

ΠΡΑΚΤΙΚΑ ΤΗΣ ΑΚΑΔΗΜΙΑΣ ΑΘΗΝΩΝ

ΣΥΝΕΔΡΙΑ ΤΗΣ 13ΗΣ ΜΑΪΟΥ 1999

ΠΡΟΕΔΡΙΑ ΓΕΩΡΓΙΟΥ ΜΗΤΣΟΠΟΥΛΟΥ

ΠΑΡΟΥΣΙΑΣΗ ΒΙΒΛΙΟΥ

‘Ο Ακαδημαϊκός κ. **Καῖσαρ Άλεξόπουλος** κατά τὴν παρουσίαση τοῦ βιβλίου Nonlinear Dynamics and Chaos in Astrophysics. A Festschrift in honor of George Contopoulos, λέγει τὰ ἔξῆς:

Μόλις ἐκυκλοφόρησε βιβλίο τὸ ὅποῖο περιέχει τὰ πρακτικὰ συνεδρίου συνελθόντος εἰς τὸ Πανεπιστήμιο τῆς Florida πρὸς τιμὴν τοῦ κ. Γεωργίου Κοντοπούλου τὸ 1998.

Τὸ γενικὸ θέμα τοῦ συνεδρίου ἦταν τὸ Χάος στὴν Ἀστροφυσική, ἐπιστημονικὴ περιοχὴ στὴν ὅποια δ κ. Κοντόπουλος ἔχει συμβάλει σημαντικά.

Τὸ συνέδριο αὐτὸ ἦταν τὸ 13ο μιᾶς σειρᾶς συνεδρίων ποὺ ἀρχισαν τὸ 1985 στὸ Πανεπιστήμιο τῆς Florida μὲ τὴν πρωτοβουλία τοῦ κ. Κοντοπούλου γύρω ἀπὸ θέματα «Μὴ γραμμικῆς δυναμικῆς», καὶ στὰ ὅποια συμμετέχουν εἰδικοὶ ἀπὸ ὅλο τὸν κόσμο, ἀλλὰ κυρίως ἀπὸ τὶς ‘Ηνωμένες Πολιτεῖες.

Στὸ παρὸν συνέδριο συμμετεῖχαν ἐπιστήμονες ἀπὸ πολλὰ Κέντρα τῶν ΗΠΑ (ὅπως τὰ Πανεπιστήμια Columbia, MIT, Cornell, Texas, Kentucky, Alabama καὶ Florida καὶ ἀπὸ τὴ NASA), ἀλλὰ καὶ ἀπὸ τὴν Εὐρώπη, καὶ συγκεκριμένα ἀπὸ τὴν Ἀγγλία, τὴν Ρωσία, τὴν Γαλλία, τὴν Ιταλία καὶ τὴν Ελλάδα.

‘Ο τιμητικὸς τόμος ἀποτελεῖται ἀπὸ 337 σελίδες καὶ περιέχει, ἐκτὸς ἀπὸ τὴν εἰσαγωγὴ καὶ μία τιμητικὴ προσφώνηση (Laudation), 21 ἐργασίες ποὺ ἀναφέρονται σὲ διάφορα προβλήματα τοῦ Χάους στὴν Ἀστροφυσική. Τὸ βιβλίο τελειώνει μὲ ἓνα κατάλογο τῶν δημοσιεύσεων τοῦ κ. Κοντοπούλου (250 ξενόγλωσσες δημοσιεύσεις καὶ 11 βιβλία).

‘Η βασικὴ ὄψις εἰς δόθηκε ἀπὸ τὸν καθηγητὴν Lynden-Bell τοῦ Πανεπιστημίου τοῦ Cambridge τῆς Ἀγγλίας.

"Αλλες, πάλι, θεωρίες παρέχουν προβλέψεις ύπό την προϋπόθεση νὰ συνοδεύονται καὶ ἀπὸ ἐπιπλέον βοηθητικὲς ὑποθέσεις, οἱ ὅποιες εἶναι καὶ αὐτὲς ἀμφίβολες. Ἐπίσης οἱ προβλέψεις ἄλλων θεωριῶν μποροῦν νὰ ἐφαρμοσθοῦν μόνο σὲ φυσικὲς καταστάσεις τὶς ὅποιες ὅμως δὲν μποροῦμε νὰ ἀναπαραγάγομε στὸ ἔργαστήριο, ἡ ἔχουν ἐφαρμογὴ σὲ περιοχὲς τοῦ σύμπαντος οἱ ὅποιες δὲν εἶναι προσπελάσιμες οὕτε ὡς πρὸς τὸν χῶρο οὕτε ὡς πρὸς τὸν χρόνο. Ἐξάλλου, ἀκόμα καὶ στὶς πιὸ ἀπλές περιπτώσεις, ἡ συγκέντρωση τῶν δεδομένων, τὰ ὅποια ἀπαιτοῦνται γιὰ νὰ ἐλεγχθοῦν οἱ προβλέψεις ποὺ παρέχει μιὰ θεωρία, εἶναι ἔργο κοπιαστικό, δύσκολο καὶ δαπανηρό. Τέλος δὲν μπορεῖ κανεὶς ποτὲ νὰ εἶναι βέβαιος ἂν ἔνας ἐμπειρικὸς ἔλεγχος μιᾶς θεωρίας ἔχει καταλήξει σὲ κάποιο ἀδιαμφισβήτητο τελικὸ συμπέρασμα, διότι ὑπάρχει πάντα τὸ ἐνδεχόμενο τὰ δεδομένα ποὺ ἔχομε στὴν διάθεσή μας νὰ μὴν εἶναι ἀκριβῆς ἡ νὰ ἔχουν ἐρμηνευθεῖ κατὰ τρόπο λανθασμένο. Ὁ Einstein συνήθιζε νὰ λέγει ὅτι ἡ ὁρθότητα μιᾶς θεωρίας δὲν μπορεῖ ποτὲ νὰ ἀποδειχθεῖ. Μόνο τὸ λανθασμένο αὐτῆς εἶναι ἐνδεχόμενο νὰ ἀποδειχθεῖ.

Τὰ προβλήματα αὐτὰ καθίστανται ἴδιαιτέρως σοβαρὰ ὅταν πρόκειται γιὰ θεμελιώδεις καὶ ταχέως ἀναπτυσσόμενους κλάδους τῶν φυσικῶν ἐπιστημῶν, ὅπως εἶναι ἡ «Θεωρία τῶν Χορδῶν», ἡ «Φυσικὴ τῶν Στοιχειωδῶν Σωματιδίων», ἡ «Ἀστροφυσικὴ» καὶ ἡ «Κοσμολογία». Σὲ τέτοιες περιπτώσεις ἡ διαπίστωση διὰ πειραματικῶν μέσων, τοῦ πόσο κοντὰ στὴν ἀλήθεια εύρισκεται μιὰ θεωρία, μπορεῖ πρακτικῶς νὰ εἶναι ἀδύνατη. Παρόμοια προβλήματα ἀνακύπτουν στὸν σταθερὰ ἔξελισσόμενο κλάδο τῆς Βιολογίας καθὼς καὶ στὶς ἐπιστῆμες ποὺ μελετοῦν τὸν πλανήτη Γῆ, διότι τὰ ἀντικείμενα μελέτης τῶν προβλημάτων αὐτῶν περιλαμβάνουν γεγονότα τὰ ὅποια ἔλαβαν χώραν στὸ μακρινὸ παρελθόν.

Ἄντιθέτως, δὲν εἶναι δύσκολο νὰ ἐκτιμήσει κανεὶς πόσο ὥραϊο εἶναι κάποιο συγκεκριμένο ἀντικείμενο. Τὰ διὰ τῆς παρατηρήσεως προκύπτοντα χαρακτηριστικὰ ἐνὸς ἀντικειμένου, αὐτὰ ποὺ ἔχουν σχέση μὲ τὴν ὁμορφιά του, εἶναι ἀμέσως προσιτὰ σὲ ἐμᾶς. Ἀρκεῖ νὰ ἔξετασμε τὸ ἀντικείμενο μὲ τὸ αἰσθητικό μας κριτήριο ὅπότε ἡ ἐτυμηγορία μας θὰ εἶναι ἀμεση. Ἐξάλλου δὲν ὑπάρχει κίνδυνος ἡ ἐτυμηγορία μας αὐτὴ νὰ ἀνατραπεῖ ἀπὸ μελλοντικὲς ἀνακαλύψεις.

"Απὸ τὴ στιγμὴ ποὺ ἔχομε ἐντοπίσει ὅλα τὰ συγκεκριμένα χαρακτηριστικὰ τοῦ ἀντικειμένου εἴμαστε σὲ θέση νὰ ἀποφανθοῦμε ὅριστικὰ ὡς πρὸς τὴν ὁμορφιά του.

"Ἐχοντας λοιπὸν ὑπόψη τὴν τελευταία αὐτὴ παρατήρηση εἶναι φυσικὸ νὰ διερωτηθεῖ κανεὶς ἀν μποροῦμε νὰ χρησιμοποιήσομε τὸ αἰσθητικό μας κριτήριο γιὰ νὰ ἔξακριβώσουμε πόσο «κοντὰ» στὴν ἀλήθεια εύρισκεται μιὰ ἐπιτημονικὴ θεωρία. Αὐτὸ θὰ μᾶς ἔδινε τὴν δυνατότητα νὰ διαπιστώσουμε εύκολα, χωρὶς περαιτέρω

πειραματική διερεύνηση, ጛν μιὰ δοθεῖσα θεωρία μᾶς ἀποκαλύπτει τὴν ἀλήθεια σχετικά μὲ τὸ σύμπαν ἡ ጛν αὐτὴ μᾶς ὁδηγεῖ σὲ λανθασμένη κατεύθυνση.

