰς ὅσα μέρη τῶν ἐπιστημῶν τούτων  
εἰσεχώρηται ἡ μαθηματικὴ, ἔφερε τὰς ἀρμονίαν καὶ βεβαιότητά. Ἐάν  
μάλιστα ἀναλογισθῶμεν ὅτι κατὰ τὴν σημερινὴν τῶν φυσικῶν ἐπιστημῶν  
κατάστασιν ἡ πιθανωτάτη καὶ πρὸς τὰ πράγματα σύμφωνος ὑπόθε-  
σις εἶνε ὅτι πᾶν φαινόμενον οὐδὲν ἄλλο εἶνε ἢ κινήσεως προϊόν, λόγου  
χάριν, τὸ φῶς προέρχεται ἐκ κινήσεως ἢ εἶνε ἀποτελεσματικὴ κινήσεως, ὁ ἡ-  
γος, τὸ θερμικόν, ὁ ἠλεκτρισμὸς, καὶ αὐτὴ ἡ ἑλξίς ἴσως εἶνε κινήσεως  
ἀποτέλεσμα, ἐπομένως πάντα ἀνάγονται εἰς τὴν μηχανικὴν καὶ ἐξηγοῦν-  
ται διὰ τῶν νόμων αὐτῆς, ἐάν ἐνθυμηθῶμεν ὅτι καὶ τὰ ἄτομα τῆς ὕλης  
καὶ αὐτὰ εὐρίσκονται ἐν ἀπαύστῳ κινήσει, ὥστε ἡ φυσικὴ περιλαμβάνε-  
ται ἐν τῇ μηχανικῇ, ἐάν λέγω ταῦτα ἀναλογισθῶμεν, ἐννοοῦμεν πόσον  
μεγάλῃ εἶνε ἡ ἐπίδρασις τῆς μαθηματικῆς ἐπὶ τὰς φυσικὰς ἐπιστήμας·  
Ὅθελον σήμερον νὰ σπουδάσῃ τὰς φυσικὰς ἐπιστήμας, μάλιστα δὲ τὴν  
ιδίως λεγομένην φυσικὴν καὶ τὴν χημείαν ἄνευ μαθηματικῶν, οὐδόλως  
διάφέρει τοῦ θέλοντος νὰ σπουδάσῃ γλῶσσάν τιναν ἄνευ τῆς γραμματι-  
κῆς αὐτῆς.

Καὶ πρὸς τὴν φιλοσοφίαν εἶνε ἡ μαθηματικὴ ἡ ἀρίστη προπαιδεία·  
διότι ἐν αὐτῇ καὶ μόνῃ πρᾶττειται ἡ τελεῖς ἀρμονία τῶν μερῶν πρὸς  
ἄλληλα καὶ ἡ τάξις αὐτῶν· αὐτῆς καὶ μόνῃς αἱ ἀλήθειαι ἔχουσι τελείαν  
ἀκρίβειαν, καὶ διὰ τοῦτο εἶνε τὰ ἀπλούστατα παραδείγματα, εἰς τὰ ὁποῖα  
οἱ λογικοὶ κανόνες ἐφαρμόζονται. Κατὰ τὸν Πλάτωνα, ἡ μαθηματικὴ, ὡς  
κειμένη μετὰ τὸ ὄλωσ ἰδανικοῦ καὶ τῆς ὄλωσ ἐστερημένης ἰδεῶν ὕλης,  
ἀπασχολεῖ τὸ πνεῦμα ἀπὸ τῶν ὕλικῶν καὶ καθιστᾷ αὐτὸ ἰκανώτερον νὰ  
ἐννοήσῃ τὸ ἰδανικόν. Γνωστὸν δὲ εἶνε τὸ λόγιον, ὅπερ ἐπέγραψεν, ὡς λέγουσιν,  
ἐπὶ τῆς Ἀκκδημείας ἀμηδεί· ἀγεωμέτρητός εἰσὶτω μοῦ τὴν στέγην».

Ἄλλ' ἡ σπουδὴ τῶν μαθηματικῶν μάλιστα δὲ τῶν στοιχειωδῶν ἔχει



και ἄλλην γενικωτέραν σηµασίαν και σπουδαιότητα ὡς μορφωτικὸν μέσον· διότι ἀνκπύσσει και κρατύνει τὴν διάνοιαν και ὀξύνει τὴν κρίσιν και κατὰ τὴν περατήρησιν τοῦ Πλάτωνος αἱ μὲν φύσει πρὸς τὰ μαθηματικὰ ῥέποντες γίνονται δι' αὐτῶν ὀξεῖς· εἰς πάντα τὰ μαθήματα, οἱ δὲ βροχδεῖς πάλιν γίνονται ὀξύτεροι ἐκ αὐτῶν.

Μετὰ τὸν γενικὸν τοῦτον χαρακτηρισμὸν τῆς μαθηματικῆς ἔρχομαι ἤδη εἰς τὴν σύντομον περιγραφὴν τοῦ διαφορικοῦ και τοῦ ὀλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ και τῆς σηµασίας και δυνάμεως αὐτῶν.

