

ΠΕΡΙΔΗΨΙΣ *

Ὁ συγγραφεὺς ἐν συνεχείᾳ πρὸς προγενεστέραν του ἀνακοίνωσιν περὶ τῆς ἐκρήξεως 1939 - 1941 τοῦ ἡφαιστείου τῆς Σαντορίνης προβαίνει εἰς λεπτομερεῖ ὀρυκτολογικὴν ἀνάλυσιν καὶ εἰς ἐξέτασιν τοῦ χημισμοῦ τῶν λαβῶν τῶν θόλων τῶν σχηματισθέντων κατὰ τὴν ἐκρηξιν ταύτην. Ἐπὶ τῇ βάσει τῶν ἐρευνῶν τούτων εὐρίσκει ὅτι αἱ ἐξ ὑπερσθενικοῦ ἀνδεσίτου ἀποτελούμεναι λάβαι τῆς ἐκρήξεως 1939 - 1941, εἶναι ὅμοιαι ἀπὸ ἀπόψεως ὀρυκτολογικῆς καὶ χημικῆς συστάσεως πρὸς τὰς λάβας τῆς ἐκρήξεως τοῦ ἔτους 1925 - 1926. Ἀπὸ τὸν παραλληλισμὸν δὲ τοῦ χημισμοῦ αὐτῶν πρὸς τὸν χημισμόν τῶν λαβῶν τῶν ἱστορικῶν ἐκρήξεων τῆς Σαντορίνης συνάγει ὅτι τὸ μάγμα τῆς Σαντορίνης παρουσιάζει τελείως ἀνεπαίσθητον ἀλλοίωσιν καὶ διαφοροποίησιν ἀπὸ τῶν πρώτων ἱστορικῶν ἐκρήξεων μέχρι σήμερον.

ΥΔΡΑΥΛΙΚΑ. — Μέθοδος ταχέος ὑπολογισμοῦ τοῦ οἰκονομικωτέρου βάρους δικτύων διανομῆς ὕδατος ** — ὑπὸ Γεωργίου Καρακασσώνη.
Ἀνεκοινώθη ὑπὸ τοῦ κ. Δ. Λαμπαδαρίου.

Ὁ ὑπολογισμὸς τῶν ἐσωτερικῶν δικτύων διανομῆς ὕδατος εἰς τὰς πόλεις ἀποτελεῖ πρόβλημα ὑπολογιστικῶς πολὺπλοκον. κατὰ προσέγγισιν ἐπιλυόμενον κατόπιν ἐπαναληπτικῶν ἐπιμόχθων δοκιμῶν καὶ ὑπὸ πολλὰς παραδοχὰς ἀπλουστεύσεως.

Ἡ συνήθης διὰ λόγους ἐκμεταλλεύσεως καὶ ὑγιεινῆς, κυκλοφοριακῆς διάταξις τῶν δικτύων τούτων θεωρεῖται ἀκτινωτὴ κατὰ τὸν ὑπολογισμόν.

Διὰ τοῦ τοιούτου ἀκτινωτοῦ ὑπολογισμοῦ, κατὰ μίαν διαδρομὴν ἀπὸ ἐνὸς τῶν περάτων τοῦ ὕδραγωγείου μέχρι τῆς ἀφετηρίας, ὀρίζονται αἱ διαμέτροι αὐθαιρέτως καὶ ἡ οὕτως προκύπτουσα πιεζομετρικὴ γραμμὴ ἀποτελεῖ πλέον ὑποχρεωτικὴν κεχαραγμένην βᾶσιν διὰ τὸν ὑπολογισμόν τῶν διαμέτρων ὅλων τῶν ἄλλων σωλῆνων καὶ προσδιορισμὸν τοῦ βάρους ὅλου τοῦ δικτύου. Ἡ οὕτως αὐθαιρέτως ὀριζομένη πιεζομετρικὴ γραμμὴ τυχούσης διαδρομῆς ἐντὸς τοῦ δικτύου δύναται νὰ λάβῃ διαφόρους τιμὰς, ἐπομένως καὶ τὸ ὅλον δίκτυον δύναται, διὰ τὸ αὐτὸ διαθέσιμον ὕψος εἰς τὴν ἀφετηρίαν H , νὰ παρουσιάσῃ συνολικὸν βᾶρος κυμαινόμενον μεταξὺ εὐρέων ὁρίων. Διὰ νὰ εὐρεθῇ ἡ ἐλάχιστη δυνατὴ τιμὴ τοῦ συνολικοῦ βάρους, δεόν νὰ ἐκλεγῇ κατὰ διαίσθησιν κατ' ἀρχήν, ἡ σκοπιμοτέρα διάταξις καὶ νὰ γίνωσιν κατόπιν ἐπανειλημμένοι καὶ μονότονοι ὑπολογισμοὶ τοῦ ὅλου δικτύου διὰ τὴν διαδοχικὴν προσέγγισιν πρὸς τὸ ἐλάχιστον βᾶρος αὐτοῦ.

Ἐτι πολυπλοκώτερον παροισιάζεται τὸ πρόβλημα ὅταν τὸ ὕψος H τῆς πιεζομετρικῆς γραμμῆς εἰς τὴν ἀφετηρίαν δὲν εἶναι καθορισμένον ἀλλὰ δύναται νὰ λάβῃ διαφόρους τιμὰς, ἡ μεταβολὴ του δὲ αὕτη ἐπιρροεῖ οἰκονομικῶς τὰ στοιχεῖα τοῦ ἐξωτερικοῦ ὕδραγωγείου. Κατὰ τὴν περίπτωσιν ταύτην δεόν δι' ἐκάστην

* Ἡ ἀνωτέρω ἐργασία ἀνεκοινώθη κατὰ τὴν συνεδρίασιν τῆς 16 Μαΐου 1942.

** Ἡ ἀνωτέρω ἐργασία ἀνεκοινώθη κατὰ τὴν συνεδρίασιν τῆς 15 Ἰανουαρίου 1942.

ἐκλεγομένην τιμὴν τοῦ H νὰ ὑπολογίζωμεν τὴν δαπάνην τῆς προκυπτούσης διατάξεως τοῦ ἐξωτερικοῦ ὑδραγωγείου, νὰ προσθέτωμεν ταύτην πρὸς τὴν ἐλαχίστην δαπάνην τοῦ ἐσωτερικοῦ δικτύου καὶ νὰ ἐπιδιώκομεν τὸν καθορισμὸν τοῦ ἐλαχίστου ἀθροίσματος τῶν δαπανῶν δι' ὠρισμένην τιμὴν τοῦ H .

Διὰ τῆς παρούσης μελέτης ἐπιδιώκεται, ὑπὸ ὠρισμένης τινος τοπογραφικᾶς προϋποθέσεις ἐνὸς δικτύου, ὅπως, ὅταν δίδεται τὸ διαθέσιμον ὕψος H εἰς τὴν ἀρχὴν τῆς πιεζομετρικῆς γραμμῆς, ἐπιτυγχάνεται ἀμέσως ὁ ταχὺς προσδιορισμὸς τοῦ βάρους τοῦ δικτύου διανομῆς καὶ δὴ τοῦ ἐλαχίστου βάρους διὰ τὸ δοθὲν ὕψος H .

