

ΑΝΑΚΟΙΝΩΣΕΙΣ ΑΚΑΔΗΜΑΪΚΩΝ

ΨΥΧΟΛΟΓΙΑ. — Πειραματικαὶ μνημονικαὶ ἔρευναι*. Δευτέρα πρόδρομος ἀνακοίνωσις. Ἡ πορεία τῆς λήθης, ὑπὸ κ. Θεοφ. Βορέα¹.

Σκοπὸς τῆς ἔρευνης. — "Οτι σὺν τῷ χρόνῳ ἐπέρχεται λύσις τῶν μνημονικῶν συνειρῶν καὶ λήθη, ἐλέγχει ἡ καθ' ἐκάστην πεῖρα. Δι' δὲ καὶ παλαιόταται εἶναι αἱ ρήσεις αἱ προτρέπουσαι εἰς ἐπανάληψιν τοὺς θέλοντας νὰ διατηρῶσιν ἐν τῇ μνήμῃ τὰ μανθανόμενα². Ἄλλῃ δὲ πορείᾳ, ἣν ἀκολουθεῖ ἡ ἐπερχομένη λήθη μόνον κατὰ τοὺς νεωτέρους χρόνους ἔξητάσθη διὰ πειραμάτων, ἐν οἷς ἡρευνήθησαν τὰ ἔξης ζητήματα.

1. Ἡ λήθη τῶν μανθανομένων ἡ ἐπακολουθοῦσα μετὰ τὴν ἐκμάθησιν χωρεῖ κανονικῶς; Τίνα δὲ ἔχει αὕτη σχέσιν πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς ἐκμαθήσεως διαρρέοντα χρόνον;
2. Ἐπέρχεται σὺν τῷ χρόνῳ τελεία τῶν μανθανομένων λήθη;

Ως κριτήρια καὶ ἐν τῇ ἔρευνῃ ταύτη χρησιμεύουσιν ἀσημοι συλλαβαὶ καὶ λογικὰ στοιχεῖα, οἷον λέξεις, ποιημάτα, διηγήματα καὶ τὰ τοιαῦτα.

Γίνεται δὲ ἡ ἔρευνα ὡς ἔξης. Ἐκλέγονται τὰ μνημονευτέα στοιχεῖα, ὥστε νὰ εἶναι ίσοδύναμα πρὸς ἀλληλα κατὰ τὸ δυνατόν, ἐκμανθάνονται δὲ οὕτως, ὥστε τὰ ὑποκείμενα τῶν πειραμάτων νὰ λέγωσι ταῦτα ἀνευ σφάλματος, καὶ σημειοῦται ὁ ἀριθμὸς τῶν ἐπαναλήψεων ἐκάστης ἐκμαθήσεως. Ἔπειτα δὲ μετὰ ὧρισμένα χρονικὰ διαστήματα ἐλέγχεται τὸ ποσοστὸν τῆς λήθης διὰ τῆς μεθόδου τῆς οἰκονομίας.

Τὰ πορίσματα τῶν ἔνων. — Τὰ πορίσματα τῆς μέχρι τοῦδε ἔρευνης διαφέρουσιν ἐν πολλοῖς. Οὕτως ἐν τῷ πρώτῳ ζητήματι ὁ μὲν Ebbinghaus, ὁ πρῶτος τὸ πρόβλημα τοῦτο ἔρευνήσας, εὗρεν ἐπὶ ἀσήμων στοιχείων ὅτι ἡ λήθη χωρεῖ ἀεὶ προϊοῦσα κανονικῶς· καὶ εἶναι κατ' ἀρχὰς μὲν πολὺ ταχεῖα, ἔπειτα δὲ γίνεται ἄγαν βραδεῖα. Παρετήρησε δὲ ἐπὶ τῶν πορισμάτων, ὅσα συνήγαγεν ἐκ τῶν πειραμάτων του, καὶ μαθηματικὴν τινα σχέσιν τῆς οἰκονομίας καὶ τῆς λήθης τῶν μεμαθημένων πρὸς τὸν διαρρέοντα χρόνον, κατὰ προσέγγισιν ἵσχυουσαν, ἢν παρέστησε διὰ τοῦ τύπου

$$B = \frac{100 \cdot K}{(\log. t)^c + K},$$

(ἔνθα B =οἰκονομία, t =ό διαρρέων ἐκάστοτε χρόνος, K καὶ c σταθεραὶ προσδιοριστέαι ἀξίαι),

* TH. BOREAS. — **Experimental Studies of memory:** Second preliminary Communication. The rate of forgetting. — ¹ Ἐκ τοῦ Ψυχολογικοῦ Ἐργαστηρίου τοῦ Πανεπιστημίου Ἀθηνῶν.