Ὁ διαφορικὸς λογισμὸς εἶνε θεωρία τις περὶ τὰς αὐξήσεις και τὰς μειώσεις τῶν μεταβαλλομένων ποσῶν. Ἄν και κατὰ πολλοὺς και ποιήλους τρόπους δύνανται νὰ μεταβάλλωνται τὰ ποσά, ἀκολουθοῦσιν ἐν τούτοις αἱ αὐξήσεις και αἱ μειώσεις αὐτῶν, ὅταν εἶνε λίαν μικραί, νόμους τινὰς ἀπλοῦς· περὶ τούτους δὲ τοὺς νόμους και περὶ τὰς ἐφαρμογὰς αὐτῶν ἀσχολεῖται ὁ διαφορικὸς λογισμὸς. Μετ' αὐτοῦ συνδέεται ἀμέσως και ἀναποσπάστως ὁ ὀλοκληρωτικὸς λογισμὸς, ὅστις ἐκ τῶν νόμων, οὓς ἀκολουθοῦσιν αἱ μικραὶ αὐξήσεις και αἱ μειώσεις τῶν μεταβαλλομένων ποσῶν, ζητεῖ νὰ εὔρη τὸν τρόπον καθ' ὃν ἐξορτῶνται ταῦτα ἀπ' ἀλλήλων. Οἱ δύο δὲ οὗτοι λογισμοὶ συμπληροῦντες ἀλλήλους συναποτελοῦσι κυρίως ἐν ὅλῳ, οὐσιωδῶς διάφορον τῶν ἄλλων μερῶν τῆς μαθηματικῆς και τὸ ὁποῖον ὀνομάζεται κατ' ἐξοχὴν ἀνάλυσις. Ἐν τῇ ἀλγεβρᾷ και ἐν τῇ γεωμετρίᾳ τὰ ποσά, ὅσα εἰς ἕκαστον ζήτημα ἐμφανίζονται, ἅπαντα ἀνευ διακρίσεως μεγέθους λαμβάνονται ὑπ' ὄψιν· διότι ὁ ἀλγεβρικὸς λογισμὸς εἶνε ἀνεξάρτητος τοῦ μεγέθους τῶν ἀριθμῶν, ἐφ' ὧν ἐφαρμόζεται· ἐὰν δὲ ποτε παραλειφθῇ τι ὡς μικρὸν σχετικῶς πρὸς ἄλλα, τὸ ἐξαγόμενον, εἰς ὃ φθάνομεν, θεωρεῖται ὡς ἀληθὲς μόνον κατὰ προσέγγισιν. Ἄλλ' ἐν τῇ ἀναλύσει ἔρχεται ἡ συστηματικὴ διακρίσις τῶν ποσῶν εἰς τάξεις κατὰ μέγεθος· τοῦτο δὲ εἶνε τὸ διακρίνον και χαρακτηρίζον τὴν ἀνάλυσιν. Τὰ μεταβαλλόμενα και πρὸς τὴν ἐκμηδένισιν τείνοντα ποσά, ἢ ὡς συνήθως λέγομεν, τὰ ἀπειροστά, (ὡς τοιαῦτα δὲ νοοῦνται συνήθως αἱ αὐξήσεις και αἱ μειώσεις τῶν ποσῶν) διακρίνονται εἰς τάξεις και συγκρίνονται πρὸς ἀλλήλα· ἐκ δὲ τῆς συγκρίσεως ταύτης γίνεται φανερόν ὅτι δὲν ἔχουσι πάντα ἴσην ἀξίαν και δύναμιν εἰς τὴν λύσιν πλείστων ζητημάτων, και ὅτι τινὰ ἐξ αὐτῶν δύνανται νὰ παραλειφθῶσιν ἐντελῶς ἐν τῷ λογισμῷ, χωρὶς διόλου νὰ βλαφθῇ ἡ μαθηματικὴ ἀκρίβεια. Οὕτω διακρίνεται ποῖα κυρίως ποσά εἰς ἕκαστον ζήτημα πρέπει νὰ λαμβάνωνται ὑπ' ὄψιν και ποῖα νὰ παραλείπωνται ὡς περιττά· ἡ δὲ ἀπλούστευσις αὕτη γίνεται αἰτία τῆς ταχυτέρας λύσεως τοῦ ζητήματος και τῆς ἀναγωγῆς πολλῶν και διαφόρων θεωριῶν εἰς μίαν μόνην γενικὴν· εἰς τοῦτο δὲ ἔγκειται ἡ πρόοδος τῆς ἐπιστήμης.

Αἱ ἐφαρμογαὶ τοῦ διαφορικοῦ και τοῦ ὀλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ εἰς τὴν



γεωμετρικὴν εἶνε σπουδαίτηται· διότι μέγα πλῆθος γεωμετρικῶν θεωριῶν ἀναπτύσσεται εὐκολώτατα δι' αὐτῶν· λόγου χάριν, ἡ θεωρία τῶν ἐφαπτομένων, ἡ τῶν ἐνειλιγμένων καὶ ἐξειλιγμένων, ἡ τῶν περιβαλλουσῶν, ἡ τῶν ἐγγυτάτων γραμμῶν ἢ ἐπιφανειῶν, ἡ τῶν πρωτεουσῶν γραμμῶν ἐπὶ οἰαςδήποτε ἐπιφανείας κτλ. εἰς δὲ τὸν ὁλοκληρωτικὸν λογισμὸν ἀνάγεται ἡ εὕρεσις τοῦ μήκους τῶν καμπύλων γραμμῶν καὶ τοῦ ἐμβαδοῦ πάσης ἐπιφανείας καὶ τοῦ ὄγκου παντὸς στερεοῦ, ἐν γένει ἡ καταμέτρησις πάσης ἐκτάσεως.