Πολλοὶ εἶναι οἱ ἐπιστήμονες οἱ ὅποιοι ὑποστηρίζουν ὅτι εἶναι σὲ θέση, χρησιμοποιώντας μόνο τὸ αἰσθητικό τους κριτήριο, νὰ ἀποφανθοῦν πόσο κοντὰ στὴν ἀλήθεια εὑρίσκεται μιὰ θεωρία. 'Ο Roger Penrose (Rouse Ball Professor of Mathematics - University of Oxford) διατυπώνει τὴν ἀποψή του ἐπὶ τοῦ θέματος ὡς ἔξης: «Πράγματι ἀποτελεῖ μαστήριο, πόσο κάτι ποὺ φαίνεται ὥραιο νὰ εἶναι πιὸ πιθανὸ νὰ εἶναι ἀληθινό, ἀπὸ κάποιο δλλο ποὺ φαίνεται ἄσχημο. Παρατήρησα πολλὲς φορές, στὸ δικό μου π.χ. ἔργο, ὅτι ὅταν ὑπάρχει ἡ δυνατότητα νὰ γίνουν δύο εἰκασίες γιὰ τὴν λύση ἐνὸς προβλήματος, νὰ λέγω στὴ μιὰ περίπτωση 'τί καλὰ θὰ ἦταν ἢν αὐτὴ ἦταν ἀληθινὴ' ἐνῶ στὴν δεύτερη, νὰ μὴ μὲ ἐνδιαφέρει τὸ ἀποτέλεσμα, ἀκόμα κι ἢν αὐτὸ ἦταν ἀληθινό. "Οντως, συμβαίνει συχνά, ἡ δυνατότητα ποὺ μᾶς φαίνεται ἡ πιὸ ἐλκυστικὴ νὰ εἶναι καὶ ἡ ἀληθινή.

'Ο "Αγγλος φυσικὸς P.A.M. Dirac εἶχε πεισθεῖ γιὰ τὴν ὀρθότητα τῆς θεωρίας τῆς Σχετικότητας κυρίως διότι βασίσθηκε σὲ αἰσθητικὰ κριτήρια. "Ελεγε:

"Ἐχει κανεὶς μεγάλη ἐμπιστοσύνη στὴ θεωρία αὐτή. 'Η ἐμπιστοσύνη προέρχεται ἀπὸ τὴν δύμορφιὰ ποὺ ἔχει ἡ θεωρία καὶ δὲν ἔξαρτάται ἀπ' τὶς λεπτομέρειες ποὺ ἔχουν σχέση μὲ τὶς ἐπιτυχεῖς ἐφαρμογές της. Πιστεύει κανεὶς ἀκράδαντα ὅτι τὰ θεμέλια τῆς θεωρίας εἶναι σωστά, ἀνεξαρτήτως ἢν ἡ θεωρία εὑρίσκεται σὲ συνέπεια ἡ ὅχι μὲ τὴν παρατήρηση".

Κατὰ τὸν Steven Weinberg, ἡ ὑπαρξη ὁμορφιᾶς στὶς θεωρίες ἀποδεικνύει ὅτι πλησιάζομε τοὺς θεμελιώδεις νόμους τῆς φύσης.

"Αν καὶ ὁ ρόλος τὸν ὅποῖον παίζουν οἱ αἰσθητικοὶ παράγοντες ἀναφέρεται συνήθως σὲ θέματα ποὺ ἀφοροῦν τὴν φυσική, φαίνεται ὅτι οἱ παράγοντες αὐτοὶ συναντῶνται καὶ σὲ ἄλλες ἐπιστῆμες. "Οταν πρὸ 40 καὶ παραπάνω χρόνια οἱ James D. Watson καὶ Francis Crick κατασκεύασαν πρότυπο τῆς δομῆς τοῦ DNA, πολλοὶ εἶχαν ἐκφράσει τὴν ἀποψη ὅτι ἡ δομὴ αὐτὴ ἦταν τόσο ὁμορφη ποὺ δὲν μποροῦσε παρὰ νὰ εἶναι ἀληθινή.

'Η Εἰκ. 1 παρουσιάζει τὸν ζωγραφικὸ πίνακα τοῦ Raphaël «Οἱ τρεῖς χάριτες» (περίπου 1504 μ.Χ., Musée Condé, Chantilly, Γαλλία) καὶ ἐκφράζει τὸ ἀρχαῖο ἐλληνικὸ δόγμα ὅτι οἱ ἀρετὲς ἀποτελοῦν μιὰ ἐνότητα. Τὸ ἵδιο δόγμα ἐκφράζει καὶ ἡ φράση «καλὸς κἀγαθὸς» ποὺ σημαίνει νὰ φαίνεσαι καλός, στὶς δὲ πράξεις σου νὰ διαφαίνεται ἡ καλωσύνη. Παραλλαγὴ τοῦ δόγματος, θεωρουμένου ἀπὸ τῆς ἡθικῆς του πλευρᾶς, εἶναι: οἱ ἡθικὲς ἀρετὲς ἡ ἡ πνευματικὴ εὐγένεια ἐνὸς ἀτόμου συνοδεύονται μὲ τὴν χάρη καὶ τὴν κομψότητα αὐτοῦ. Μιὰ ἄλλη παραλλαγὴ τοῦ ἵδιου δόγ-

ματος, θεωρουμένου ἀπὸ τῆς ἐπιστημονικῆς του πλευρᾶς, βεβαιώνει ὅτι, ἡ ἀλήθεια συνοδεύεται ἀπὸ τὴν ὁμορφιά.

Αμφότερες οἱ παραλλαγὲς τοῦ δόγματος αὐτοῦ ἥταν δημοφιλεῖς κατὰ τὴν ἐποχὴν τῆς Ἀναγεννήσεως. Στὴν ἐποχὴν μας λίγοι εἶναι αὐτοὶ ποὺ πιστεύουν τὴν παραλλαγὴν ποὺ ἀφορᾶ τὴν ἡθικὴν πλευρὰ τοῦ δόγματος, ἐνῶ ἀντιθέτως πολλοὶ διακεριμένοι ἐπιστήμονες ἀποδέχονται τὴν παραλλαγὴν ποὺ ἀφορᾶ τὴν ἐπιστήμην.

Οἱ παραπάνω ἔκτεινσες ἀπόψεις διαφόρων διακεριμένων ἐπιστημόνων μᾶς διαβεβαιώνουν ὅτι πράγματι ἡ ὁμορφιά μιᾶς θεωρίας ἀποτελεῖ ἔνδειξη ὅτι ἡ θεωρία ἀληθεύει. Ποιεὶς ὅμως μαρτυρίες ἔχομε ποὺ συνηγοροῦν ὑπὲρ τῆς ἀπόψεως αὐτῆς;

Στὴν προσπάθεια νὰ ἀπαντηθεῖ τὸ ἔρωτημα αὐτὸ θὰ προβάλω ἐπιχειρήματα καὶ γνῶμες γνωστῶν ἐπιστημόνων καθὼς καὶ μερικὲς ἀπόψεις τοῦ ὄμιλοῦντος.

Πρὶν ὅμως προχωρήσω στὸ θέμα θὰ ἥθελα νὰ κάνω τὴν ἀκόλουθη θεμελιώδους σημασίας παρατήρηση στὴν ὁποίαν θὰ ἀναφέρομαι κατὰ τὴν διάρκεια τῆς ὁμιλίας.

Παρατήρηση. Τὸ γεγονός ὅτι εἶναι ἀδύνατον νὰ δρίσομε δλες τὶς λέξεις (ἔννοιες) μπορεῖ εὔκολα νὰ ἀποδειχθεῖ. Πράγματι ἔνας χρήσιμος δρισμὸς πρέπει νὰ δίνει τὴν ὄριζόμενη λέξη συναρτήσει ἄλλων λέξεων τὶς ὅποιες ἥδη ἔχομε δρίσει. Ἐξ αὐτοῦ ἔπειται ὅτι μιὰ λέξη τῆς ὅποιας δίδεται ὁ δρισμὸς εἶναι δυνατὸν τοῦ λοιποῦ νὰ μὴν χρησιμοποιηθεῖ. Αὐτὸ σημαίνει ὅτι σὲ ὅποιαδήποτε συζήτηση ἡ χρήση τῆς δρισθείσας λέξης μπορεῖ νὰ ἀποφευχθεῖ καὶ ἀντὶ αὐτῆς νὰ χρησιμοποιηθεῖ ἡ φράση ποὺ δρίζει τὴν λέξη. Μὲ ἄλλα λόγια ἀφοῦ ἡ φράση ποὺ δρίζει τὴν λέξη ἔχει τὴν ἔδια ἔννοια μὲ τὴν λέξη τὴν ὅποια δρίζει, μπορεῖ ἡ φράση νὰ ἀντικαταστήσει τὴν λέξη. Συνεπῶς μιὰ λέξη ποὺ δρισθήκε εἶναι μιὰ λέξη μὴ ἀναγκαία. Ἡ δυσκολία ποὺ ἀντιμετωπίζομε τώρα εἶναι προφανής. "Αν δλες οἱ λέξεις μποροῦσαν νὰ δρισθοῦν, δὲν θὰ εἴχαμε τὴν ἀνάγκη καμμιᾶς λέξης. Δὲν θὰ εἴχαμε γλώσσα.

Τὸ ἀδύνατον τοῦ συμπεράσματος αὐτοῦ ἀποδεικνύει ὅτι πρέπει νὰ ὑπάρχει ἔτα σύνολο (ἔνας βασικὸς πίνακας) λέξεων οἱ ὅποιες εἶναι ἀδύνατον νὰ δρισθοῦν.