² Πρβλ. τὸ τοῦ συγγραφέως τῆς πρὸς Δημόνικον παραινέσεως. «Ἄ ἐπίστασαι, ταῦτα διαφύλαττε ταῖς μελέταις» (IV 18) καὶ τὸ τοῦ Ἀριστοτέλους «αἱ μελέται τὴν μνήμην σάζουσι τῷ ἐπαναμιμήσκειν» (π. μν. κ. ἀναμν. 451 α 12) καὶ τὴν ἔπειτα διατυπωθεῖσαν γνώμην» «repetitio est mater studiorum» καὶ ὅσα τούτοις δμοια.

ἔξι οὖ τύπου διὰ προσδιορισμοῦ τῆς τιμῆς τοῦ Κ ὡς ἔξης

$$K = \frac{B \cdot (\lambda \text{ογ. } t)^c}{100 - B},$$

(ενθα 100—B δηλοῦ τὴν λήθην), συνίγαγεν ὅτι

$$\frac{B}{V} = \frac{K}{(\lambda \text{ογ. } t)^c},$$

ἥτοι ὅτι τὰ πηλίκα τῆς ἑκάστοτε οἰκονομίας πρὸς τὴν λήθην εἶναι κατὰ προσέγγισιν ἀντιστρόφως ἀνάλογα πρὸς δύναμίν τινα τῶν λογαριθμῶν τῶν διαφεόντων χρονικῶν διαστημάτων· ἢ ἀπλούστερον· ὅτι ἡ λήθη εἶναι ἀνάλογος πρὸς τὸν λογάριθμον τοῦ χρόνου. Καὶ συνεφώνησαν πρὸς τὸν Ebbinghaus μᾶλλον ἢ ἡττον ὁ Busemann, ὁ Dallenbach, ὁ Strong, ὁ Bean, ὁ Finkenbinder καὶ ἄλλοι. Παραπλήσιον δὲ τύπον εἰσήγαγεν ὁ Piéron.

Διεφώνησε δὲ πρὸς τὰ πορίσματα ταῦτα τοῦ Ebbinghaus τὸ Ψυχολογικὸν Ἐργαστήριον τοῦ Meumann¹. Κατὰ τὰ πορίσματα τοῦ Ἐργαστηρίου τούτου ἡ πορεία τῆς λήθης ἐπὶ τῶν ἀσήμων δὲν εἶναι τόσον κανονική, ὃσον εὔρεν ὁ Ebbinghaus. Ἀπὸ τῆς πρώτης ἡμέρας μετὰ τὴν ἐκμάθησιν μέχρι τῆς ἕκτης εἶναι ἡ λήθη μικροτέρα ἢ κατ' αὐτὴν τὴν ἡμέραν τῆς ἐκμαθήσεως. Οἱ τύποι τοῦ Ebbinghaus δὲν ισχύει· ὅρθιὸν εἶναι μόνον ὅτι κατ' ἀρχὰς ἡ λήθη χωρεῖ ταχύτερον, ὃστερον δὲ ἐπιβραδύνεται.

Ἡ διαφορὰ τῶν πορισμάτων τοῦ Ebbinghaus καὶ τῶν περὶ τὸν Meumann ὡς πρὸς τὸ ποσοστὸν τῆς λήθης (ἐπὶ ἀσήμων στοιχείων) δηλοῦται ἐκ τοῦ ἔξης πίνακος καὶ τῶν κατωτέρω παρατιθεμένων ἐν εἰκ. 1 καμπυλῶν.

Π Ι Ν Α Ζ 1

Χρόνος	Λήθη παρὰ Radossawljewitsch	Λήθη παρὰ Ebbinghaus	Διαφορai
5'	2,5	—	—
20' (Ebb. 19')	11,4	41,8	— 30,4
60' („ 64')	29,3	55,8	— 26,5
480' („ 525')	52,6	64,2	— 11,16
1 ημ.	32,2	66,3	— 34,1
2 „	39,1	72,2	— 33,1
6 „	50,7	74,6	— 13,9
14 „	59,0	—	—
21 „	62,0	—	—
30 „	79,8	78,9	+ 0,9
120 „	97,2	—	—

¹ Meumann, Radossawljewitsch, Magneff, Pentschew ο. ά.

‘Ως πρὸς τὴν πορείαν τῆς λήθης ἐπὶ τῶν λογικῶν στοιχείων συμφωνοῦσι πάντες ὅτι εἶναι βραδυτέρα ἢ ἐπὶ τῶν ἀσήμων. Ως πρὸς δὲ τὴν μορφὴν καὶ ταύτης δὲν ὑπάρχει ὁμοφωνία τῶν ἔρευνητῶν.

Σημειωτέον δὲ ὅτι καὶ ἐπὶ τῆς δημιουργίας τῶν δεξιοτήτων καὶ τῆς λήθης αὐτῶν, καὶ δὴ καὶ ἐπὶ ἀνθρώπων καὶ ἐπὶ ζώων, εἰς τὰ αὐτὰ περίου πορίσματα κατέληξαν οἱ ἔξετάσαντες τὰ ζητήματα ταῦτα (Thorndike, Bourdon, Piéron, ἄλλοι).