Ἄλλὰ καὶ πᾶν ζήτημα τῆς θεωρητικῆς μηχανικῆς ἀνάγεται εἰς ζήτημα τοῦ ὁλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ. Τῷ ὄντι ἡ θεωρητικὴ μηχανικὴ βασίζεται ἐπὶ φυσικῶν τινῶν ἀρχῶν, αἵτινες ἀφορῶσιν εἰς τὰς γενικὰς τῶν σωμάτων ιδιότητας καὶ ἰδίως εἰς τὸν τρόπον καθ' ὃν ἐπιδρῶσιν ἐπ' ἄλληλα τὰ μέρη τῆς ὕλης. Αἱ ἀρχαὶ δὲ αὗται, δι' ὧν ζητοῦμεν νὰ ἐξηγήσωμεν τὰ διάφορα φαινόμενα, ἀναφέροντι συνήθως εἰς τὰ ἐλάχιστα ἢ ἀπειροστά μέρη τῆς ὕλης καὶ εἰς τὰ ἀπειροστά μέρη τοῦ χρόνου· ἡ ἐφαρμογὴ ἀρχαὶ αὐτῶν εἰς οἰονδήποτε μηχανικὸν ζήτημα δίδει ἐξισώσεις περιεχούσας ἀπειροστά, ἢ ὡς συνήθως λέγομεν, διαφορικὰς ἐξισώσεις· ἡ δὲ ἐκ τῶν ἐξισώσεων τούτων εὕρεσις τῶν νόμων τοῦ φαινομένου διὰ πεπερασμένα σώματα καὶ διὰ πεπερασμένον χρονικὸν διάστημα γίνεται διὰ τοῦ ὁλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ· καὶ ἐν ἡδυνάμεθα νὰ λύωμεν πᾶσαν διαφορικὴν ἐξίσωσιν, θὰ ἡδυνάμεθα νὰ λύωμεν καὶ πᾶν μηχανικὸν ζήτημα· ὥστε ἀνεὶ ὑπερβολῆς δύναται τις νὰ εἴπῃ ὅτι ἡ θεωρητικὴ μηχανικὴ ἅπασα ἀνάγεται εἰς τὸν ὁλοκληρωτικὸν λογισμὸν· τὸ αὐτὸ δὲ ἰσχύει καὶ περὶ τῆς φυσικῆς, ἣτις ὁσημέραι καταστὰ νὰ ὑπαχθῇ εἰς τὴν μηχανικὴν. Εὐλόγως λοιπὸν δύναμεθα νὰ εἴπωμεν ὅτι ὁ διαφορικὸς καὶ ὁ ὁλοκληρωτικὸς λογισμὸς εἶνε τὸ σημαντικώτατον καὶ μεγαλοφύεστατον πάντων, ὅσα ἡ ἀνθρωπίνη διάνοια εὕρεν ἐν τῇ μαθηματικῇ ἐπιστήμῃ μέχρι τοῦδε.

Ἀρχικὴ ἰδέα τοῦ ὁλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ εἶνε ἡ ἰδέα ἀθροίσματος, τοῦ ὁποίου ἕκαστος ὅρος ἐλαττοῦται καὶ τείνει πρὸς τὸ μηδέν, ἐν ᾧ τὸ πλῆθος αὐτῶν αὐξάνει εἰς ἄπειρον. Πρῶτος ὅστις ἐφήρμοσε τὴν ἰδέαν ταύτην εἰς τὴν καταμέτρησιν γεωμετρικῶν μεγεθῶν, ἐμβαδῶν καὶ ὄγκων, εἶνε ὁ μέγιστος τῶν Ἑλλήνων μαθηματικῶν ὁ Συρακούσιος Ἀρχιμήδης· ὅστις ἔζη ἀπὸ τοῦ 287 μέχρι τοῦ 212 πρὸ Χριστοῦ. Περὶ τῶν ἔργων τοῦ Ἀρχιμήδους καὶ περὶ τῶν ἐφευρέσεων αὐτοῦ ἐν τῇ γεωμετρικῇ καὶ τῇ μηχανικῇ καὶ φυσικῇ διέλαβον ἄλλοτε, ὅτε ἀπὸ τῆς ἑδρας ταύτης ἐξέθηκα τὴν ἱστορίαν τῆς μαθηματικῆς ἐν τῇ ἀρχαίᾳ Ἑλλάδι· διὰ τοῦτο ἀρκοῦμαι ἐν τῷ παρόντι εἰς ὀλίγα, καὶ πρῶτον ἀναφέρω τὰ παραδείγματα τῶν ὁλοκληρώσεων τὰς ὁποίας ἐξετέλεσεν. Ἴνα εὕρῃ τὸ ἐμβαδὸν τῆς ἀπ' αὐτοῦ ὀνομαζομένης ἑλικος, ὁ Ἀρχιμήδης διαιρεῖ αὐτὸ διὰ τῶν πολικῶν ἀκτίνων εἰς μέρη, ἅτινα ἕξομοιοῖ πρὸς κυκλικοὺς τομεῖς, τῶν ὁποίων εὐ-