Τὴν ἔννοια τῶν λέξεων τοῦ βασικοῦ πίνακα μαθαίνει ὁ ἀνθρωπός μὲ τρόπο ἀνάλογο μὲ ἐκεῖνον ποὺ μαθαίνει νὰ μιλάει στὴν παιδικὴ του ἡλικία, ἥτοι διὰ μέσου ἐσωτερικῶν διεργασιῶν οἱ ὅποιες ποικίλλουν ἀπὸ ἄτομο σὲ ἄτομο. Ἀφοῦ ὁ βασικὸς πίνακας λέξεων καταρτισθεῖ καὶ ἀποφασισθεῖ ὅτι οἱ ἔννοιες τῶν λέξεων αὐτῶν εἶναι γνωστές, δλες οἱ ὑπόλοιπες (δρισθείσες) λέξεις ἀποκτοῦν ἔννοια ἐπὶ τῇ βάσει τῶν λέξεων τοῦ βασικοῦ πίνακα.

Παρατηροῦμε λοιπὸν ὅτι γιὰ νὰ κατασκευάσουμε μιὰ γλώσσα κατὰ τρόπο συστηματικὸ πρέπει πρῶτα νὰ εἰσαγάγομε ἔνα βασικὸ πίνακα, μιὰ γλωσσικὴ βάση, ἡ ὅποια συνίσταται ἀπὸ λέξεις καὶ φράσεις ποὺ δὲν δρίζονται, καὶ ἐπὶ τῶν ὅποιων νὰ

μήν ύπάρχει καμμιὰ διαφωνία. Τὸ ὑπόλοιπο τῆς γλώσσας θὰ οἰκοδομηθεῖ μὲ δρισμούς ποὺ θὰ εἰσαχθοῦν κατὰ κάποια τάξη καὶ θὰ ἔχουν τὴν ἴδιοτητα οἱ νέες λέξεις νὰ ὁρίζονται πάντοτε μὲ λέξεις τῆς γλωσσικῆς βάσης ἢ μὲ λέξεις ποὺ ηδη ἔχουν ὄρισθεῖ.

Ἡ ἀνάγκη ὑπάρξεως μιᾶς γλωσσικῆς βάσης δὲν ἔχει ἀναγνωρισθεῖ στὸν βαθμὸν ποὺ ἔπρεπε καὶ ἐξ ὅσων γνωρίζω δὲν ἔχει γίνει καμμία προσπάθεια πρὸς τὴν κατεύθυνση αὐτῆς.

Μιὲν ἀπὸ τις λέξεις ποὺ μπορεῖ νὰ ἀνήκει στὸν βασικὸ πίνακα εἶναι ἡ λέξη «ὅμορφιά». Μιὰ ἄλλη εἶναι ἡ λέξη «ἀλήθεια». Στὰ μαθηματικὰ ἡ λέξη «σύνολο» θεωρεῖται ὡς μὴ ὁρίζομενη.

Οἱ μὴ ὁρίζομενες λέξεις τοῦ βασικοῦ πίνακα, τῆς γλωσσικῆς βάσης, πρέπει νὲ εἶναι αὐτὲς ποὺ παρουσιάζουν «τὶς μεγαλύτερες δυσκολίες γιὰ νὰ ὄρισθοῦν». Φυσικὰ δὲν πρέπει νὰ συγχέομε τὴν σημασία τῆς φράσης «μὴ ὁρίζομενη λέξη» μὲ ἐκείνη τῆς φράσης «λέξη ποὺ στερεῖται σημασίας». Ἀντιθέτως οἱ λέξεις τῆς γλωσσικῆς βάσης εἶναι σύμβολα ποὺ ἀντιστοιχοῦν σὲ πρωταρχικές καὶ «σημαίνουσες» ἔννοιες, οἱ δὲ διὰ μέσου αὐτῶν ὁρίζομενες ἔννοιες ἔρχονται σὲ δευτερεύουσα μοίρα.

Ἐτσι, στὸ ἔρωτημα ποὺ εἶχε κάποτε θέσει ὁ Πόντιος Πιλάτος «Τί εἶναι ἀλήθεια;» ἡ καλύτερη ἀπάντηση ποὺ θὰ μποροῦσε νὰ εἶχε δοθεῖ εἶναι ἡ ἀκόλουθη:

«Ἀλήθεια εἶναι μιὰ λέξη τῆς γλωσσικῆς βάσης. Εἶναι μιὰ λέξη τῆς δύοιας ἡ σημασία πρέπει νὰ σᾶς εἶναι γνωστὴ διότι ἀποκτήσατε γνώση αὐτῆς, ἀκούγοντάς την πολλὲς φορὲς καὶ ἔξετάζοντας κάθε φορὰ τὶς καταστάσεις στὶς ὅποιες αὐτὴ ἀναφέρονταν. Εἶναι πολὺ πιθανὸν ἐσεῖς καὶ ἐγὼ νὰ μὴν ἔννοοῦμε τὸ ἵδιο πράγμα ὅταν ἀναφέρομε τὴν λέξη ‘ἀλήθεια’. Πάντως, ἀν ἐσεῖς ἔχετε κάποια προσωπικὴ ἀποψη γιὰ τὸ τί σημαίνει ἡ λέξη αὐτή, ἐγὼ δὲν μπορῶ νὰ σᾶς τὴν ἀλλάξω προσπαθώντας νὰ δώσω τὸν δρισμὸ τοῦ τί εἶναι ‘ἀλήθεια’, διότι κάτι τέτοιο θὰ ἀπαιτοῦσε τὴν χρήση λέξεων ποὺ θὰ ξταν ὀλιγότερο σαφεῖς, ὀλιγότερο ἀνταποκρινόμενες στὴν διαίσθηση, ὀλιγότερο καταληπτές, ὀλιγότερο ‘βασικές’ ἀπὸ τὴν λέξη ‘ἀλήθεια’.

Στὴν «Παρατήρηση» ποὺ κάναμε θὰ συμπεριλάβομε καὶ τὴν ὑπόθεση ὅτι (ἔστω καὶ ἐπὶ ἀτομικῆς βάσεως) ἔχομε στὴν διάθεσή μας, κάθε φορά, ἔνα βασικὸ πίνακα, μιὰ γλωσσικὴ βάση.

Τέλος, στὴν παρένθεση αὐτὴ ποὺ κάναμε καὶ ποὺ ἀφορᾶ τὴν γλώσσα θὰ ἀναφερόμαστε γιὰ συντομία μὲ τὴν λέξη «Παρατήρηση».

Καὶ τώρα ἀς ἐπανέλθομε στὸ θέμα μας.

Κατ’ ἀρχὴν πρέπει νὰ κάνομε διάκριση μεταξὺ τῶν ἀντικειμενικῶν ἴδιοτήτων τῶν διαφόρων θεωριῶν καὶ τῆς ὑποκειμενικῆς αἰσθησης τοῦ «ώραίου», τὴν ὅποια ὁ ἐπιστήμων ἔχει ὅταν ἔξετάζει μιὰ θεωρία. Ἐπιστήμονες ἔργαζόμενοι σὲ διάφορες ἐποχὲς διαφωνοῦν ὡς πρὸς τὶς αἰσθητικὲς ἴδιοτητες τὶς ὅποιες πρέπει νὰ ἔχει μιὰ

Θεωρία γιατί νὰ θεωρηθεῖ ὡραία. Στὸ φαινόμενο αὐτὸ μπορεῖ νὰ δοθεῖ μιὰ ἔρμηνεία ἀν λάβομε ὑπόψη τὴν «Παρατήρηση» ποὺ κάναμε παραπάνω. Οἱ ἀστρονόμοι τῆς ἐποχῆς τοῦ Nicolas Copernicus καὶ παλαιότερα, εἶχαν μιὰ αἰσθητικὴ προτίμηση στὶς συμμετρίες, καὶ βασιζόμενοι στὴν προτίμηση αὐτὴ ἐπίστευαν ὅτι οἱ τροχιές τῶν οὐρανίων σωμάτων πρέπει νὰ εἶναι κυκλικές.

Ἡ ἐπιστήμη τῆς Μηχανικῆς κατὰ τὸν 18^ο αἰ. ἀκολούθησε κυρίως ἀφηρημένο ὕφος μὴ ἔξαρτημένο ἀπὸ κάποια νοερή εἰκόνα τοῦ μελετώμενου ἀντικειμένου. Ἀντίθέτως τὸν 19^ο αἰ., φυσικοὶ, ὅπως ὁ Lord Kelvin καὶ ὁ Ludwig Boltzmann, διέκριναν κάποια αἰσθητικὴ ἄξια στὶς θεωρίες ἐκεῖνες ποὺ παρεῖχαν μηχανιστικὰ πρότυπα καὶ ἀπεικονίζεις φαινομένων. Ὁ Dirac διέκρινε ὁμορφιὰ στὶς θεωρίες ποὺ στηρίζονται σὲ ἀπλές μαθηματικές ἔξισώσεις, ἐνῶ ὁ Weinberg δέχεται μιὰ θεωρία ὅτι εἶναι ὡραία ἀν λάβομε ὑπόψη τὴν αἰσθηση τῆς καταλληλότητας ἢ τοῦ ἀναπόφευκτου ὃς πρόδει τὶς ἴδιότητές της.

Ἄλλοι ἐπιστήμονες δοκιμάζουν τὴν αἰσθηση τοῦ ὡραίου, ἀν ἡ ἐπιστημονικὴ θεωρία συμφωνεῖ μὲ τὰ μεταφυσικά τους «πιστεύω» ἢ εὑρίσκουν ὅτι ἡ θεωρία εἶναι ἀποκρουστικὴ ἀν αὐτὸ δὲν συμβαίνει. Μεταξὺ τῶν ἐπιστημόνων αὐτῶν συγκαταλέγεται καὶ ὁ Einstein, ὁ ὄποιος εύρισκει τὴν Κβαντικὴ θεωρία ἀποκρουστικὴ διότι αὐτὴ εἶναι ἀσυμβίβαστη μὲ τὸν ντετερμινισμό.