Εἰς τοὺς ἐπομένους ὑπολογισμοὺς ὡς H λαμβάνεται τὸ πραγματικὸν ὕψος ἀπωλειῶν. Εἰς τοῦτο δέον νὰ προστίθεται ἐκάστοτε ἡ ἐκλεχθισομένη πίεσις εἰς τὰ σημεῖα ὑδροληψίας (H_p).

Κατὰ τὸν ὑπολογισμὸν λαμβάνεται τὸ σχῆμα τοῦ ὅλου δικτύου ὀρθογωνικὸν μὲ ἴσας ἀποστάσεις μεταξὺ τῶν κόμβων δι' ἐκάστην τῶν δύο πλευρῶν τοῦ ὀρθογωνίου (βλ. σχ. 2 καὶ 3). Ἐπίσης λαμβάνεται ὑπ' ὄψιν ὅτι τὸ ἔδαφος ἔνθα ἐκτείνεται τὸ ὑπολογιζόμενον δίκτυον εἶναι ὁμαλὸν ἢ ἔχει ὁμοιόμορφον κλίσιν μὴ διακοπτομένην ὑπὸ ὑψωμάτων. Εἶναι εὐνόητον ὅτι αἱ προϋποθέσεις αὗται δὲν ἐμφανίζονται εἰς ὅλας τὰς πόλεις, εἶναι ὅμως δυνατόν νὰ διαιροῦνται τὰ ὑδραγωγεῖα εἰς τμήματα ἐκπληροῦντα τὰς ὡς ἄνω προϋποθέσεις.

Διὰ τοὺς ὑδραυλικοὺς ὑπολογισμοὺς γίνεται χρῆσις τοῦ μονωνύμου ἐκθετικοῦ τύπου τοῦ Manning:

$$(I) \quad v = c R^{2/3} \cdot J^{1/2} \quad \text{ἢ} \quad J = 0.0016 \frac{Q^2}{D^{16/3}} \quad \text{ἐνθα} \quad c = 80 \quad \text{διὰ} \quad \text{σωλήνας ἐν} \quad \text{χρήσει.}$$

Διὰ τῶν ὑδραυλικῶν ὑπολογισμῶν προσδιορίζεται ἡ διάμετρος τῶν σωλήνων. Πρὸς προσδιορισμὸν τοῦ βάρους τοῦ ὑδραγωγείου ὅθεν δέον νὰ ὀρισθῇ σχέσις μεταξὺ διαμέτρου καὶ βάρους ἐκάστου σωλήνος. Ἡ σχέσις αὕτη θὰ εἶναι ἴσως διάφορος διὰ τοὺς σωλήνας τοὺς παραγομένους ὑπὸ διαφόρων ἐργοστασίων. Ἡ σχέσις μεταξὺ διαμέτρου D (εἰς μέτρα) καὶ ἀντιστοίχου βάρους B ἀνὰ τρέχον μέτρον σωλήνος (εἰς τόννους) διὰ τοὺς ὑφ' ἐνὸς τῶν γνωστῶν ἐργοστασίων παραγομένους σωλήνας (Pont - à - Mousson) μὲ διαμέτρους ἀπὸ 0,07 ἕως 0,350 μ ἔχει ὡς ἑξῆς:

$$(II) \quad D = 1.881 \quad B^{0.80} \quad \text{ἢ} \quad B = 0,454 \quad D^{1.25}.$$

Διὰ σωλήνας ἄλλου ἐργοστασίου δέον νὰ προσδιορίζηται ἡ ἀντίστοιχος σχέσις $D = f(B)$ καὶ νὰ εἰσαγῇται εἰς τοὺς ἐπομένους ὑπολογισμούς.

Τὰ συνηθέστερον ἀπαντῶμενα σύμβολα, ἀποδίδουν τὰς κατωτέρω ἐννοίας.

q = παροχὴ εἰς κυβ. μέτρα ἀνὰ δ' ἀνὰ τρέχον μέτρον τοῦ ὑπ' ὄψιν ἐκάστοτε τμήματος ἀγωγοῦ.

Q_0 = παροχὴ εἰς κυβ. μέτρα ἀνὰ δ' διὰ τὴν κατάσβεσιν πυρκαϊᾶς.

ν = ἀριθμὸς κόμβων κατὰ τὴν μίαν ἔννοιαν τοῦ δικτύου.

μ = „ „ „ „ ἄλλην „ „ „

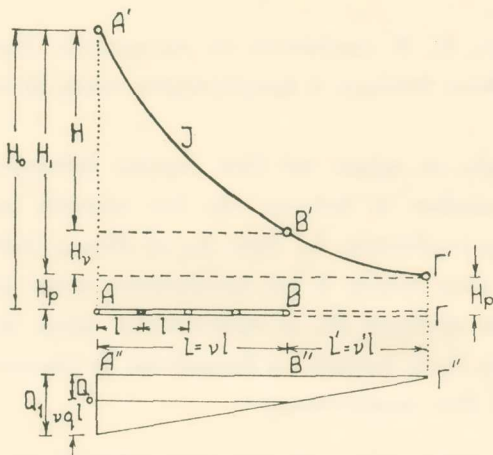
l = ἀποστάσεις εἰς μέτρα μεταξύ δύο διαδοχικῶν κόμβων. ν

l' = „ „ „ „ „ „ „ μ

Α. ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΙ ΑΓΩΓΩΝ

1. ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ ΑΠΛΩΝ ΑΓΩΓΩΝ ΔΙΑΝΟΜΗΣ

1. Ἀγωγοὶ διανομῆς μὲ σταθερὰν διάμετρον ($D = C$).



Σχῆμα 1.