ρίσκει τὸ ἄθροισμ. Ἴνα δὲ εὖρη τὸν ὄγκον τοῦ ἔλλειψοειδοῦς ἐκ περιστροφῆς, καὶ τοῦ παραβολοειδοῦς ἐκ περιστροφῆς, τέμνει τὰ στερεὰ ταῦτα διὰ σειρᾶς ἐπιπέδων παραλλήλων καὶ ἐξομοιοῖ τὰ μεταξὺ τμηματὰ πρὸς κυλίνδρους. Τὴν αὐτὴν μέθοδον μεταχειρίζομεθα καὶ σήμερον πρὸς εὕρεσιν τοῦ ὄγκου τῶν σωμάτων τούτων. Ὁ ἀναγινώσκων τὸν τετραγωνισμὸν τῆς ἑλικος ἢ τὸν κυβισμὸν τῶν σφαιροειδῶν καὶ τῶν κωνοειδῶν τοῦ Ἀρχιμήδους καὶ γράφων διὰ τῶν σημερινῶν σημείων ὅσα ὁ Ἀρχιμήδης διὰ λέξεων λέγει, ἀναγινώσκει πράγματι μέρος τοῦ ὀλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ· μετὰ τῆς διαφορᾶς ὅτι ὁ Ἀρχιμήδης οὐδὲ λέξιν λέγει περὶ ὀρίων ἢ ἀπειροστῶν καὶ τῶν τοιούτων, δι' ὧν οἱ λογισμοὶ γίνονται σήμερον συντομώτεροι, ἀλλ' οὐχὶ καὶ σαφέστεροι. Ὁ Ἀρχιμήδης μένει πάντοτε ἐν τῷ πεπερασμένῳ καὶ ἐντελῶς ὠρισμένῳ· ἀφοῦ δὲ διὰ τῆς μεθόδου τοῦ διόδη τὸ ἐξαχόμενον, ἀποδεικνύει ἔπειτα τὴν ἀλήθειαν αὐτοῦ διὰ τῆς εἰς ἄτοπον ἀπχωγῆς.

Κεθόλου ὁ Ἀρχιμήδης ἔταμε νέας ὁδοὺς ἐν τῇ μαθηματικῇ, καὶ ἐξέτεινε τὸ κράτος αὐτῆς περισσότερον παντὸς ἄλλου· διότι ἔθετε τὰς βάσεις τῆς θεωρητικῆς μηχανικῆς καὶ τοῦ ὀλοκληρωτικοῦ λογισμοῦ· τὰ ἔργα αὐτοῦ ἐθεωροῦντο καὶ ἦσαν ἐπὶ 18 αἰῶνας, ἤτοι μέχρι τῆς εὐρέσεως τοῦ διαφορικοῦ λογισμοῦ ὑπὸ τοῦ Νεύτωνος· τὸ ἄκρον ἄωτον τῆς μαθηματικῆς. Μόλις ἐφάμιλλος αὐτοῦ δύναται νὰ θεωρηθῇ ὁ Νεύτων· διότι καὶ τοῦτου ἡ μεγαλοφυΐα ἠύψησε τὴν ἐπιστήμην διὰ νέων θεμελιωδῶν ἐνοιῶν καὶ νέων γενικωτάτων μεθόδων, τῶν ὁποίων ἡ ἀνάπτυξις καὶ ἡ λεπτομερὴς σπουδὴ ἔφερε τὴν μαθηματικὴν εἰς τὸ σημεῖον εὐρίσκειται σήμερον.

Τὸ διάστημα ἀπὸ τοῦ Ἀρχιμήδους μέχρι τοῦ Νεύτωνος, τούτεστιν ἀπὸ τοῦ 212 πρὸ Χριστοῦ μέχρι τοῦ 1642, ἀναγκάζομεθα νὰ διατρέξωμεν συντομώτατα· πρέπει ὅμως νὰ ἐπιθεωρήσωμεν τὴν ἐν αὐτῷ πρόοδον τῆς μαθηματικῆς, ἵνα ἐννοήσωμεν τὴν σημασίαν τῆς ἀνακαλύψεως τοῦ Νεύτωνος.

Οἱ μέγιστοι τῶν ἐλλήνων μαθηματικῶν, ὁ Εὐκλείδης, ὁ Ἀρχιμήδης καὶ ὁ Ἀπολλώνιος, οἵτινες ἐζήσαν ἀπὸ τοῦ 300οῦ μέχρι τοῦ 100οῦ ἔτους πρὸ Χριστοῦ, προήγαγον τὴν καθαρὰν γεωμετρίαν εἰς τοιοῦτον βαθὸν τελειότητος, ὥστε ἐπὶ μακροῦς αἰῶνας ἐθεωροῦντο τὰ ἔργα αὐτῶν ὡς τὸ ἄκρον ἄωτον τῆς γεωμετρίας. Ἀδύνατον ἦτο πλέον νὰ προχωρήσῃ ἡ γεωμετρία κατὰ τὴν διεύθυνσιν ἣν εἶχε λάβει, διὰ τῶν ἰδίων αὐτῆς μέσων καὶ ἄνευ τῆς βοήθειας τῶν ἀριθμῶν· διότι αἱ γεωμετρικαὶ μέθοδοι δὲν εἶνε ἐπιδεκτικαὶ τῆς μεγάλης γενικότητος καὶ τῆς συντομίας ἣν ἔχουσιν αἱ ἀριθμητικαί· ἔπρεπε λοιπὸν νὰ ἀνοιχθῇ νέα ὁδός, ἔπρεπε νὰ καλλιεργηθῇ καὶ νὰ ἀναπτυχθῇ ἡ ἀριθμητικὴ, καὶ νὰ ἀνυψωθῇ εἰς γενικὴν ἀριθμητικὴν ἢτοι ἄλγεβραν. Ἡ τροπὴ αὕτη ἢ ἡ νέα φάσις τῆς μαθηματικῆς



ἀρχεται ἀπὸ τοῦ Διοφάντου, ὅστις ἔζη πιθανῶς περὶ τὰ μέσα τοῦ 4ου μετὰ Χριστὸν αἰῶνος, καὶ δύνανται νὰ θεωρηθῇ ὡς πατὴρ τῆς ἀλγέβρας· διήρκεσε δὲ ἡ ἀλγεβρική αὐτή, οὕτως εἶπεῖν, ἐποχὴ τῆς μαθηματικῆς μέχρι τοῦ 16ου αἰῶνος περίπου. Κατὰ τὸ δίστημα τοῦτο ἀνεπτύχθη μικρὸν κατὰ μικρὸν ἡ ἀλγεβρα καλλιεργηθεῖσα κατ' ἀρχὰς μὲν ὑπὸ τῶν Ἰνδῶν καὶ τῶν Ἀράβων, ἔπειτα δὲ ὑπὸ τῶν Εὐρωπαίων.