Παρατηροῦμε λοιπόν, ὅτι κάθε θεωρία παρουσιάζει ἴδιότητες στὶς ὅποιες μερικοὶ ἐπιστήμονες προσδίδουν κάποια αἰσθητικὴ ἄξια. Ὁμως δὲν εἶναι δυνατὸν ὅλες αὐτὲς οἱ ἴδιότητες νὰ ἀποτελοῦν ἔνδειξη ὅτι ἡ θεωρία ἀληθεύει. Διότι ἀν παραδειγμὸς τὴν ἀποψή αὐτή, αὐτὸ θὰ ἐσήμανε ὅτι ὅλες σχεδὸν οἱ θεωρίες εἶναι ἀληθεῖς!

Τὸ ἔρώτημα λοιπὸν ἀν ἡ ὁμορφιὰ μιᾶς θεωρίας εἶναι ἔνδειξη ὅτι αὐτὴ ἀληθεύει πρέπει μᾶλλον νὰ διατυπωθεῖ ὡς ἔξης: Μερικές εἰδικές αἰσθητικές ἴδιότητες ποὺ παρατηροῦνται σὲ μιὰ θεωρία ἀποτελοῦν ἔνδειξη ὅτι αὐτὴ εἶναι ἀληθής;

Κατὰ καιρούς οἱ διάφορες ἐπιστημονικὲς κοινότητες διεξήγαγαν συστηματικές ἐμπειρικές ἔρευνες γιὰ νὰ ἀπαντηθεῖ τὸ τελευταῖο ἔρώτημα, ὅμως οἱ ἔρευνες αὐτὲς δὲν κατέληξαν σὲ σαφῆ καὶ συγκεκριμένα συμπεράσματα.

Σὲ ἐποχὴ «ἐπιστημονικῆς ἡρεμίας» πολλοὶ ἐπιστήμονες τοῦ ἵδιου κλάδου εἶναι δυνατὸν νὰ συμφωνοῦν ὅτι κάποια συγκεκριμένη ἴδιότητα, λ.χ. μιὰ ἀπλὴ καὶ συμμετρικὴ μορφή, ἀποτελεῖ ἔνδειξη ὅτι ἡ θεωρία ἀληθεύει. Ἡ ἀποψή ὅμως αὐτὴ φαίνεται νὰ καταρρέει ὅταν διαπιστωθεῖ ὅτι οἱ θεωρίες στὶς ὅποιες ὑπάρχει ἡ ἐν λόγῳ αἰσθητικὴ ἴδιότητα ὑπολείπονται ἀπὸ πειραματικῆς πλευρᾶς ἄλλων θεωριῶν ὅπου ἡ ἴδιότητα αὐτὴ δὲν παρατηρεῖται. Μιὰ τέτοια διαπίστωση συνήθως θεωρεῖται ὅτι ἀποτελεῖ ἐπιστημονικὴ ἐπανάσταση κατὰ τὴν ὄποιαν οἱ ἐπιστήμονες θέτοντας κατὰ

μέρος τὰ μέχρι τότε ίσχυοντα αἰσθητικὰ κριτήρια ἐπιδιώκουν τὴν διεξαγωγὴν ἐπιτυχῶν πειραμάτων, τὰ ὅποια τοὺς ὁδηγοῦν στὴν διαμόρφωση μιᾶς νέας θεωρίας.

Στὴ συνέχεια, ἡ ἔρευνα γιὰ τὴν εὔρεση νέων αἰσθητικῶν κριτηρίων ξαναρχίζει γιὰ νὰ διαπιστωθεῖ ἀν ἡ προκύψασα νέα θεωρία εἶναι ἀληθής κ.ο.κ. "Ομως ἂς προσπαθήσομε νὰ παρουσιάσουμε τὰ πράγματα ἀναλυτικότερα καὶ σαφέστερα. Κατὰ μία ἄποψη, ἡ ὅποια ὑπῆρξε δημοφιλής ἐπὶ πολλοὺς αἰῶνες, οἱ αἰσθητικὲς ἰδιότητες ποὺ ἀποτελοῦν ἔνδειξη ὅτι οἱ θεωρίες εἶναι ἀληθεῖς εἶναι οἱ ἰδιότητες ἐκεῖνες οἱ ὅποιες ἔμφανίζονται στὸ ἵδιο τὸ σύμπαν. Κατὰ τὴν ἄποψη αὐτὴ μιὰ θεωρία εὑρίσκεται κοντὰ στὴν ἀλήθεια ἀν αὐτὴ παρουσιάζει τὶς ἴδιες αἰσθητικὲς ἰδιότητες ποὺ παρουσιάζουν τὰ φυσικὰ φαινόμενα. Σὲ ἀντίθετη περίπτωση ἡ θεωρία εἶναι ἐσφαλμένη. Ἡ ἄποψη αὐτὴ ἐκφράσθηκε συχνὰ ὡς πρὸς τὶς ἰδιότητες τῆς ἀπλότητας καὶ τῆς συμμετρίας. Πολλοὶ πιστεύουν ὅτι μιὰ θεωρία ἡ ὅποια ἔχει τὴν ἀπλὴ μορφὴ τὴν ὅποια παρουσιάζει τὸ σύμπαν ὀφείλει νὰ εἶναι ἀληθής. Συχνὰ οἱ φυσικοὶ ὑποστηρίζουν ὅτι οἱ ἔξισώσεις τοῦ Maxwell στὴν ἡλεκτροδυναμικὴ παρουσιάζουν τὶς ἴδιες συμμετρίες ποὺ ὑπάρχουν μεταξὺ τῶν ἡλεκτρικῶν καὶ τῶν μαγνητικῶν πεδίων στὰ ἡλεκτρομαγνητικὰ κύματα καὶ θεωροῦν τὸ γεγονός αὐτὸν ὅτι ἀποτελεῖ ἀπόδειξη ἡ τουλάχιστον ἔνδειξη, ὅτι ἡ θεωρία τοῦ Maxwell εἶναι ἀληθής. "Αν ἡ ἄποψη αὐτὴ ἦταν ὀρθή, τότε θὰ μπορούσαμε, νὰ χρησιμοποιήσουμε τὸ αἰσθητικό μας κριτήριο, ἀφ' ἐνὸς γιὰ νὰ διαπιστώσουμε ποιὲς αἰσθητικὲς ἰδιότητες παρουσιάζει τὸ σύμπαν, καὶ ἐκ παραλλήλου γιὰ νὰ ἐλέγξουμε, ἀν μιὰ δοθεῖσα θεωρία ἀναπαράγει τὶς ἰδιότητες αὐτὲς καὶ ὡς ἐκ τούτου εὑρίσκεται αὐτὴ κοντὰ στὴν ἀλήθεια.

Ἡ ἄποψη ὅμως αὐτὴ δὲν εὐσταθεῖ γιὰ δύο λόγους. Πρῶτον, γιὰ νὰ δώσουμε μιὰ ἀκριβῆ περιγραφὴ ἐνὸς φαινομένου δὲν εἶναι οὔτε ἀρκετὸ οὔτε ἀναγκαῖο ἡ θεωρία νὰ ἔχει τὶς ἴδιες αἰσθητικὲς ἰδιότητες τοῦ φαινομένου. Μιὰ πολύπλοκη θεωρία ἐνὸς ἀπολοῦ φαινομένου μπορεῖ νὰ εὑρίσκεται πλησιέστερα στὴν ἀλήθεια ἀπὸ μιὰ ἀπλὴ θεωρία γιὰ τὸ ἵδιο φαινόμενο. Τὸ ὅτι οἱ ἔξισώσεις τοῦ Maxwell διακρίνονται γιὰ τὴν συμμετρία τους δὲν συνεπάγεται ὅτι αὐτὲς εἶναι σωστές. Ἀντιστρόφως ἡ συμπεριφορὰ τῶν ἡλεκτρομαγνητικῶν κυμάτων θὰ μποροῦσε νὰ περιγραφεῖ σωστὰ ἀπὸ μιὰ θεωρία στὴν ὅποια δὲν ἔνσωματώνονται οἱ συμμετρίες τῶν ἡλεκτρομαγνητικῶν κυμάτων.