Ἐστω ἄγωγος AB, (Σχῆμα 1) μήκους $L = \nu \cdot l$, μὲ παροχὴν $q \mu^3 / \delta'' / \tau\rho. \mu.$, ὁμοιομόρφως διανεμομένην ἀπὸ A ἕως B, καὶ μὲ παροχὴν πυρκαϊᾶς Q_0 σταθερὰν κατὰ μῆκος αὐτοῦ. Ἡ ἐξίσωσις τῆς πιεζομετρικῆς γραμμῆς ἔσται:

$$(III) \quad \int_0^L dh = H = \frac{\lambda}{D^{16/3}} \cdot \left(Q_1^2 L - q Q_1 L^2 + \frac{q^2 L^3}{3} \right)$$

καὶ ἐὰν θέσωμεν: $Q_1 = Q_0 + \nu q l = Q_0 + Q_x$ ἢ ὀλικὴ ἀπώλεια:

$$(IV) \quad H = \frac{1}{3} \frac{\lambda}{D^{16/3}} \cdot L (Q_1^2 + Q_0 Q_1 + Q_0^2)$$

Ἐὰν προεκτείνωμεν τὴν εὐθείαν AB μέχρι τοῦ σημείου Γ, καὶ καλέσωμεν $B\Gamma = L' = \nu' \cdot l$ θέσωμεν δὲ

$$Q_\nu = q \cdot l \quad Q_0 = \nu' q l \quad Q_x = \nu \cdot q l$$

καὶ ἀντικαταστήσωμεν εἰς τὸν τύπον (IV) λαμβάνομεν:

$$(V) \quad H = \frac{1}{3} \frac{\lambda}{D^{16/3}} \cdot Q_\nu^2 l \left[(\nu + \nu')^3 - \nu'^3 \right]$$

Ἐὰν ἀντικαταστήσωμεν διὰ τῆς ἐξισώσεως II λαμβάνομεν τὸ βάρος τοῦ ὅλου ἀγωγοῦ AB διὰ ὁμοιόμορφον διάμετρον αὐτοῦ D:

$$(VI) \quad B_{ολ} = 0.0776 \cdot \nu \cdot l \cdot \left(\frac{Q_\nu^2}{J} \right)^e \left[\frac{(\nu + \nu')^3 - \nu'^3}{\nu} \right]^e$$

$$\text{ἐνθα} \quad Q_\nu = q \cdot l \quad J = \frac{H}{\nu \cdot l} \quad \nu' = \frac{Q_0}{Q_\nu} \quad e = \frac{15}{64}$$

2. Ἀγωγοὶ διανομῆς μὲ σταθερὰν κλίσιν ($J = C$).

Θεωροῦμεν ἕκαστον τμήμα τοῦ ἀγωγοῦ AB μὲ κλίσιν σταθερὰν $J = \frac{H}{v \cdot 1}$, ὁπότε ἡ διάμετρος, θεωρητικῶς τοῦλάχιστον, θὰ μεταβάλλεται δι' ἕκαστον διαδοχικὸν μεταξὺ δύο κόμβων τμήμα, συναρτήσῃ τῆς μεταβαλλομένης παροχῆς. Ἐὰν διὰ τὸν κόμβον i ἡ παροχὴ ἔσται $i \cdot q \cdot 1$ (μὴ λαμβανομένης ὑπ' ὄψιν τῆς πυρκαϊᾶς) ὁ τύπος (III) μᾶς δίδει, ὡς ἀπώλειαν μεταξὺ τῶν κόμβων i καὶ $i - 1$

$$h = \frac{\lambda}{D^{16/3}} \cdot q^2 \cdot 1^3 \left(i^2 - i + \frac{1}{3} \right) \text{ καὶ ἐπειδὴ } J = \frac{h}{1} = \frac{H}{1 \cdot v}$$

$$D_i = \lambda^{3/16} \cdot \left(\frac{Q^2 v}{J} \right)^{3/16} \left(i^2 - i + \frac{1}{3} \right)^{3/16}$$

καὶ τὸ βάρος τοῦ ὅλου ἀγωγοῦ, διὰ v κόμβους, συναρτήσῃ τῆς ἐξισώσεως (II), ἔσται:

$$(VII) \quad \sum_0^v B_i \cdot 1 = 0,1004 \cdot 1 \cdot \left(\frac{Q^2 v}{J} \right)^e \sum_1^v \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e$$

Διὰ τὴν περίπτωσιν παροχῆς καὶ πυρκαϊᾶς Q_0 , θεωροῦμεν καὶ ἐνταῦθα, κατὰ τὸ σχῆμα 1, ταύτην ὁμοιομόρφως διανεμομένην ἐπὶ μήκους $L' = v \cdot 1'$ καὶ ὑπολογίζομεν τὸ ὅλον βάρος τοῦ ἀγωγοῦ ($L + L'$), ἐξ οὗ ἀφαιροῦμεν εἴτα τὸ βάρος τοῦ μήκους L' .

Εἰς τὸν πίνακα 1 δίδεται τὸ ἄθροισμα $\sum_1^v \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e$, διὰ τὰς τιμὰς τοῦ v ἀπὸ 1 - 40. Ἐὰν προσδιορισθῇ καὶ τὸ v' ἐκ τοῦ τύπου $v' = \frac{Q_0}{q1}$ τότε ἔχομεν τὴν τιμὴν:

$$(VIII) \quad \sum_v^{v+v'} \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e = \sum_1^{v+v'} \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e - \sum_1^{v'} \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e$$

ἥτις δέον νὰ εἰσάγεται εἰς τὸν τύπον VII.

3. Σύγκρισις τοῦ βάρους διὰ σταθερὰν διάμετρον καὶ σταθερὰν κλίσιν.

Διὰ νὰ ἴδωμεν, ποῖα τῶν δύο περιπτώσεων ὑπολογισμοῦ, διὰ σταθερὰν διάμετρον ἢ διὰ σταθερὰν κλίσιν, δίδει τὴν οἰκονομικωτέραν λύσιν συγκρίνομεν τὰ ἐξαγόμενα τῶν δύο τύπων VI καὶ VII. Ὁ λόγος τῶν δύο τιμῶν τοῦ ἀγωγοῦ θὰ εἶναι:

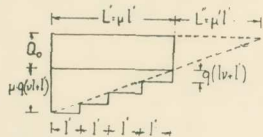
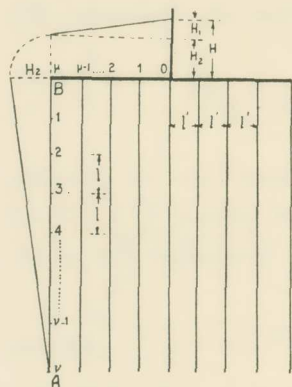
$$(IX) \quad \Lambda = \frac{\sum B_{D=c}}{\sum B_{J=c}} = \frac{0,0776}{0,1004} \cdot v \frac{\left[\frac{(v+v')^3 - v'^3}{v} \right]^e}{\sum_v^{v+v'} \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e}$$

ἥτοι συνάρτησις τῶν v καὶ v' .

Δι' αναλυτικῶν ὑπολογισμῶν τῆς τιμῆς Λ (διὰ $v = 2 - 20$ καὶ $v' = 0 - 20$) προκύπτει ὅτι πρακτικῶς, δι' ὅλας τὰ περιπτώσεις ὁ ὑπολογισμὸς μὲ σταθερὰν κλίσιν ($J = C$) δίδει οἰκονομικώτερα ἀποτελέσματα ἀπὸ τὸν ὑπολογισμὸν μὲ σταθερὰν διάμετρον. Συνιστᾶται ὅθεν ὅπως οἱ ἄγωγοὶ ὑπολογίζονται μὲ σταθερὰν κλίσιν τῆς πιεζομετρικῆς γραμμῆς.¹

II. ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΣ ΚΕΝΤΡΙΚΩΝ ΑΓΩΓΩΝ ΔΙΑΝΟΜΗΣ

Ἀνωτέρω (κεφ. I) ἐξητάσθησαν μεμονωμένοι ἄγωγοὶ διανομῆς ὕδατος καὶ καθωρίσθη ὁ τρόπος ὑπολογισμοῦ αὐτῶν διὰ τὰς οἰκονομικώτερας διαμέτρους. Ἦδη ἐξετάζονται οἱ τροφοδοτοῦντες αὐτοὺς κεντρικοὶ ἄγωγοί.