Ἀξιοσημεῖωτοι ἀνακαλύψεις ἐν τῇ ἀριθμητικῇ καὶ ἐν τῇ ἀλγέβρᾳ κατὰ τὴν μακρὰν ταύτην περίοδον εἶνε αἱ ἑξῆς.

1) Ἡ εἰσαγωγή τῶν Ἰνδικῶν χαρακτήρων ἢ ψηφίων πρὸς γραφὴν τῶν ἀριθμῶν, ἣτις κατέστησε πολὺ εὐκολωτέρας τὰς ἀριθμητικὰς πράξεις καὶ συνέτεινεν εἰς τὴν ταχυτέραν ἀνάπτυξιν τῆς ἀλγέβρας· τὰ ψηφία ταῦτα καὶ τὴν χρῆσιν αὐτῶν ἔλαβον οἱ Ἀραβοὶ παρὰ τῶν Ἰνδῶν κατὰ τὸν 8ον αἰῶνα· διὰ δὲ τῶν Ἀράβων διεδόθησαν εἰς τὴν Εὐρώπην.

2) Ἡ λύσις τῶν ἐξισώσεων τοῦ τρίτου καὶ τοῦ τετάρτου βαθμοῦ ὑπὸ τῶν Ἰταλῶν Tartaglia Ferrari περὶ τὰ μέσα τοῦ 16ου αἰῶνος (1545).

3) Ἡ εἰσαγωγή τῶν ἀτυμμέτρων ἀριθμῶν εἰς τὸν λογισμὸν περὶ τὸ τέλος τοῦ 16ου αἰῶνος

Καὶ τέλος ἡ εὑρεσις τῶν λογαριθμῶν ὑπὸ τοῦ Νεπέρου κατὰ τὸ 1614.

Διὰ τῆς εἰσαγωγῆς τῶν ἀτυμμέτρων ἀριθμῶν εἰς τὸν ἀλγεβρικὸν λογισμὸν ἤρθη καὶ τὸ τελευταῖον ἐμπόδιον τῆς ἐφαρμογῆς τῆς ἀλγέβρας εἰς τὴν γεωμετρικὴν· αἱ μεταξὺ τῶν σχημάτων σχέσεις ἦσαν ἤδη ἀπὸ τῶν Ἑλλήνων γνωσταί· ἀρκεῖ νὰ ἀναπρωῶ ὅτι ὁ μαθητὴς τοῦ Πλάτωνος, ὁ Μέναιχιμος, ὅστις εὔρε τὰς τομὰς τοῦ κώνου, ἐγνώριζε τὴν ἐξίσωσιν αὐτῶν πρὸς μίαν διάμετρον καὶ τὴν ἐφαπτομένην κατὰ τὸ πέρασ αὐτῆς ἤτοι τὴν μετὰξὺ τεταγμένης καὶ τετμημένης ὑπάρχουσας σχέσιν· ὥστε οὐδὲν ἄλλο σχεδὸν ὑπελείπετο ἢ ἀπλή μετάρρασις τῶν σχέσεων τούτων εἰς τὴν ἀλγεβρικήν γλῶσσαν, ἕνα προκύψῃ εἰς φῶς ἡ ἀνκλυτικὴ γεωμετρικὴ τοῦτο δὲ ἐγένετο ὑπὸ τοῦ φιλοσόφου καὶ μαθηματικοῦ Καρτεσίου, τῷ 1637.

Ἀπὸ τοῦ Καρτεσίου ἀρχεται διὰ τὴν γεωμετρικὴν νέα ἐποχὴ προόδου· πολλὰί νέαι καμπύλαι ἐπενοήθησαν, ἐν αἷς ἡ κυκλοειδής, αἱ ἐπικυκλοειδεῖς, ἡ λογαριθμικὴ ἔλιξ καὶ ἄλλαι. Αἱ ιδιότητες αὐτῶν ἐξητάσθησαν διὰ τῆς ἀλγέβρας, πολλὰ δὲ προβλήματα ἀνώτερα ἐπὶ τῶν καμπύλων τούτων ἐλύθησαν.

Εἰς τὴν εὑρεσιν τοῦ διαφορικοῦ λογισμοῦ ἔδωκαν ἀφορμὴν γεωμετρικὰ προβλήματα μάλιστα δὲ τὰ ἐξῆς δύο, ἡ εὑρεσις τῆς ἐφαπτομένης τῶν καμπύλων, καὶ ἡ εὑρεσις τῶν μεγίστων καὶ ἐλαχίστων τεταγμένων αὐτῶν. Οἱ ἀρχαῖοι Ἕλληνες γεωμέτραι ἐφραντάζοντο τὰς ἐφαπτομένας ὡς ἐγγιζούσας τὴν καμπύλην εἰς ἓν μόνον σημεῖον, οὐχὶ δὲ ὡς ὄρια τῶν θέσεων τῆς τεμνούσης ὅταν δύο σημεῖα τομῆς συμπέσωσιν εἰς ἓν. Ὁ Καρτεσιος θεωρεῖ τὰς ἐφαπτομένας ὡς ὄρια τεμνουσῶν εὐρίσκει δὲ τὰς ἐφα-