Τὸ νὰ ἀπαιτοῦμε ἀπὸ μιὰ θεωρία νὰ ἔνσωματώνει τὶς αἰσθητικὲς ἰδιότητες τοῦ ἀντικειμένου στὸ ὅποιο ἀναφέρεται δὲν ἔχει σὲ πολλὲς περιπτώσεις καὶ νόημα. Τὸ πεδίο βαρύτητας λ.χ. ἐνὸς σωματιδίου ἔχει μιὰ σφαιρικὴ συμμετρία, ὅμως τί θὰ ἔσχημαίνε νὰ ἀπαιτήσομε νὰ ὑπάρχει σφαιρικὴ συμμετρία σὲ μιὰ θεωρία βαρύτητας;

Δεύτερον, ἡ ἴδεα ὅτι μποροῦμε νὰ ἀναγνωρίσουμε ὅτι μιὰ θεωρία εἶναι κοντὰ στὴν ἀλήθεια, βάσει τοῦ κριτηρίου ὅτι ἔνσωματώνει αὐτὴ τὶς ἴδιες αἰσθητικὲς ἰδιό-

τητες ποὺ ἔχουν τὰ φαινόμενα στὰ ὅποια αὐτὴ ἀναφέρεται, προύποθέτει ὅτι γνωρίζομε ποιὲς εἶναι οἱ αἰσθητικὲς αὐτὲς Ἰδιότητες τῶν φαινομένων. Οἱ αἰσθητικὲς Ἰδιότητες φυσικῶν ἀντικειμένων, ὅπως εἶναι οἱ κρύσταλλοι, τὰ διάφορα γεωγραφικὰ τοπία κ.ἄ. εἶναι ὄρατὲς διὰ γυμνοῦ ὁφθαλμοῦ. "Ομως στὶς περισσότερες περιπτώσεις ἡ πίστη μας ὅτι τὰ φαινόμενα ἐμφανίζουν Ἰδιαίτερες αἰσθητικὲς Ἰδιότητες βασίζεται ἐξ ὀλοκλήρου στὶς θεωρίες τῶν ὅποιων «τὸ πόσο κοντὰ στὴν ἀλήθεια εἶναι» προσπαθοῦμε νὰ ἔξακριβώσομε. Π.χ. ἡ μοναδικὴ βάση στὴν ὅποια στηριζόμαστε γιὰ νὰ συμπεράνομε ὅτι ἔνα φαινόμενο εἶναι διὸ ἔνα βαθμὸς ἀπλός, εἶναι ἡ καλύτερη θεωρία ποὺ διαθέτομε γιὰ τὴν ἔξηγηση τοῦ φαινομένου. Τὸ νὰ ὑποστηρίζομε λοιπὸν ὅτι ἡ θεωρία αὐτὴ εἶναι ἀληθῆς μὲ τὸ αἰτιολογικὸ διὰ εἶναι ἔξισου ἀπλὴ μὲ τὸ ἀντικείμενο στὸ ὅποιο ἀναφέρεται θὰ ὀδηγοῦμε σὲ φαῦλο κύκλο. 'Επίσης τὸ μόνο σκεπτικὸ γιὰ νὰ συμπεράνομε ὅτι τὰ ἡλεκτρομαγνητικὰ κύματα παρουσιάζουν κάποιες Ἰδιαίτερες συμμετρίες εἶναι τὸ ὅτι οἱ ἔξισώσεις τοῦ Maxwell μᾶς βεβαιώνουν ὅτι ὅντως αὐτὸ δυμβαίνει. Συνεπῶς ἡ πίστη μας ὅτι τὰ ἡλεκτρομαγνητικὰ κύματα παρουσιάζουν τὶς συμμετρίες ποὺ ἀναφέραμε δὲν μποροῦμε νὰ ἀποτελέσουν ἀπόδειξη ὅτι ἡ θεωρία τοῦ Maxwell εὑρίσκεται κοντὰ στὴν ἀλήθεια.

Σὲ ὅλες τὶς προαναφερθεῖσες περιπτώσεις ἡ πίστη μας ὅτι τὰ φαινόμενα ἔχουν Ἰδιαίτερες αἰσθητικὲς Ἰδιότητες ὀφείλεται στὸ γεγονὸς ὅτι μποροῦμε νὰ κάνομε μιὰ ἐπιλογὴ μεταξὺ θεωριῶν ποὺ ἔχουμε στὴ διάθεσή μας, αὐτὸ δύμας δὲν μπορεῖ νὰ ἀποτελέσει τὴν βάση γιὰ μιὰ τέτοια ἐπιλογὴ.

'Η ἀποψη λοιπὸν ὅτι οἱ αἰσθητικὲς Ἰδιότητες τῶν φυσικῶν φαινομένων εἶναι ἔνδειξη ὅτι οἱ ἐπιστημονικὲς θεωρίες, οἱ ὅποιες ἀναφέρονται στὰ φαινόμενα αὐτά, εἶναι κοντὰ στὴν ἀλήθεια μᾶλλον δὲν εὔσταθεῖ.

Τότε δύμας, μὲ ποιὸν ἄλλον τρόπο μποροῦμε νὰ ἔξακριβώσομε ποιὲς αἰσθητικὲς Ἰδιότητες (ἀν αὐτὲς ὑπάρχουν) ἀποτελοῦν ἔνδειξη ὅτι οἱ θεωρίες ἀληθεύουν;

Εἶναι γνωστὸ ὅτι μιὰ πρωτοεμφανίζόμενη καινοτόμος αἰσθητικὴ θεωρία, θεωρεῖται στὴν ἀρχὴ ἀπὸ τὴν πλειονότητα τῶν ἐπιστημόνων ὡς «μὴ-ώραια». "Οταν δύμας ἡ θεωρία αὐτὴ ἐρμηνεύει μὲ ἐπιτυχία πολλὰ δεδομένα τῆς ἐμπειρίας καὶ τοῦ πειράματος, καταλήγει βαθμιαίως νὰ θεωρηθεῖ ὡς δύμορφη. 'Ὑπάρχουν παραδείγματα τοῦ φαινομένου αὐτοῦ. Κατ' ἀρχὰς οἱ ἀστρονόμοι θεώρησαν τὴν θεωρία ποὺ εἶχε προκύψει ἀπὸ τὶς παρατηρήσεις τοῦ Kepler καὶ ἀφοροῦσε τὴν κίνηση τῶν πλανητῶν ὃχι ὡς ὥραια διότι κατ' αὐτὴν οἱ τροχιές τῶν πλανητῶν ἦταν ἐλλειπτικὲς καὶ ὃχι συνδυασμοὶ κυκλικῶν τροχιῶν.

'Επίσης ἡ θεωρία τῆς βαρύτητος τοῦ Isaac Newton θεωρήθηκε ἀπὸ πολλοὺς συγγρόνους του ὡς ἀντιαισθητικὴ διότι περιελάμβανε τὸ ἀξιωμα τὸ ὅποιο ἀποδέχεται τὴν ὑπαρξη ἔλξεως ἐξ ἀποστάσεως. Μὲ τὴν πάροδο δύμας τοῦ χρόνου, ὅταν ἡ

θεωρία ἐνισχύθηκε ἀπὸ πειραματικὰ δεδομένα, θεωρήθηκε αὐτὴ ὅτι αἰσθητικὰ ἦταν εὐχάριστη.

Τὰ παραδείγματα αὐτά, μαζὶ μὲ ἄλλα ποὺ ὑπάρχουν, πιστεύεται ὅτι σηματοδοτοῦν ἔνα κρίσιμο γεγονός: «Οἱ αἰσθητικὲς προτιμήσεις τῶν ἐπιστημόνων μεταβαλλόμενες προσαρμόζονται σταδιακά, ἀνάλογα μὲ τὸν βαθμὸν στὸν ὅποιο τὰ ἐμπειρικὰ δεδομένα ἐρμηνεύονται διὰ τῆς θεωρίας». Μὲ ἄλλα λόγια, πολλοὶ πιστεύουν ὅτι ὅσο τὰ ἀποτελέσματα τῆς ἐμπειρίας ἔξηγοῦνται καλύτερα μὲ τὴν θεωρία, καὶ μόνο γιὰ τὸν λόγο αὐτό, τόσο ἡ θεωρία ἀπὸ ἀντιαισθητικὴ ποὺ μᾶς φαίνεται στὴν ἀρχή, ἀργότερα μᾶς φαίνεται ώραιότερη. Ἀντιθέτως, ἀν μιὰ ἴδιότητα δὲν σχετίζεται μὲ τὰ ἐπιτυχῆ πειραματικὰ δεδομένα, τότε οἱ ἐπιστήμονες δὲν ἀποδίδουν σ' αὐτὴν καμμιὰ αἰσθητικὴ ἀξία.

Θὰ ἥθελα στὸ σημεῖο αὐτὸν νὰ τονίσω ὅτι ὁ ὅμιλος διαφωνεῖ μὲ τὴν τελευταία αὐτὴν ἀποψή γιὰ λόγους ποὺ θὰ ἀναπτύξομε παρακάτω.

‘Ο τρόπος μὲ τὸν ὅποιο οἱ ἐπιστήμονες ἐπιλέγουν μεταξὺ διαφόρων θεωριῶν, ἐφαρμόζοντας αἰσθητικὰ κριτήρια, εἶναι ἀνάλογος μὲ τὸν τρόπο μὲ τὸν ὅποιο γίνεται ἡ ἐπιλογὴ μεταξὺ τῶν εἰδῶν. Σὲ μερικὰ εἰδή παρατηρεῖται ὅτι τὸ ἄρρεν ἡ καὶ τὸ θῆλυ κάνουν τὶς ἐπιλογές τους, ἐν μέρει, ἐπὶ τῇ βάσει ὁρισμένων χαρακτηριστικῶν τὰ ὅποια μποροῦν νὰ θεωρηθοῦν ὅτι εἶναι αἰσθητικῆς φύσεως, ἥτοι: τὸ χρῶμα — ἡ ἐν γένει κατάσταση τῆς γούνας τοῦ ζώου — τὸ πτίλωμα — τὸ μῆκος τῶν κεράτων — τὸ μῆκος τῆς οὐρᾶς κ.ἄ. “Ομως ποιὸ εἶναι τὸ ἐπιδιωκόμενο πλεονέκτημα μὲ τὴν ἐπιλογὴ αὐτή; Πιστεύεται ὅτι οἱ διάφοροι ὁργανισμοὶ ἐπιδιώκουν διὰ τῆς ἐπιλογῆς αὐτῆς τὴν διατήρηση τοῦ εἰδούς.

Οἱ ἐπιστήμονες, ὅπως καὶ οἱ διάφοροι ζωικοὶ ὁργανισμοί, πιστεύεται ὅτι διαθέτουν κάποιο ἀνάλογο μηχανισμὸ διὰ τοῦ ὅποιου «βελτιώνουν» τὶς ἐκάστοτε αἰσθητικές τους προτιμήσεις. Διάφοροι ἀποδίδουν ὅλο καὶ μεγαλύτερη αἰσθητικὴ ἀξία σὲ μιὰ θεωρία ποὺ ἐρμηνεύει ὅλο καὶ περισσότερο τὰ δεδομένα τῆς ἐμπειρίας ὅχι ὅμως διότι ἔτσι τὸ «κέρδος» μας εἶναι μεγαλύτερο ἀλλὰ διότι ἡ νέα κατάσταση, ἡ ἐμπλουτισμένη μὲ τὰ νέα δεδομένα τοῦ πειράματος, ἀποκτᾷ καὶ νέες αἰσθητικὲς ἴδιότητες.