Σχῆμα 2.

Ἐστω ὁ ἄγωγος OB, (σχ. 2) τροφοδοτῶν μ ἄγωγους τύπου AB. Θεωροῦμεν καὶ ἐδῶ τὴν δυσμενεστέραν περίπτωσιν καθ' ἣν ἡ παροχὴ πυρκαϊᾶς Q_0 παρέχεται εἰς τὸν τελευταῖον κόμβον μ .

Ἐκαστος τῶν δευτερευόντων ἄγωγῶν διανομῆς AB, περιλαμβάνει παροχὴν q . v. l. Ἐπὶ πλέον μεταξὺν ἐκάστου τῶν κόμβων O ἕως μ , διανέμεται παροχὴ q . l'. Ἡ παροχὴ ὅθεν μεταξὺ τῶν κόμβων ἔσται: $q (v l + l')$

Ἐὰν παραλείψωμεν, ἀρχικῶς, τὴν πυρκαϊάν, θὰ ἔχωμεν δι' ἕκαστον τμήμα τοῦ κεντρικοῦ ἄγωγου:

$$D_x = \left(\frac{\lambda}{J} \right)^{3/16} \left(x^2 q^2 (v l + l')^2 \right)^{3/16}$$

Καὶ τὸ βάρος αὐτοῦ

$$(B\lambda. \text{ ἐξίσωσιν II}) B_x l' = 0.454. l' \left(\frac{\lambda}{J} \right)^e \cdot \left[q^2 (v l + l')^2 \right]^e \cdot x^2 e$$

τὸ δὲ ὅλικόν βάρος, ἀπὸ O ἕως μ , (2 μ . κόμβοι):

$$(X) \sum_0^{2\mu} B_x l' = 2. 0.454. l' \left(\frac{\lambda}{J} \right)^e \cdot \left[q^2 (v l + l')^2 \right]^e \sum_1^{\mu} x^2 e$$

Ἐὰν ἤδη λάβωμεν ὑπ' ὄψιν καὶ πυρκαϊάν Q_0 εἰς τὸ ἄκρον τοῦ ἄγωγου μ , θὰ ἔχωμεν:

¹ Πρὸς τοῦτο συμφωνεῖ καὶ ὁ M. FOLTZ: Il calcolo economico delle Tubazioni di Acqua Potabile e delle Reti di distribuzioni Cittadine. Milano 1924, ἐνθα εἰς σχ. 9 σελὶς 40 ἐμφαίνεται ἡ παραβολὴ βαθμοῦ $4/3$ συμπίπτουσα πρὸς εὐθεΐαν γραμμὴν.

$$(XI) \quad \sum_{\mu}^{2\mu} B_{\mu} \cdot 1' = 0.2008 \cdot 1' \left(\frac{Q^2 \mu}{J} \right)^e \cdot \sum_{\mu'}^{\mu+\mu'} x^2 e.$$

ἐνθα τὸ $\sum_{\mu}^{\mu+\mu'} x^2 e$ δίδεται εἰς τὸν συνημμένον πίνακα 2.

B. ΥΠΟΛΟΓΙΣΜΟΙ ΔΙΚΤΥΩΝ

Ἐπὶ τῇ βάσει τῶν ἀνωτέρω ἐκτεθέντων ὑπολογισμῶν τῶν δευτερευόντων (ἀπλῶν) ἀγωγῶν καὶ τῶν κεντρικῶν τοιούτων, εἶναι εὐχερὴς πλέον ὁ ὑπολογισμὸς τῶν δικτύων. Ὁ ὑπολογισμὸς οὗτος θὰ ἐξαρτηθῇ καὶ ἐκ τῆς διατάξεως τοῦ κεντρικοῦ ἀγωγοῦ ὡς πρὸς τοὺς δευτερευόντας. Διακρίνομεν ἀκολούθως δύο γενικὰς διατάξεις καὶ δὴ τὴν διάταξιν κεφαλῆς (βλ. σχ. 2) καὶ τὴν διάταξιν στήλης (βλ. σχ. 3).

Δι' ἐκάστην τῶν δύο διατάξεων ζητεῖται ἀφ' ἐνὸς μὲν τὸ βάρος δι' ἐκάστην τιμὴν τοῦ ὀλικοῦ H, ἀφ' ἑτέρου δὲ ἡ ἐλαχίστη τιμὴ τοῦ βάρους τούτου, ἐξ ὧν τῶν δυνατῶν τιμῶν τῶν ἀπωλειῶν εἰς τοὺς ἐκάστοτε ἀγωγούς, μὲ τὸ αὐτὸ ὀλικὸν ὕψος ἀπωλειῶν H.

1. ΔΙΑΤΑΞΙΣ ΔΙΚΤΥΟΥ ΚΑΤΑ ΚΕΦΑΛΗΝ

1. Ὑπολογισμὸς τοῦ βάρους τοῦ δικτύου.

Τὸ βάρος τοῦ δικτύου ἀποτελεῖται ἀπὸ τὸ βάρος τοῦ κεντρικοῦ ἀγωγοῦ καὶ καὶ τὸ βάρος τῶν δευτερευόντων. Τὸ βάρος τοῦ κεντρικοῦ ἀγωγοῦ καθορίζεται ὑπὸ τοῦ τύπου (XI), ἐνῶ τὸ βάρος ἐκάστου τῶν δευτερευόντων δίδεται ὑπὸ τοῦ τύπου (VII).

Ἡ κλίσις J ὅμως, ὁμοιόμορφος κατὰ μῆκος ἐκάστου τῶν δευτερευόντων ἀγωγῶν, εἶναι διάφορος δι' ἓνα ἕκαστον ἐξ αὐτῶν, καὶ δὴ αὐξάνει ἐκ τῶν ἄκρων τοῦ κεντρικοῦ ἀγωγοῦ πρὸς τὸ κέντρον αὐτοῦ. Ὁ μεσαῖος ἀγωγὸς δὲ ἔχει διαθέσιμον ὕψος ἴσον πρὸς τὸ ὀλικὸν ὕψος H (βλ. σχ. 2)

Αἱ κλίσεις τῆς πιεζομετρικῆς γραμμῆς, ὅθεν, τῶν δευτερευόντων ἀγωγῶν ἔχουσιν ὡς ἀκολούθως ὑπὸ τοῦ κόμβου μ πρὸς τὸν κόμβον O:

$$\frac{H_2}{v \cdot 1}, \frac{H_2 + \frac{H_1}{\mu}}{v \cdot 1}, \frac{H_2 + 2 \frac{H_1}{\mu}}{v \cdot 1}, \dots, \frac{H_2 + (\mu - 1) \frac{H_1}{\mu}}{v \cdot 1}, \frac{H_2 + H_1}{v \cdot 1}$$

Ἐκαστος τῶν ἀγωγῶν τούτων εἶναι διπλοῦς, λόγῳ συμμετρίας πλὴν τοῦ τελευταίου (μεσαίου) ὅστις εἰσέρχεται ἐφ' ἅπαξ εἰς τὸν ὑπολογισμόν.