πτομένας διαφόρων καμπύλων και ιδίως τῶν κυλισιγενῶν. Πρὸς εὑρεσιν τῶν μεγίστων καὶ ἐλαχίστων τεταγμένων τῶν ἀλγεβρικών καμπύλων, τῶν ὁποίων αἱ ἐξισώσεις εἶνε ἀπηλλαγμένοι ριζικῶν, ἔδωκεν ὁ γάλλος Fermat μέθοδόν τινα, ἣτις οὐδόλως σχεδὸν διαφέρει τῆς σήμερον ἐν χρήσει καὶ ἐν τῇ ὁποίᾳ καθαρῶς διακρίνεται ἡ διάκρισις τῶν ποσῶν εἰς τάξεις· διότι παραλείπει τὰς ἀνωτέρας δυνάμεις τῶν ἀξήσεων τῶν συντεταγμένων. Ὅμοίαν ἔδωκε λύσιν καὶ τοῦ προβλήματος τῶν ἐφαπτομένων, ἀλλ' ὡς ἀνωτέρω εἶπον, μόνον διὰ τὰς ἀλγεβρικός καμπύλας, ὧν αἱ ἐξισώσεις εἶνε ἀπηλλαγμένοι ριζικῶν.

Μετ' αὐτὸν ὁ ἄγγλος Barrow προσήγγισε περισσότερον εἰς τὴν μέθοδον τοῦ διαφορικοῦ λογισμοῦ· διότι εὐρίσκει τὴν ὑπάρχουσαν σχέσιν μεταξὺ τῶν πρώτων δυνάμεων τῶν ἀξήσεων ἀλλὰ καὶ πάλιν διὰ συνχορήσεις ἀλγεβρικός.

Τοιαύτη ἦτον ἡ κατάστασις τῆς μαθηματικῆς κατὰ τὸ 1642, ὅτε ἐγεννήθη ὁ Νεύτων. Νεώτατος ὁ Νεύτων ἐπεδόθη εἰς τὴν σπουδὴν τῶν μαθηματικῶν, ἔνθα καὶ ἀνεδείχθη τάχιστα ἡ ὑπέροχος αὐτοῦ διάνοις. Ἐν ἡλικίᾳ 24 ἐτῶν, ὡς ἐξάγεται ἐκ τῶν ἐπιστολῶν του, τουτέστι τῷ 1666, ἦτο ἤδη κάτοχος τῆς μεθόδου τῆς διαφορίσεως, ἣ ὡς ἀποκαλεῖ αὐτὴν, τῶν fluxions, καὶ εἶχεν ἐφαρμοσθεῖς αὐτὴν εἰς τὴν λύσιν παλῶν καὶ δυσκόλων προβλημάτων. Ὁ συμπολιτὴς αὐτοῦ Barrow σχετιθεὶς μετ' αὐτοῦ τοσοῦτον ἐθαύμασε τὴν μεγαλοφυΐαν τοῦ Νεύτωνος, ὥστε παρεχώρησεν αὐτῷ τὴν θέσιν του ἐν τῷ Πανεπιστημίῳ τῆς Κανταβριγίας, ἔνθα ὁ Νεύτων μέχρι τοῦ 1696 ἐδίδασκε τὰ μαθηματικά. Ἐν τῇ θέσει ταύτῃ διατελῶν ἐξέδωκε μεταξὺ ἄλλων καὶ τὸ ἀριστον τῶν συγγραμμάτων του «τὰς μαθηματικὰς ἀρχὰς τῆς φιλοσοφίας τῆς φύσεως». Κατὰ τὸ 1696 διωρίσθη εἰς ἄλλην τιμητικὴν θέσιν ἔνθα καὶ ἔμεινε μέχρι τοῦ θανάτου του· ἀπέθανε δὲ τὸ 1727, ζήσας ὀγδοήκοντα καὶ τέσσαρα ἔτη.

Αἱ πεμπληθεῖς ἀνακκλύψεις τοῦ δαιμονίου τούτου ἀνδρὸς εἰς πάντας τοὺς κλάδους τῆς μαθήσεως, εἰς τὴν φυσικὴν, τὴν μηχανικὴν καὶ τὴν ἀστρονομίαν, μάλιστα δὲ ἡ ἀνακκλύψις τῆς πηχοσμίου ἑλξεως, ἀρκοῦσι βεβαίως ἵνα καταστήσωσι τὸ ὄνομα αὐτοῦ ἀθάνατον· ἀλλὰ καὶ ἡ εὑρεσις τοῦ διαφορικοῦ λογισμοῦ δὲν πρέπει νὰ θεωρηθῇ ὡς ὀλιγώτερον σπουδαία· ἂν καὶ στερεῖται τῆς ἐξωτερικῆς λάμψεως, ἣν ἔχουσι αἱ μηχανικαί, ἀστρονομικαὶ καὶ φυσικαὶ ἀνακκλύψεις, εἶνε ὅμως ἡ κλειὴ πηχῶν τούτων, εἶνε τὸ ὄργανον δι' οὗ ἐκεῖνοι ἐγένοντο.