‘Η προφανῆς βέβαια διαφορὰ ἡ ὅποια ὑπάρχει μεταξὺ τῶν δύο περιπτώσεων ἥτοι τῶν ἐπιλογῶν ποὺ κάνουν οἱ ἐπιστήμονες, καὶ ἐκείνης ποὺ κάνουν οἱ ζωικοὶ ὁργανισμοί, εἶναι ὅτι οἱ αἰσθητικὲς ἐπιλογές μεταξὺ τῶν εἰδῶν ἔξελισσονται μόνο μὲ τὴν πάροδο τοῦ χρόνου, ἐνῶ ἀντιθέτως οἱ αἰσθητικὲς ἐπιλογές τῶν ἐπιστημόνων ἀποκτῶνται πολιτισμικὰ καὶ ὡς ἐκ τούτου μποροῦν νὰ ἀναθεωρηθοῦν ἀνάλογα μὲ τὶς περιστάσεις κατὰ τὶς ὅποιες λαμβάνουν χώραν.

Οἱ ἐκάστοτε ἀλλαγές στὶς αἰσθητικὲς προτιμήσεις τῶν ἐπιστημόνων δὲν εἶναι δύσκολο νὰ ἐρμηνευθοῦν ἀν λάβομε ὑπόψη τὴν «Παρατήρηση» ποὺ κάναμε προηγου-

μένως. Οι άλλαγές πιθανότατα δρείλονται στήν μεταβολή πού ύφίσταται δι «βασικὸς πίνακας» (ἡ γλωσσικὴ βάση) ἀνάλογα μὲ τὶς περιστάσεις καὶ τὶς ποικίλες συνθῆκες ποὺ ἐπικρατοῦν, εἴτε πολιτισμικὲς εἴναι αὐτὲς ἡ κάποιου ἄλλου εἰδούς.

Απὸ τὸ 1687, ὅταν ὁ Newton δημοσίευσε τὸ περίφημο σύγγραμμά του «Principia», μέχρι τὸ 1900, ἀναπτύχθηκαν πολλές θεωρίες (ἡ κλασικὴ θερμοδυναμική, ἡ Νευτόνια μηχανική, κ.ἄ.) διὰ τῶν ὅποιων ἔρμηνεύθηκαν πολλὰ πειραματικὰ ἀποτελέσματα. Στὶς θεωρίες αὐτὲς ἀποδόθηκαν ἀπ' τοὺς φυσικοὺς δρισμένες αἰσθητικὲς ἴδιότητες διότι ἥταν ντετερμηνιστικὲς καὶ ἥταν σὲ θέση νὰ δώσουν μιὰ νοερὴ εἰκόνα τῶν καθημερινῶν γεγονότων.

Μετὰ ἀπὸ χρόνια ἀποδείχθηκε ὅτι ἡ κλασικὴ αὐτὴ θεωρία δὲν ἥταν σὲ θέση νὰ ἔξηγήσει μερικὰ νεώτερα πειραματικὰ φαινόμενα ὅπως εἴναι ἡ ἀκτινοβολία τοῦ μαύρου σώματος, τὸ φωτοηλεκτρικὸ φαινόμενο (ἥτοι κάθε ἡλεκτρικὸ φαινόμενο προκαλούμενο διὰ τῆς παρεμβάσεως φωτεινῆς ἀκτινοβολίας) κ.ἄ. Κατὰ τὴν δεκαετία τοῦ 1920 ἐμφανίσθηκε στὸ προσκήνιο ἡ θεωρία τῶν quanta, ἡ ὅποια κατόρθωσε νὰ ἔρμηνεύσει φαινόμενα ποὺ δὲν μποροῦσε νὰ ἔρμηνεύσει ἡ κλασικὴ φυσική. Ἀναγνωρίσθηκε τότε ὅτι στήν νέα αὐτὴ θεωρία ὑπάρχουν αἰσθητικὲς ἴδιότητες διαφορετικὲς ἀπὸ ἐκεῖνες ποὺ εἶχαν ἀναγνωρισθεῖ στήν κλασικὴ θεωρία.

Ἄς σημειωθεῖ ὅτι ἡ θεωρία τῶν quanta δὲν εἴναι ντετερμηνιστικὴ καὶ δὲν εἴναι ἱκανὴ νὰ μᾶς παρέξει μιὰ συγκεκριμένη νοερὴ εἰκόνα, εἴναι ἀφηρημένη.

Ἐτσι ἡ κοινότητα τῶν φυσικῶν χωρίσθηκε σὲ δύο ὄμάδες. Ἡ μία, μὲ ἐπικεφαλῆς τοὺς Niels Bohr καὶ Werner Heisenberg οἱ ὅποιοι δὲν ἔδωσαν μεγάλη σημασία στήν ἀξιολόγηση θεωριῶν μὲ αἰσθητικὰ κριτήρια, λέγοντας ὅτι οἱ λεγόμενες «ἐνδείξεις ἀληθείας» ἥταν ἀπόνχοι παλαιῶν ἐμπειρικὰ ἐπιτυχημένων θεωριῶν καὶ δὲν μποροῦσαν οἱ ἐνδείξεις αὐτὲς νὰ ληφθοῦν ὡς ὁδηγοὶ σὲ ἀβέβαιους καιρούς.

Ἡ ἄλλη ὄμάδα, ποὺ περιελάμβανε τὸν Einstein καὶ τὸν Erwin Schrödinger ἀνεγνώριζε τὶς ἐμπειρικὲς ἐπιτυχίες τῆς θεωρίας τῶν quanta ἀλλὰ εὑρισκε τὴν θεωρία αὐτὴ ἀποκρουστικὴ διότι εἶχε σ' αὐτὴν ἐγκαταλειφθεῖ τὸ κλασικὸ θεωρητικὸ στύλ. Εἰδικῶς ὁ Schrödinger εὑρισκε τὴν θεωρία τῶν quanta μὴ ἐλκυστικὴ διότι ἥταν αὐτὴ ἀφηρημένη. Προσπάθησε ὁ Schrödinger νὰ ἀπαλλαγεῖ ἀπὸ τὸν ἀφηρημένο χαρακτήρα τῆς θεωρίας καὶ νὰ τῆς δώσει μιὰ συγκεκριμένη νοερὴ εἰκόνα ἀλλὰ ἀπέτυχε. Ἀντιθέτως, στὸν Einstein δὲν ἄρεσε ἡ θεωρία τῶν quanta ἐπειδὴ δὲν εἶχε αὐτὴ ντετερμηνιστικὸ χαρακτήρα. Ἐπίστενε ὁ Einstein ὅτι ἡ ὄμορφιὰ τοῦ σύμπαντος θὰ ἀμαυρωνόταν ἀν ὁ Θεός ἀπεφάσιζε τὰ διάφορα συμβάντα νὰ λαμβάνουν χώραν τυχαίως, ἀνάλογα δηλαδὴ μὲ τὸ τί θὰ προκύψει μὲ τὴν ρίψη τῶν κύβων!

Καὶ οἱ δύο ὄμάδες ισχυρίζονταν ὅτι ὑπεστήριζαν τὶς ἀπόψεις τους μὲ λογικὰ ἐπιχειρήματα. Ἡ διαφορὰ αὐτὴ τῶν ἀπόψεων δὲν εἴναι δύσκολο νὰ ἔρμηνευθεῖ ἀν

πάλι λάβουμε ύπόψη τὴν «Παρατήρηση» που ἀναφέραμε παραπάνω. Ἡ διαφορὰ διφείλεται στὸ ὅτι τὰ διάφορα γεγονότα συνετέλεσαν στὸ νὰ ἀλλάξῃ, ὅχι ὁμοιόμορφα, ὡς βασικὸς πίνακας, ἡ γλωσσικὴ βάση.

Μὲ τὴν πάροδο τοῦ χρόνου οἱ περισσότεροι φυσικοὶ ἀσπάσθηκαν τὴν θεωρίαν quanta. Γιὰ νὰ γίνει ὅμως αὐτὸς ἐγκατέλειψαν τὶς ἐπὶ μακρὸν χρόνο ὑπάρχουσες αἰσθητικὲς προτιμήσεις τους ὑπὲρ τοῦ ντετερμινισμοῦ καὶ ἄλλων ἰδιοτήτων. Ἡ ἀλλαγὴ αὐτὴ μπορεῖ νὰ χαρακτηρισθῇ ὡς μιὰ «ἐπαναστατικὴ πράξη». «Οπως ὁρισμένα θεωρητικὰ στύλοι ἐπικρατοῦν διὸ τῆς κατοχυρώσεως εἰδικῶν αἰσθητικῶν προτιμήσεων, ἔτσι καὶ μιὰ ἐπιστημονικὴ ἐπανάσταση λαμβάνει χώραν ὅταν ἐγκαταλείπουμε τὶς αἰσθητικὲς ἀπόψεις ποὺ ἔχουν ἐπικρατήσει καὶ υἱοθετοῦμε ἄλλη θεωρία. Ἐδῶ βέβαια τίθεται πάλι ἔνα πάρα πολὺ βασικὸ ἐρώτημα:

Αὐτὸς ποὺ ἐγκαταλείπει τὴν παλαιὰ θεωρία καὶ ἀσπάζεται μιὰ νεώτερη τὸ κάμνει μόνο καὶ μόνο διότι ἡ νέα θεωρία ἐρμηνεύει καλύτερα τὰ πειραματικὰ δεδομένα, τὰ διποῖα ἡ παλαιότερη θεωρία δὲν μπορεῖ νὰ ἐρμηνεύσει, ἡ διότι ἡ νέα θεωρία (λόγῳ ἀλλαγῆς τοῦ βασικοῦ πίνακος) τοῦ φαίνεται πιὸ ἐλκυστική; Θὰ ἐπανέλθομε στὸ ἐρώτημα αὐτὸς σὲ λίγο.