Τὸ ἄθροισμα τῶν βαρῶν τῶν δευτερευόντων ἀγωγῶν, συμφώνως πρὸς τὴν ἐξίσωσιν (VII) ἔσται:

$$(XII) \quad \sum_{\mu}^v B_{\mu} \cdot 1 = 2 \cdot 0,1004 \cdot 1 \cdot Q_v^2 e \sum_{\mu'}^{v+\mu} \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e \cdot (\mu \cdot v \cdot 1)^e$$

$$\left[\left(\frac{1}{\mu H_2} \right)^e + \left(\frac{1}{\mu H_2 + H_1} \right)^e + \dots + \left(\frac{1}{\mu H_2 + (\mu - 1) H_1} \right)^e + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\mu H} \right)^e \right]$$

Ἐνταῦθα παρατηροῦμεν ὅτι ὁ ἐντὸς ἀγκυλῶν παράγων τοῦ δεξιοῦ μέλους τῆς ἐξισώσεως περιέχει τὴν σειρὰν :

$$(XIII) \quad \left(\frac{1}{\mu H_2}\right)^e + \left(\frac{1}{\mu H_2 + H_1}\right)^e + \dots + \left(\frac{1}{\mu H_2 + (\mu-1) H_1}\right)^e = \Pi_\mu$$

ἥτις περιλαμβάνει τοὺς ὅρους H , H_1 , καὶ H_2 . Ὡς γνωστὸν ὁμοῦς ὁ ὅρος H εἶναι σταθερός, δι' ἐκάστην διδομένην περίπτωσιν καὶ δὴ $H = H_1 + H_2$. Ἐξ ἄλλου οἱ ὅροι H_1 καὶ H_2 ἔσονται ποσοστὸν τοῦ H δι' ἐκάστην περίπτωσιν ἥτοι :

$$(XIV) \quad H_1 = \xi \frac{H}{100} \quad \text{καὶ} \quad H_2 = (100 - \xi) \frac{H}{100}$$

ἐὰν εἰς τὴν ἐξίσωσιν XIII ἀντικαταστήσωμεν τὰ μεγέθη H_1 καὶ H_2 διὰ τῶν ἀναλογίων (XIV) λαμβάνομεν :

$$\begin{aligned} \Pi_\mu &= \left(\frac{100}{H}\right)^e \left[\left(\frac{1}{\mu(100-\xi)}\right)^e + \left(\frac{1}{\mu(100-\xi)+\xi}\right)^e + \dots \right. \\ &\quad \left. + \left(\frac{1}{\mu(100-\xi)+(\mu-1)\xi}\right)^e \right] = \left(\frac{100}{H}\right)^e \cdot \Pi_{\mu,i} \end{aligned}$$

Τὸ ἄθροισμα τῶν βαρῶν τοῦ ὅλου δικτύου, ἐὰν ληφθῶσιν ὑπ' ὄψιν αἱ ἐξισώσεις XI, XII καὶ XV ἔσται :

$$\begin{aligned} (XVI) \quad \sum_0^{v\mu+2\mu} B_i \cdot 1 &= 0,2008 \cdot 1' Q_\mu^{2e} (\mu 1')^e \sum_{\mu'}^{\mu+\mu'} x^{2e} \cdot \left(\frac{1}{H_1}\right)^e \\ &+ 0,2008 \cdot 1 Q_v^{2e} \sum_{v'}^{v+v'} \left(v^2 - v + \frac{1}{3}\right)^e \cdot (\mu \cdot v \cdot 1)^e \left[100^e \Pi_{\mu,i} + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\mu}\right)^e \right] \left(\frac{1}{H}\right)^e \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ἐνθα:} \quad Q_\mu &= q (v1 + 1') & \mu' &= \frac{Q_0}{Q_\mu} & \Pi_{\mu,i} &= f(\mu, \xi) & \varrho &= 15/64 \\ Q_v &= q \cdot 1 & v' &= \frac{Q_0}{Q_v} & H_1 &= \xi \cdot \frac{H}{100} \end{aligned}$$

Ἐκ τῆς ἐξισώσεως ταύτης ὅθεν εἶναι δυνατόν νὰ προσδιορισθῇ τὸ βάρος τοῦ ὅλου δικτύου, ἐφ' ὅσον ἤθελον προσδιορισθῇ τὰ μεγέθη q , Q_0 καὶ ξ , ἐνῶ τὰ μεγέθη μ , v , 1 , $1'$ εἶναι δεδομένα. Τὸ ἄθροισμα τῆς σειρᾶς $\Pi_{\mu,1}$, εὐρίσκεται εὐκόλως ἐφ' ὅσον δίδονται τὰ μεγέθη ξ καὶ μ . Δι' εὐχέρειαν τῶν ὑπολογισμῶν τὸ ἄθροισμα τοῦτο ὑπελογίσθη, ἐφ' ἅπαξ, διὰ διαφόρους τιμὰς τῶν μ καὶ ξ , δίδεται δὲ εἰς τὸ *Διάγραμμα 1*. Προκειμένης ὅθεν τῆς χρησιμοποίησεως τῆς ἐξισώσεως (XVI) ἐξάγεται ἐκ τοῦ διαγράμματος 1 ἀμέσως ἢ τιμὴ τοῦ $\Pi_{\mu,1}$ γνωστῶν ὄντων τῶν μ καὶ ξ .

Ὡς ἐμφαίνεται ὁμως ἐκ τῆς ἐξισώσεως XVI ἡ τιμὴ τοῦ ὀλικοῦ βάρους τοῦ δικτύου μεταβάλλεται μετὰ τῆς τιμῆς τοῦ ξ . Δέον ὅθεν νὰ προσδιορίζηται ἐκάστοτε διὰ ποίαν τιμὴν ξ , ἡ ἐξίσωσις XVI λαμβάνει τὴν ἐλαχίστην αὐτῆς τιμὴν ὁπότε προκύπτει καὶ τὸ *οἰκονομικώτερον* βάρος τοῦ ὑδραγωγοῦ δικτύου.

2. Προσδιορισμὸς τοῦ *οἰκονομικώτερου* βάρους τοῦ δικτύου.