Εἰς τὴν ἔκθεσιν τῆς μεθόδου του ὁ Νεύτων ἀνχωρεῖ ἀπὸ τῶν ἐφαπτομένων τῶν καμπύλων· ὡς πρὸς τὴν γένεσιν τῶν καμπύλων φαντάζεται ὅτι ἐκάστη καμπύλη γράφεται ὑπὸ σημείου ὅπερ κινεῖται ἐπὶ τῆς τεταγμένης ἐν ᾧ αὕτη κινεῖται παραλλήλως ἑαυτῇ καὶ καθέτως πρὸς τὴν τεταγμένην· καὶ τὴν μὲν κίνησιν τῆς τε-



ταγμένης φαντάζεται ομκλήν, τὴν δὲ κίνησιν τοῦ σημείου ἐπὶ τῆς τεταγμένης θεωρεῖ ὡς ἐπιταχυομένην ἢ ἐπιβραδυνομένην· διότι ἂν ᾖ τοιαύτη ομκλή, τὸ σημεῖον θὰ ἔγραφεν εὐθεῖαν γραμμήν· τότε εἰς ἑκάστην θέσιν τὸ σημεῖον, ὅπερ γράφει τὴν καμπύλην, θὰ ἔχη ταχύτητά τινα ὀρισμένην, καὶ κατὰ τοὺς νόμους τῆς μηχανικῆς· ἂν ἢ ἐπιταχύνουσα ἢ ἐπιβραδύνουσα τὴν κίνησιν αἰτία ἔπαυεν εἰς τινα θέσιν, τὸ σημεῖον ἤθελεν ἐξακολουθήσει κινούμενον κατὰ τὴν ἐραπτομένην τῆς καμπύλης μετὰ ταχύτητα ὅσην ἔχει εἰς τὴν θέσιν ταύτην· τὴν ταχύτητα ταύτην, ἣτις φέρεται κατὰ τὴν ἐραπτομένην, ἀναλύει ὁ Νεύτων εἰς τὰς δύο συνιστώσας αὐτῆς, κατὰ τοὺς δύο ἄξονας τῶν συντεταγμένων, καὶ τὰς συνιστώσας ταύτας καλεῖ, τὴν μὲν πρώτην ῥοήν (fluxion) τῆς τεταγμένης, τὴν δὲ δευτέραν, ἣτοι τὴν ταχύτητα τοῦ σημείου ἐπὶ τῆς τεταγμένης κινουμένου, ῥοήν τῆς τεταγμένης, Ὁ λόγος τῶν δύο τούτων ῥοῶν εἶνε ἡ παράγωγος τῆς συναρτήσεως καὶ ἐξ αὐτοῦ ὀρίζεται ἀμέσως ἡ διεύθυνσις τῆς ἐραπτομένης. Ἀπὸ τῆς ἀρχῆς ταύτης ἀναχωρῶν ὁ Νεύτων, εὐρίσκει εὐκόλως τὰ διαφορικά, ἢ ὡς ἀποκαλεῖ αὐτὰ, τὰς ῥοὰς, τῶν διαφορῶν ἀπλῶν συναρτήσεων, ἔτι δὲ τὸ διαφορικὸν τοῦ ἀθροίσματος τοῦ γινομένου, τοῦ πηλίκου, καὶ ἐν γένει ἀναπτύσσει τοὺς κανόνες τῆς διαφορίσεως οἰκιστήριον συναρτήσεως· ὁμοίως εὐρίσκει τὰ διαφορικά τῶν ἐμβυδῶν τῶν καμπύλων, τῶν τόξων αὐτῶν, τὰ διαφορικά τῶν ὀγκῶν κτλ. ἐν δὲ τῶν διαφορικῶν τούτων ἐπιστρέφων εἰς τὰ ἀλογικὰ συναρτήσεις εὐρίσκει τὰ γεωμετρικὰ ταῦτα μεγέθη, ὡς καὶ σήμερον γίνεται.

Ὅτως ἔλυσε διὰ τρόπου ἀπλουστεράτου καὶ γενικωτάτου οὐ μόνον τὸ πρόβλημα τῶν ἐραπτομένων καὶ τὸ πρόβλημα τῶν μεγίστων καὶ ἐλαχίστων, περὶ τὰ ὁποῖα περιστρέφοντο αἱ προσπάθειαι τῶν προγενεστέρων αὐτοῦ, ἀλλὰ καὶ ἄλλα πάμπολλα ζητήματα ἀνήγαγεν εἰς ζητήματα διαφορίσεως ἢ εἰς τὰ ἀντίστροφα αὐτῆς.

Δίκαιον εἶνε νὰ μὴ παρέλθωμεν ἐν σιγῇ καὶ τὸ μέρος τοῦ φιλοσόφου καὶ μαθηματικοῦ Λεϊβνίτιου ἐπὶ τῆς ἀναπτύξεως καὶ διαμορφώσεως τοῦ διαφορικοῦ λογισμοῦ. Ἄν καὶ ὁ Νεύτων ἀπὸ τοῦ 1666 ᾗτο κάτοχος τῆς μεθόδου του, ἐν τούτοις δὲν εἶχε δημοσιεύσει αὐτὴν, μόνον εἰς τινὰς φίλους του εἶχεν ἀνακοινῶσει τὴν μεθόδον του, ἢ μᾶλλον μερικά τινα ἐξαγόμενα τῆς μεθόδου του· ὡς δὲ ἐξάγεται ἐξ ἐγγράφων ἱστορικῶν, εἶχεν ἀνακοινῶσει καὶ πρὸς τὸν Λεϊβνίτιον ἐν ἐπιστολῇ τινι τὴν λύσιν διαφορῶν σπουδαίων προβλημάτων μετὰ τινων νύξεων περὶ τῆς μεθόδου του, ἔγραψε δηλαδὴ, ὅτι ἔχει μεθόδον τινα γενικὴν, δι' ἣς δύναται νὰ εὕρῃ τὴν ἐραπτομένην πάσης καμπύλης, τὸ ἐμβυδὸν αὐτῆς, τὸ μήκος τοῦ τόξου αὐτῆς κτλ. Ταῦτα καὶ μόνον ἤρκεσαν πιθανῶς εἰς τὸν ἕξοχον τοῦ Λεϊβνίτιου νοῦν, ἵνα ἀνεύρῃ καὶ διαπλάσῃ καὶ δώσῃ ἰδίαν μορφήν εἰς τὸν διαφορικὸν λογισμὸν· διότι ἢ κατ' αὐτοῦ βαρεῖα κατηγορία τῶν ὀγκῶν