Αἰσθητικὰ κριτήρια ὅμως δὲν παρατηροῦνται μόνο ὅταν πρόκειται γιὰ ἐπιστημονικὲς θεωρίες ποὺ ἀναφέρονται σὲ πειραματικὰ δεδομένα. Χρησιμοποίηση αἰσθητικῶν κριτήριων γίνεται καὶ ὅταν πρόκειται γιὰ ἐφαρμοσμένες τέχνες ὅπως εἶναι ἡ ἀρχιτεκτονικὴ ἢ τὸ βιομηχανικὸ σχέδιο.

Κάθε ὑλικὸ ποὺ χρησιμοποιεῖται στὴν ἀρχιτεκτονική, ὅπως εἶναι, τὸ ξύλο, τὸ διάφορα οἰκοδομικὰ ὑλικά, τὸ σίδερο, ὁ χάλυψ, τὸ γυαλὶ κ.ἄ., ἔχει μερικὰ διακριτικὰ χαρακτηριστικὰ τὰ διποῖα ἐπιτρέπουν τὴν ἴκανοποίηση δρισμένων πρακτικῶν ἀναγκῶν. Γιὰ νὰ ἐκμεταλλεύθῃ ὅμως κανεὶς, ὅσο τὸ δυνατὸν περισσότερο, τὶς ἰδιότητες ἑνὸς ὑλικοῦ εἶναι φανερὸς ὅτι ἀπαιτεῖται καὶ κατάλληλη σχεδίαση. Καὶ στὶς περιπτώσεις αὐτές, ὅταν παρουσιάζεται ἔνα καινούργιο ὑλικό, τὰ σχέδια ποὺ ἀπαιτοῦνται γιὰ τὸ νέο ὑλικὸ θεωροῦνται ἀπὸ τοὺς λεγόμενους «συντηρητικούς» ἀρχιτέκτονες καὶ ἀπὸ τὸ κοινὸ ὡς «ἄσχημα», ὡς μὴ-ἐλκυστικά. «Ομως καὶ ἐδῶ ἡ αἰσθητική, ἀς τὴν ποῦμε, αὐτὴ ἀντίδραση βαθμιαίως παρέρχεται ὅταν μὲ τὸν καιρὸ φανεῖ ἡ χρησιμότητα τοῦ νέου ὑλικοῦ καὶ τοῦ νέου σχεδίου.

Πολλοὶ πιστεύουν ὅτι ὁ μηχανισμὸς διὰ τοῦ ὅποιου συντελεῖται ἡ ἀλλαγὴ εἶναι ἀνάλογος μὲ ἐκεῖνον ποὺ ἐπιφέρει τὴν ἀλλαγὴ στὶς ἐπιστημονικὲς θεωρίες. Ὁ χυτοσίδηρος (μαντέμι) φαίνεται νὰ ἀποτελεῖ ἔνα καλὸ παράδειγμα γιὰ τὴν ἐπιβεβαίωση τῶν ἀνωτέρω. Ἡ ἐπανάσταση ποὺ δημιούργησε στὴν ἀρχιτεκτονικὴ ἡ ἀνακάλυψη τοῦ χυτοσιδήρου φάνηκε ἀπὸ τὶς ἀντιθέσεις μεταξὺ τῶν ἀπόψεων ποὺ ἐμφανίσθηκαν κατὰ τὴν σύγκριση τοῦ Πύργου τοῦ Eiffel μὲ τὸ Μνημεῖο τοῦ Washington (Εἰκ. 2).

Τὸ Μνημεῖο τοῦ Washington ἀνταποκρινόταν στοὺς μέγρι τότε παραδεκτοὺς αἰσθητικούς κανόνες ἐνῷ ὁ Πύργος τοῦ Eiffel παρουσίαζε στὴν ἀρχὴ ἀνεπιθύμητες αἰσθητικὲς ἴδιότητες.

‘Η Ἀρχιτεκτονικὴ αἰσθητικὴ, ὅπως αὐτὴ ποὺ διακρίνομε στὸ Μνημεῖο τοῦ Washington (ἀριστερὰ) καὶ ἔκεινη στὸν Πύργο τοῦ Eiffel (δεξιά), μεταβάλλονται ἀνάλογα μὲ τὴν δομικὴ χρησιμότητα τοῦ ὑλικοῦ, ὅπως αὐτὸς συμβαίνει μὲ τὴν αἰσθητικὴ εἰκόνα μιᾶς ἐπιστημονικῆς θεωρίας. ‘Η αἰσθητικὴ αὐτὴ «φαίνεται» νὰ ἐπιβάλλεται ὅλο καὶ περισσότερο ὅσο τὰ ἀποτελέσματα τῆς ἐμπειρίας εἶναι πιὸ ἵκανοποιητικά.

Τὸ Μνημεῖο τοῦ Washington (1884) εἶναι ἔνας ἀσπρὸς μαρμάρινος ὁβελίσκος, ὁ ὅποῖς ἀκολουθεῖ τοὺς αἰσθητικούς κανόνες τῆς ἀρχαίας Αἰγύπτου. Ἀντιθέτως ὁ Πύργος τοῦ Eiffel ὁ ὅποῖς κατασκευάσθηκε 5 χρόνια ἀργότερα εἶναι μιὰ σιδηρᾶ κατασκευὴ ἡ ὅποια παρουσίασε αἰσθητικὲς ἴδιότητες ἄγνωστες στὴν ἐποχὴ τῆς.

‘Η Ἀρχιτεκτονικὴ τοῦ χυτοσιδήρου ἀπέκτησε εὔρεῖα χρήση καὶ δημιούργησε αἰσθητικὲς ἴδιότητες βαθμιαίως ὅταν ἡ «χρησιμότητά» της ἀρχίσε νὰ ἀναγνωρίζεται.

Συνοψίζοντας, λοιπόν, δὲν εἶναι δύσκολο νὰ ἀντιληφθοῦμε ὅτι τὰ παραπάνω ὅδηγοῦν (τουλάχιστον φαινομενικά) σὲ κάποιο δίλημμα ὡς πρὸς τὴν ἀπάντηση ποὺ μπορεῖ νὰ δοθεῖ στὸ ἔρωτημα ποὺ θέτει ὁ τίτλος τῆς σημερινῆς δμιλίας.

Πράγματι, πρέπει κάποιες αἰσθητικὲς ἴδιότητες νὰ ἀποτελοῦν ἔνδειξη ὑπὲρ τῆς ὀρθότητας τῆς θεωρίας. Κάθε τέτοια ἴδιότητα φαίνεται νὰ σχετίζεται μὲ κάποια ἐπιτυχῆ ἐμπειρία. “Ομως εἰδαμε ὅτι ἡ ἐπιτυχὴς ἐμπειρία, φαίνεται νὰ ἀκολουθεῖται ἀπὸ διαφορετικὲς αἰσθητικὲς ἴδιότητες σὲ διαφορετικούς κλάδους τῆς ἐπιστήμης. “Ενα εἴδος νοερῆς ἀπεικόνισης σχετίζεται μὲ ἐπιτυχῆ ἐμπειρία στὴν Κοσμολογία, ὅχι ὅμως στὴν θεωρία τῶν quanta. Μιὰ δρισμένη μορφὴ λογικῆς ἀπλότητας σχετίζεται μὲ ἐμπειρικὴ ἐπιτυχία στὴν θεωρία τῆς σχετικότητας ὅχι ὅμως στὴν κοσμολογία. Μιὰ κάποια μορφὴ μὲ μαθηματικὴ ἀπλότητα σχετίζεται μὲ ἐπιτυχῆ ἐμπειρία στὴν θεωρία τῶν quanta ὅχι ὅμως στὴν θεωρία τῆς σχετικότητας. Μὲ βάση τὰ δεδομένα αὐτά, ἡ πεποίθηση τοῦ Einstein, τοῦ Dirac καὶ ἄλλων ὅτι ἡ ὅμορφιά ποὺ διακρίνομε σὲ μιὰ θεωρία εἶναι ἔνδειξη ὅτι ἡ θεωρία ἀληθεύει, δὲν μπορεῖ νὰ γίνει ἀποδεκτή.

‘Απ’ τὴν ἄλλη πάλι πλευρὰ δὲν μποροῦμε νὰ ἀπορρίψουμε τὴν ἀποψή ὅτι κάποια αἰσθητικὴ ἴδιότητα μπορεῖ ἀνὰ πᾶσα στιγμὴ νὰ μᾶς ἀποκαλύψει ὅτι ὑπάρχει κάποια σχέση μεταξὺ τῆς ἴδιότητας αὐτῆς καὶ τῆς ἐπιτυχοῦς ἐμπειρίας.

Κατὰ τὴν ἀποψή τοῦ διμιλοῦντος τὸ παραπάνω δίλημμα αἴρεται ἀν ὅπως εἴπαμε καὶ προηγουμένως λάβομε ὑπόψη τὴν «Παρατήρηση» ποὺ κάναμε στὴν ἀρχή. Τὰ αἰσθητικὰ κριτήρια ἀλλάζουν διότι ὁ βασικὸς πίνακας (ἡ γλωσσικὴ βάση) ἀλλάζει

μὲ τὸν χρόνο καὶ ἀνάλογα μὲ τὶς περιστάσεις διαφοροποιεῖται, καὶ μάλιστα ὅχι κατὰ τὸν ἕδιο τρόπο σὲ δλες τὶς ἐπιστῆμες καὶ σὲ δλους τοὺς ἐπιστήμονες.