Τὸ ἐλάχιστον βάρος τοῦ δικτύου δύναται νὰ εὑρεθῇ διὰ διαφορίσεως τῆς ἐξισώσεως XVI ὡς πρὸς H_1 , (τὸ ὕψος H δέον νὰ ληφθῇ ὡς σταθερόν), τῆς πρώτης παραγώγου ἐξισουμένης πρὸς τὸ μηδέν. Θὰ ἔχωμεν δηλονότι:

$$(XVII) \quad 0,2008. 1' Q_{\mu}^{2e} (\mu. 1')^e \cdot \sum_{\mu'}^{\mu+\mu'} x^{2e} \cdot \frac{d \left(\frac{1}{H_1} \right)^e}{d H_1} \\ + 0,2008. 1 Q_v^{2e} \sum_{v'}^{v+v'} \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e \cdot (\mu v l)^e \cdot \frac{d \Pi_{\mu}}{d H_1} = 0$$

ἢτοι

$$(XVIII) \quad \frac{d \Pi_{\mu}}{d H_1} + K_{\mu} \cdot \frac{d \left(\frac{1}{H_1} \right)^e}{d H_1} = 0$$

ἐνθα

$$(XIX) \quad K_{\mu} = \frac{1'}{1} \left(\frac{1' (v l + 1')^2}{v. 1^3} \right)^e \frac{\sum_{\mu'}^{\mu+\mu'} x^{2e}}{\sum_{v'}^{v+v'} \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^e}$$

Ὁ ἀριθμὸς K_{μ} προσδιορίζεται ἀμέσως δοθέντος ὅτι τὰ μεγέθη $1, 1', v, \mu, v'$ καὶ μ' εἶναι δεδομένα τὰ δὲ ἀθροίσματα $\sum_{v'}^{v+v'}$ καὶ $\sum_{\mu'}^{\mu+\mu'}$ λαμβάνονται ἀμέσως ἐκ τῶν πινάκων 1 καὶ 2. Ἡ διαφορίσις τῆς σειρᾶς Π_{μ} ὡς πρὸς τὸ $d H_1$, ἐπιτελεῖται ἂν εἰς τὴν ἐξ. XIII θέσωμεν $H_2 = H - H_1$, καὶ διαφορίσωμεν ὡς πρὸς H_1 :

$$(XX) \quad \frac{d \Pi_{\mu}}{d H_1} = \mu \cdot \varrho \left(\frac{1}{\mu H - \mu H_1} \right)^{e+1} + \varrho (\mu - 1) \left(\frac{1}{\mu H - (\mu - 1) H_1} \right)^{e+1} \\ + \dots \dots \dots \varrho \left(\frac{1}{\mu H - H_1} \right)^{e+1}$$

ἐξ ἄλλου

$$(XXI) \quad \frac{d \left(\frac{1}{H_1} \right)^e}{d H_1} = - \varrho \left(\frac{1}{H_1} \right)^{e+1}$$

Ἀντικαθιστῶντες εἰς τὴν ἐξ. XVIII τὰς τιμὰς $\frac{d \Pi_{\mu}}{d H_1}$ καὶ $\frac{d \left(\frac{1}{H_1} \right)^e}{d H_1}$ διὰ τῶν εὑρεθεισῶν εἰς τὰς ἐξ. XX καὶ XXI λαμβάνομεν:

$$(XXII) \quad \mu \left(\frac{H_1}{\mu H - \mu H_1} \right)^{e+1} + \mu - 1 \left(\frac{H_1}{\mu H - (\mu - 1) H_1} \right)^{e+1}$$

$$+ (\mu - 2) \left(\frac{H_1}{\mu H - (\mu - 2) H_1} \right)^{e+1} + \dots + \left(\frac{H_1}{\mu H - H_2} \right)^{e+1} = K_\mu$$

ἢ θέτοντες $H_1 = \xi \frac{H}{100}$, ἔχομεν

$$(XXIII) \quad \mu \left(\frac{\xi}{100 \mu - \mu \xi} \right)^{e+1} + (\mu - 1) \left(\frac{\xi}{100 \mu - (\mu - 1) \xi} \right)^{e+1} \\ + (\mu - 2) \left(\frac{\xi}{100 \mu - (\mu - 2) \xi} \right)^{e+1} + \dots + \left(\frac{\xi}{100 \mu - \xi} \right)^{e+1} = K_\mu$$

Ἡ ἐξίσωσις αὕτη δίδει τὴν τιμὴν τοῦ ξ δι' ἣν τὸ βάρος τοῦ δικτύου λαμβάνει τὴν ἐλαχίστου αὐτοῦ τιμὴν. Λόγω τῆς δυσκόλου ἀναλυτικῆς ἐκάστοτε ἐπλύσεως τῆς ἐξίσωσεως ταύτης, λύεται αὕτη γραφικῶς διὰ τοῦ διαγράμματος 2. Μετὰ τὸν προσδιορισμὸν τοῦ συντελεστοῦ K_μ ἐκ τῆς ἐξίσωσεως XIX, προσδιορίζεται ἀμέσως ἐκ τοῦ διαγράμματος 2 ὁ ἀριθμὸς ξ , (διὰ τὴν ἀντίστοιχον τιμὴν τοῦ μ), διὰ τοῦ ὁποῖου τὸ βάρος τοῦ δικτύου γίνεται ἐλάχιστον. Τῇ βοήθειᾳ τοῦ οὗτω προσδιορισθέντος ξ , λαμβάνομεν ἐκ τοῦ διαγράμματος 1 τὴν τιμὴν τοῦ $\Pi_{\mu, i}$ ἣν εἰσάγοντες εἰς τὴν ἐξίσωσιν XVI λαμβάνομεν τὸ οἰκονομικώτερον βάρος τοῦ διανεμόντος δικτύου.

Εἰς τοῦτο δέον νὰ προσθέσωμεν καὶ τοὺς τριτεύοντας ἀγωγούς, ὀλικοῦ μήκους 2 μ. ν. 1 πολ/ντες αὐτὸ ἐπὶ τὸ βάρος τῆς ἐκλεχθησομένης ἐλαχίστης διαμέτρου.

II. ΔΙΑΤΑΞΙΣ ΔΙΚΤΥΟΥ ΚΑΤΑ ΣΤΗΛΗΝ

1. Ὑπολογισμὸς τοῦ βάρους τοῦ δικτύου.

Εἰς τὴν κατὰ στήλην διάταξιν τοῦ δικτύου ὁ κεντρικὸς ἀγωγὸς ἐπιφορτίζεται πλεόν με δύο παροχὰς πυρκαϊᾶς (2 Q_0) διότι εἶναι ἐνδεχόμενον νὰ ἐκραγῶσιν δύο πυρκαϊαί, ἐκάστη ἐκατέρωθεν τοῦ κεντρικοῦ ἀγωγοῦ.