τοῦ Νεύτωνος, ὅτι ἦτο ἐν πλήρει γνώσει τῆς μεθόδου τοῦ Νεύτωνος καὶ παρουσίασεν αὐτὴν ὡς ἰδικήν του, (τῷ 1684) δὲν ἀπεδείχθη ἱστορικῶς μᾶλλον δὲ πρέπει νὰ ἀποδοθῆ εἰς τὸν ἐρεθισμὸν, τὸν ὁποῖον παρήγαγεν ἡ ἐπισυμβῆσα ἔρις· ὥστε ὁ Λεϊβνίτιος πρέπει νὰ θεωρηθῆ, ἂν ὄχι ὡς ἀνκκλύψας, τοῦλάχιστον ὁμῶς ὡς συντελέσας, δεῦτερος αὐτὸς μετὰ τὸν Νεύτωνα, εἰς τὴν ἀνάπτυξιν καὶ διαμόρφωσιν τοῦ διαφορικοῦ λογισμοῦ.

Ὁ Λεϊβνίτιος ἐξέθηκε τὸν διαφορικὸν λογισμὸν κατ' ἄλλον τρόπον μᾶλλον σύμφωνον πρὸς τὰς φιλοσοφικὰς ἰδέας του· ἐν ᾧ ὁ Νεύτων, ἵνα παραστήσῃ τὰ μεταβλητὰ ποσά, μεταχειρίζεται καμπύλας, καὶ ἵνα καταστήσῃ αἰσθητὰς τὰς μεταβολὰς αὐτῶν, θεωρεῖ τὴν κίνησιν, ὁ Λεϊβνίτιος, ἀποδοκλῶν τὰ γεωμετρικὰ καὶ μηχανικὰ τεῦτα μέτρα, ὡς ζένα τῆς οὐσίας τοῦ διαφορικοῦ, θεωρεῖ αὐτὰ κατ' ἑκαστὰ τὰ μεταδοκλόμενα ποσά, ἀγόμενος ὁμῶς ὑπὸ τῶν φιλοσοφικῶν του ἰδεῶν παραδέχεται ἀπειροστά, ὄχι ὡς ἐνοοοῦμεν ἡμεῖς αὐτὰ σήμερον, ἀλλ' ὡς ποσότητος τόσον μικράς, ὥστε νὰ δύνανται ἄνευ βλάβης ἐπισθητῆς νὰ παραλείπωνται ἐνώπιον τῶν ἄλλων· κατ' αὐτὸν τὰ διαφορικά, ἅτινα ποιεῖται διὰ τοῦ συμβόλου  $d$ , εἶνε αὐταὶ αἱ ἀπειροσταὶ αὐξήσεις π. χ. ἡ αὐξήσις τοῦ  $x^2$  εἶνε κατ' αὐτὸν μόνον  $2xdx$ · διότι τὸ τετράγωνον τοῦ  $dx$  παραλείπεται ὡς ἀπειροστὸν σχετικῶς πρὸς τὸ  $2xdx$ · τοῦτο ὑπὸ τὴν μαθηματικὴν ἐπόψιν δὲν φαίνεται ἐντελῶς ἀκριβῆς, ἔχει ὁμῶς τὸ πλεονέκτημα ὅτι ἄγει συντομώτερον καὶ ἀπλουστερον εἰς τὰ αὐτὰ ἐξαγόμενα, εἰς τὰ ὁποῖα ἄγει καὶ ἡ ἄλλη μέθοδος, ἡ τοῦ Νεύτωνος· ἥτις, ἀληθῶς, εἶνε ἀπηλλαγμένη πάσης ἀντιρρήσεως· διότι αἱ ῥοαὶ δὲν εἶνε ἀνάγκη νὰ ὑποθεθῶσιν ἀπειροσταὶ ἀλλὰ δύνανται νὰ εἶνε οἰαιδήποτε.

Τοσαῦτα ὡς πρὸς τὴν εὑρεσιν τοῦ διαφορικοῦ λογισμοῦ καὶ ὡς πρὸς τὰς ἰδέας τοῦ Νεύτωνος καὶ τοῦ Λεϊβνιτίου περὶ τῶν πρώτων αὐτοῦ ἀρχῶν· πῶς δὲ ἡ σημερινὴ θεωρία κατορθοῖ νὰ συνενώσῃ τὴν σαφήνειαν τῆς μεθόδου τοῦ Νεύτωνος μετὰ τῆς συντομίας τῆς μεθόδου τοῦ Λεϊβνιτίου, καὶ πῶς μικρὸν κατὰ μικρὸν ἀναπτύσσεται καὶ προχωρεῖ ὁ διαφορικὸς λογισμὸς, καὶ ποῖα προβλήματα λύει, ταῦτα θέλουσιν ἀποτελέσει τὸ θέμα τῶν ἐπομένων μαθημάτων.

ΑΚΑΔΗΜΙΑ ΑΘΗΝΩΝ



007000016726



A11740

ΑΚΑΔΗΜΙΑ



ΑΘΗΝΩΝ