Γιπάρχει μιὰ μερίδα ἐπιστημόνων οἱ ὅποιοι πιστεύουν ὅτι οἱ ἐπιστημονικὲς ἐπαναστάσεις ποὺ περιγράψαμε παραπάνω δὲν ὀφείλονται σὲ αἰσθητικὰ κριτήρια. Ἡ ἐγκατάλειψη δηλαδὴ τῆς παλαιᾶς θεωρίας καὶ ἡ προσχώρηση στὴν νέα θεωρία δὲν ὑπαγορεύεται ἀπὸ αἰσθητικὰ κριτήρια ἀλλὰ ἀπλῶς ἀπὸ τὴν ἐπιθυμία μας νὰ ἀποκτήσομε περισσότερα ὀφέλη ἀπὸ τὰ νέα ἀποτελέσματα. Ἀντιθέτως ἄλλοι ἐπιστήμονες, μὲ τοὺς ὅποίους συντάσσεται καὶ ὁ διμιλῶν, πιστεύουν ὅτι προσχωροῦμε στὴν θεωρία διότι τὰ νέα ἔμπειρικὰ ἀποτελέσματα παρουσιάζουν ἐνδιαφέρουσες αἰσθητικὲς ἰδιότητες. Ἡ ἐπιλογὴ δηλαδὴ τῆς νέας θεωρίας γίνεται πάλι βάσει αἰσθητικῶν ἰδιοτήτων, πάλι βάσει τοῦ ἕδιου μηχανισμοῦ ποὺ μᾶς εἶχε ὀδηγήσει στὴν ἐπιλογὴ τῆς προηγούμενης θεωρίας. Μὲ ἄλλα λόγια, μὲ τὴν ἀλλαγὴ τοῦ βασικοῦ πίνακα ἀλλάζει ἀπλῶς τὸ «ύλικὸ» ἐπὶ τοῦ ὅποίου δρᾶ ὁ μηχανισμὸς τῶν αἰσθητικῶν κριτηρίων ὁ ὅποῖος, παραμένων πάντοτε ὁ ἕδιος, μᾶς ὀδηγεῖ τώρα στὴν ἐκτίμηση τῆς νέας θεωρίας.

Ἄς σημειωθεῖ ὅτι τὸ νέο στοιχεῖο ποὺ εἰσάγεται ἐδῶ εἶναι ἀκριβῶς ἡ «Παρατήρηση» ἡ ὅποία ἔξηγε τὸ προαναφερθὲν δίλημμα.

Ομως, ἀκόμα καὶ ἂν δὲν θελήσομε νὰ ἀσπασθοῦμε τὴν τελευταία αὐτὴ ἀποψὴ ἡ ὅποία ἔρμηνει τὸ δίλημμα καθὼς καὶ ἄλλες δυσκολίες, δὲν μποροῦμε νὰ ἀκολουθήσουμε τὴν ἀποψὴ ἐκείνων οἱ ὅποιοι γιὰ νὰ ἀποφύγουν τὸ δίλημμα καθὼς καὶ ἄλλες παρουσιαζόμενες δυσκολίες ἔχουν τὴν τάση νὰ ἀπαλλάξουν τὶς προτιμήσεις τους ἀπὸ κάθε εἴδος αἰσθητικῶν κριτηρίων καὶ νὰ προβοῦν στὴν ἐπιλογὴ τῆς ἀλφα ἢ τῆς βῆτα θεωρίας μὲ μοναδικὸ κριτήριο τὴν ἀξιολόγηση τῶν νέων πειραματικῶν ἀποτελεσμάτων. Διότι, ἀν μιὰ τέτοια ἀποψὴ γίνει δεκτή, ἀποκλείουμε τὸ ἐνδεχόμενο νὰ ἐπωφεληθοῦμε ἀπὸ κάποια σχέση ποὺ μπορεῖ ἐνδεχομένως κάποιος νὰ ἀποκαλύψει μεταξὺ αἰσθητικῶν ἰδιοτήτων καὶ πειραματικῶν κριτηρίων. Ἰδίως, σὲ περιοχὲς τῆς Θεωρητικῆς Φυσικῆς ὅπως εἶναι ἡ Θεωρία τῶν Χορδῶν, ὅπου οἱ εὔκαιριες ἐλέγχου μιᾶς θεωρίας βάσει πειραματικῶν δεδομένων εἶναι ἐλάχιστες, ἡ τελευταία αὐτὴ ἀποψὴ ἡ ὅποία ἀποκλείει τὴν χρήση κάθε αἰσθητικοῦ κριτηρίου θὰ μᾶς στεροῦσε ἀπὸ ἔνα ἀποτελεσματικὸ μέσο ἐπιλογῆς μεταξὺ θεωριῶν οἱ ὅποιες ἀνταγωνίζονται ἡ μία τὴν ἄλλη.

Ομως θὰ παρατηρήσετε ἵσως, κυρίες καὶ κύριοι, ὅτι μέχρι στιγμῆς δὲν ἀναφέρθηκα καθόλου σὲ θεωρίες τῶν καθαρῶν μαθηματικῶν. Μίλησα μόνο γιὰ θεωρίες τῆς φυσικῆς καὶ μερικῶν ἄλλων ἐπιστημῶν. Ἡ παράλειψη αὐτὴ ἥταν ἡθελημένη καὶ σκοπὸ εἶχε νὰ τονισθεῖ ὅτι τὸ φαινόμενο τοῦ διλήμματος ποὺ ἀναφέραμε παραπάνω, στὴν περίπτωση τῶν μαθηματικῶν, εἶναι σχεδὸν ἀνύπαρκτο.

Μποροῦμε νὰ ποῦμε μὲ πολὺ μεγαλύτερη βεβαιότητα ὅτι ἡ ὁμορφιὰ μιᾶς μαθηματικῆς θεωρίας ἀποτελεῖ ἔνδειξη ὅτι ἡ θεωρία εὑρίσκεται κοντά στὴν ἀλήθεια, κοντὰ στὴν μαθηματικὴν ἀλήθεια. Πολλές εἶναι οἱ μαθηματικές θεωρίες ποὺ διατυπώθηκαν πρὸ ἑκατοντάδων ἑτῶν καὶ οἱ ὅποιες παρέμειναν ἀλώβητες μέχρι σήμερα. Ὁ Παρθενώνας μὲ τὶς γεωμετρικές του ἀναλογίες καὶ τόσα ἄλλα ἐπιτεύγματα τοῦ ἀρχαίου ἑλληνικοῦ πνεύματος ἔξακολουθοῦν νὰ ἀνταποκρίνονται στὰ πρωταρχικὰ αἰσθητικὰ κριτήρια.

Στὴν περίπτωση τῶν μαθηματικῶν ἡ γλωσσικὴ βάση μεταβάλλεται πολὺ δύσκολα. Αὐτὸ πιθανὸν νὰ ὀφείλεται στὸ ὅτι τὰ μαθηματικὰ εἶναι αὐτοτροφοδοτούμενα. Πράγματι ἡ Ἐπιστήμη τῶν Καθαρῶν Μαθηματικῶν ἀποτελεῖ ἵσως τὸ πιὸ λαμπρὸ παράδειγμα ὅπου ἡ ἀμιγῆς λογικὴ μπορεῖ ἐπιτυχῶς νὰ διευρύνει τὴν ἐπικράτειά της χωρὶς τὴν βοήθεια τοῦ πειράματος, χωρὶς τὴν βοήθεια τῆς ἐμπειρίας.

Ἐλλείψει χρόνου δὲν θὰ ἐπεκταθοῦμε ἀναλυτικότερα σὲ σχετικὰ μὲ τὸ θέμα παραδείγματα μαθηματικῶν θεωριῶν.

Ἐξ ὅσων ἔξετέθησαν παραπάνω νομίζω ὅτι προκύπτει μᾶλλον ἀνετα τὸ συμπέρασμα ὅτι ἡ ἀπόντηση στὸ ἐρώτημα ποὺ ἀποτελεῖ τὸν τίτλο τῆς ὁμιλίας εἶναι καταφατικὴ καὶ θὰ ἔλεγχα ἐπαρκῶς αἰτιολογημένη.

ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ

- Andersson, M., 1994. *Sexual Selection*. Princeton: Princeton University Press.
- Dirac, P. A.M., 1963. The evolution of the physicist's picture of nature. *Scientific American* 208 (5), 45-53.
- Dirac, P.A.M., 1980. The excellence of Einstein's theory of gravitation. In *Einstein: The First Hundred Years*, ed. M. Goldsmith, A. Mackay and J. Woudhuysen. Oxford: Pergamon Press; pp. 41-48.
- Kuhn, T.S., 1962. *The Structure of Scientific Revolutions*, Second edition, 1970. Chicago Ill. University of Chicago Press.
- McAllister, J.W., 1996. *Beauty and Revolution in Science*. Ithaca, N.Y.: Cornell University Press.
- McAllister, J.W., 1996. Is Beauty a Sign of Truth in Scientific Theories? *Scientific American*, March-April, 1998.
- Penrose, R., 1974. The rôle of aesthetics in pure and applied mathematical research. *Bulletin of the Institute of Mathematics and its Applications* 10, 266-271.
- Watson, J.D., 1968. *The Double Helix: A Personal Account of the Discovery of the Structure of DNA*. Ed. G.S. Stent. London: Weidenfeld and Nicolson.
- Weinberg, S., 1992. *Dreams of a Final Theory*. New York: Pantheon Books.