Ἡ μέθοδος ὑπολογισμοῦ τῆς διατάξεως ταύτης ἔσται ὁμοία ὥς καὶ διὰ τὴν κατὰ κεφαλὴν διάταξιν.

Τὸ βάρος τοῦ κεντρικοῦ ἀγωγοῦ, συμφώνως πρὸς τὴν ἐξίσωσιν XI, καὶ διὰ $q = 15/64$, ἔσται:

$$(XXIV) \quad \sum_0^v B_i \cdot 1 = 0,1004 \cdot 1 \left(q^2 (2 \mu l' + 1)^2 \right)^e \cdot \left(\frac{v \cdot 1}{H} \right)^e \sum_{v''}^{v+v''} x^2 e$$

$$\text{ἔνθα:} \quad v'' = \frac{2 Q_0}{Q_v} \quad Q_v = q (2 \mu l' + 1)$$

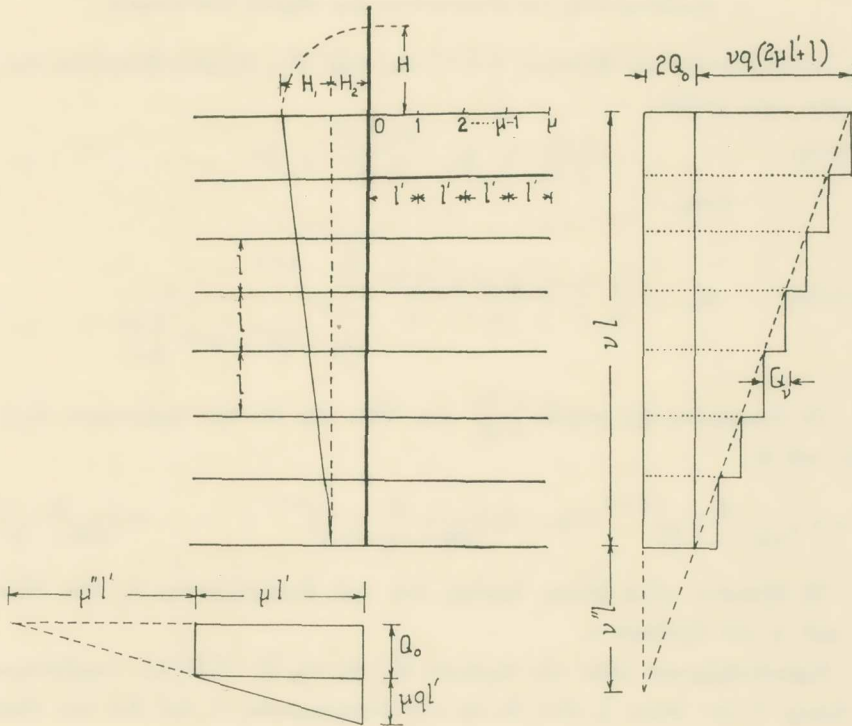
Ἐξ ἄλλου τὸ βάρος ἐκάστου ζεύγους τῶν δευτερευόντων ἔσται:

$$(XXV) \quad \sum_0^{2\mu} B_i \cdot 1 = 0,2008 \cdot 1' (q^2 l'^2)^e \left(\frac{1}{J_1} \right)^e \sum_{\mu''}^{\mu+\mu''} \left(\mu^2 - \mu + \frac{1}{3} \right)^e$$

ἐνθα J διάφορον δι' ἕκαστον ἄγωγὸν καὶ δὴ $J_i = \frac{\mu I'}{H_i} = \frac{\mu I'}{H_2 + i \frac{H_1}{\nu}}$. Τὸ ἄθροισμα ὅλων τῶν ζευγῶν τῶν δευτερευόντων ἔσται ἐν τοιαύτῃ περιπτώσει:

$$\sum_{\mu}^{\mu} B_{\mu} \cdot 1 = 0,2008 \cdot 1' (q^2 \cdot 1'^2) \cdot e \sum_{\mu''}^{\mu + \mu''} \left(\mu^2 - \mu + \frac{1}{3} \right) e (v \cdot \mu 1') \cdot e$$

$$\left[\left(\frac{1}{v H_2} \right) e + \left(\frac{1}{v H_2 + H_1} \right) e + \dots + \left(\frac{1}{v H_2 + (v-1) H_1} \right) e + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{v H} \right) e \right]$$



Σχῆμα 3.

καὶ θέτοντες

$$\left(\frac{1}{v H_0}\right)^q + \left(\frac{1}{v H_2 + H_1}\right)^q + \dots + \left(\frac{1}{v H_2 + (v-1) H_1}\right)^q = \Pi_v = \left(\frac{100}{H}\right) \Pi_{v, i}$$

ἔχομεν τὸ ὅλον βάρος τοῦ δικτύου :

$$\begin{aligned} \text{(XXVI)} \quad & \sum_0^{2\nu+2\nu\mu} B_i \cdot 1 = 0,1004. 1 \left(q (2 \mu l' + 1) \right)^{2e} (v l)^e \sum_{v''}^{v+v''} (x)^{2e} \left(\frac{1}{H_1} \right)^e \\ & + 0,2008. l' (q^2 l^2)^e (v \mu l')^e \sum_{v''}^{\mu+v''} \left(\mu^2 - \mu + \frac{1}{3} \right)^e \cdot \left[100.e \Pi_{v,i} + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{v} \right)^e \right] \left(\frac{1}{H} \right)^e \end{aligned}$$

Εἰς τὴν παράστασιν ταύτην εἶναι ὅλα δεδομένα ($q, 1, 1', \mu, \nu, \mu'', \nu''$, $\sum_{\nu''}^{\nu+\nu''}, \sum_{\mu''}^{\mu+\mu''}$) ὁ δὲ ὅρος $\Pi_{\nu,i}$, προσδιορίζεται ἐκ τοῦ διαγράμματος 1, ἔνθα ἀντὶ μ θέτομεν ν .

Ἡ τιμὴ τοῦ ὅλου βάρους γίνεται καὶ ἐδῶ ἐλαχίστη δι' ὠρισμένην τιμὴν τοῦ λόγου ξ . ($\xi = \frac{H_1}{H} \cdot 100$). Ἡ τιμὴ αὕτη τοῦ ξ προσδιορίζεται διὰ διαφορίσεως τῆς ἐξισώσεως (XXVI) ὡς πρὸς H_1 .

2. Προσδιορισμὸς τοῦ οἰκονομικωτέρου βάρους τοῦ δικτύου.

Διαφορίζοντες τὴν ἐξίσωσιν XXVI ὡς πρὸς H_1 , ἔχομεν, ἐξισοῦντες τὴν παράγωγον πρὸς μηδέν:

$$(XXVII) \quad \frac{d \Pi_{\nu}}{d H_1} + K_{\nu} \cdot \frac{d \left(\frac{1}{H_1} \right)^e}{d H_1} = 0$$

ἔνθα:

$$(XXVIII) \quad K_{\nu} = \frac{1}{2} \frac{1}{1'} \left(\frac{1 (2 \mu 1' + 1^2)}{\mu \cdot 1'^3} \right)^e \frac{\sum_{\nu''}^{\nu+\nu''} x^2 e}{\sum_{\mu''}^{\mu+\mu''} \left(\mu^2 - \mu + \frac{1}{3} \right)^e}$$

Ἡ διαφορίσις τῆς σειραῆς $\frac{d \Pi_{\nu}}{d H_1}$ μᾶς δίδει (ὡς εἰς τὴν περίπτωσιν K_{μ}) τὴν τιμὴν τοῦ K_{ν}

$$K_{\nu} = \nu \left(\frac{\xi}{100 \nu - \nu \xi} \right)^{e+1} + (\nu - 1) \left(\frac{\xi}{100 \nu - (\nu - 1) \xi} \right)^{e+1} + \dots + \left(\frac{\xi}{100 \nu - \xi} \right)^{e+1}$$

Ἡ ἐξίσωσις αὕτη λύεται ὁμοίως διὰ τοῦ διαγράμματος 2, ἐὰν θέσωμεν ἀντὶ τοῦ μ τὸν ἀριθμὸν ν .

Προσδιορίζοντες ὅθεν τὸν ἀριθμὸν K_{ν} ἐκ τῆς ἐξ. XXVII, λαμβάνομεν ἐκ τοῦ διαγρ. 2 τὸν λόγον ξ , εἶτα δέ, ἐκ τοῦ διαγράμματος 1, καὶ διὰ τὴν εὐρεθεῖσαν τιμὴν τοῦ ξ προσδιορίζομεν τὴν τιμὴν τοῦ $\Pi_{\nu,i}$.

Θέτοντες τὴν τιμὴν ταύτην τοῦ $\Pi_{\nu,i}$ εἰς τὴν ἐξίσωσιν XXVI προσδιορίζομεν τὴν ἐλαχίστην τιμὴν τοῦ βάρους τοῦ δικτύου.

Ἐφαρμογή. - Ἐστω δίκτυον μὲ πυκνότητα οἰκήσεως 200 κατοίκων ἀνὰ ἑκτάριον καὶ μέσσην ἡμερησίαν παροχὴν 100 λίτρων ἄτομον ἡμέραν. Ἐστῶσαν ἐπὶ πλέον $Q_0 = 2, 5$ λ/δλον, $\mu = 6$, $\nu = 4$, $1 = 1' = 150$ μ., $H = 100$ μ.

Τότε θὰ ἔχωμεν:

$$q = \frac{2,25 \times 100}{86400} 20 \cdot 0,15 = 0,0078 \quad \lambda/\delta\lambda\omicron\nu/ \quad \tau\omicron. \quad \mu.$$

$$Q_{\mu} = q (\nu \cdot 1 + 1') = 0,00585 \quad \mu^3/\delta\lambda\omicron\nu$$

$$Q_v = q \cdot l = 0.00117 \quad \mu^3/\delta\lambda\text{ον}$$

$$\mu' = \frac{Q_o}{Q_v} = 0.43 \quad \nu' = \frac{Q_o}{Q_v} = 2$$

Ἐκ τοῦ τύπου XX καὶ τῇ βοηθείᾳ τῶν πινάκων 1 καὶ 2 λαμβάνομεν τὸν συντελεστὴν K_μ , ὅστις ἔσται :

$$K_\mu = \left(\frac{150 \cdot (750)^2}{4 (150)^3} \right) e \cdot \frac{10.43}{7.58} = 2.14$$

Ἐκ τοῦ διαγράμματος 1 καὶ διὰ $K_\mu = 2.14$ προκύπτει $\xi = 55$

Εἰσάγοντες τὴν τιμὴν ταύτην εἰς τὸ διάγραμμα 2 λαμβάνομεν

$$\Pi_{\mu, i} = 1,478$$

Τὸ οἰκονομικώτερον ὄθεν βάρος τοῦ διανεμόντος δικτύου θὰ δίδεται ἐκ τῆς ἐξισώσεως :

$$\Sigma B. l = 0.2008 \times 150 (0.00585)^2 e (900) e 10.43 \frac{1}{0.351} + 0.2008.150 (0.00117)^2 e.$$

$$(9.57 - 1.99) (3600) e \left[2,940 \times 1,478 + \frac{1}{2} \left(\frac{1}{6} \right) e \right] \frac{1}{2.94} = 7,25 + 104,020 = + 111,27 \text{ τόννοι.}$$

Εἰς τὸ βάρος τοῦτο τοῦ διανεμόντος δικτύου, δεόν νὰ προστεθῇ καὶ τὸ βάρος τῶν τριτευόντων ἄγωγων μήκους 2 μ. ν. 1, προκύπτουν ἐκ τῆς παραδεχθισομένης ἐλαχίστης διαμέτρου τοῦ δικτύου.

Ἐκ τοῦ παραδείγματος τούτου ἐμφαίνεται ἡ πρακτικότης τῆς ἀναπτυχθείσης μεθόδου δι' ἧς ἐπιτυγχάνεται, ὑπὸ τὰς ὁρισθείσας τοπογραφικὰς προϋποθέσεις, ὁ ἄμεσος προσδιορισμὸς τοῦ βάρους τοῦ δικτύου.

ΠΙΝΑΞ 1.

ΤΙΜΑΙ ΤΗΣ ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΩΣ

$$\sum_1^v \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^{15/64}$$

v	$\sum_1^v \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^{15/64}$	v	$\sum_1^v \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^{15/64}$	v	$\sum_1^v \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^{15/64}$	v	$\sum_1^v \left(v^2 - v + \frac{1}{3} \right)^{15/64}$
1	0,773	11	23,169	21	59,8065	31	105,7811
2	1,993	12	26,312	22	64,0201	32	110,8211
3	3,534	13	29,580	23	68,3245	33	115,9466
4	5,336	14	32,968	24	72,7176	34	121,1339
5	7,362	15	36,571	25	77,1976	35	126,3932
6	9,576	16	40,186	26	81,7621	36	131,7235
7	11,982	17	43,908	27	86,4096	37	137,1238
8	14,555	18	47,734	28	91,1371	38	142,5928
9	17,283	19	51,661	29	95,9451	39	148,1298
10	20,157	20	55,686	30	100,8171	40	153,7221

ΠΙΝΑΞ 2.

ΤΙΜΑΙ ΤΗΣ ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΩΣ

$$\sum_1^v x^{30/64}$$

x	$\sum_1^v x^{30/64}$	x	$\sum_1^v x^{30/64}$
1	1,0000	11	24,4309
2	2,3851	12	27,6461
3	4,0610	13	30,9846
4	5,9795	14	34,4415
5	8,1102	15	38,0133
6	10,4315	16	41,6956
7	12,9272	17	45,4821
8	15,5846	18	49,3734
9	18,3932	19	53,3629
10	21,3446	20	57,5453