Προκειμένου δὲ περὶ τοῦ δευτέρου ζητήματος καὶ ὁ Ebbinghaus καὶ οἱ περὶ τὸν Meumannοι καὶ ἄλλοι θεωροῦσι δυνατὴν τελείαν λήθην ἐπὶ τῶν ἀσήμων στοιχείων. Ἐκ τῶν πειραμάτων αὐτῶν οἱ περὶ τὸν Meumannοι εὗρον ἐπὶ τῶν στοιχείων τούτων μετὰ 4 μῆνας λήθην 97, 2. ‘Αλλ’ ἂν καὶ εἰς τὰ λογικὰ στοιχεῖα ἐπιγίνεται λήθη τελεία, δὲν ἔξητάσθη ἐπαρκῶς μέχρι τοῦδε, ἀλλ’ οὐδὲ εὔκολον εἶναι νὰ ἔξετασθῇ. Τὰ γενόμενα πειράματα ἀναφέρονται εἰς βραχύτερα διαστήματα χρόνου, ἐν οἷς σώζεται μᾶλλον ἡ ἥττον ἡ μνήμη τῶν μεμαθημένων λογικῶν στοιχείων. Ο Worcester, ὅστις ἐμάνθανε σειράς λέξεων ἐκ νέου μετὰ 5 ἔτη, εἶχεν οἰκονομίαν χρόνου ἐν τῇ νέᾳ ἐκμαθήσει 44 %, ἥτοι λήθην 56 %. Ο δὲ Ebbinghaus ἐπίστωσεν ὅτι 22 ἔτη μετὰ τὴν ἐκμάθησιν στροφῶν ἐκ τοῦ Don Juan τοῦ Búrwanοις συνετήρει ἀρκετὰ ἔτι στοιχεῖα τοῦ ἀπομνημονευθέντος· διότι ἡ νέα ἐκμάθησις τῶν αὐτῶν στροφῶν μετὰ τὰ 22 ἔτη ἐν παραβολῇ πρὸς τὴν ἀπομνημόνευσιν ἀλλων ίσοδυνάμων στροφῶν τοῦ αὐτοῦ ποιῆματος, τὸ πρῶτον ἐκμαθυνομένων, ἐνεφάνιζεν οἰκονομίαν χρόνου 7 %. Ἐπὶ δὲ ποιημάτων, τὰ ὁποῖα ἐκμαθεν ἀλλοτε, ἐπανέλαβε δὲ πάλιν τὰς τρεῖς ἡμέρας τὰς ἐπομένας εἰς τὴν πρώτην ἀπομνημόνευσιν, καὶ δὴ μέχρι τελείας ἐκμαθήσεως ἐκάστοτε, εἶχε μετὰ 17 ἔτη οἰκονομίαν 20 %.

ΑΙ ΗΜΕΤΕΡΑΙ ΕΡΕΥΝΑΙ

‘Ινα ἐλέγξωμεν πῶς ἔχουσι παρὰ τοῖς Ἑλλησι τὰ τῆς λήθης, ὑπεβάλομεν τὰ εἰρημένα ζητήματα εἰς ἔρευναν ἐν τῷ ἡμετέρῳ Ἔργαστηρίῳ. Καὶ ἔξητάσαμεν τὴν λήθην ἐπὶ ἀσήμων καὶ λογικῶν στοιχείων.

Κριτήρια. — Κριτήρια μετεχειρίσθημεν 11 σειράς ἐκ 15 ἀσήμων συλλαβῶν ἐκάστην, οἵτις αἱ ἔξηται.

Οεκ φιζ δαφ λεβ ταρ κος σεθ γακ πετ σιχ μοκ σεψ βατ πιδ θιφ
χοτ δαμ κιν βεξ γας μιψ ρετ σατ φολ καγ πιχ λαν δεβ γεκ μογ,
καὶ ίσάριθμα τεμάχια ποιημάτων, ὃν ἔκαστον ἀπετελεῖτο ἐκ 10 ἔξαμέτρων στίχων,
ἥτοι ἔκατὸν ἐβδομήκοντα συλλαβῶν, εἰλημμένα ἐκ τῆς τοῦ Θ. Ὁρφανίδοι Χίου δούλης.

Υποκείμενα. — Υποκείμενα δὲ εἴχομεν 40, ἥτοι 20 ἀρρενα καὶ 20 θῆλε¹,
ἡλικίας 17-20 ἐτῶν. Ἐκ τούτων τῶν ὑποκειμένων 20 μὲν ἔξητάσαμεν εἰς τὰς ἀσήμους

¹ Ο Ebbinghaus διεξήγαγε τὰ πειράματα μόνον ἐφ' ἑαυτοῦ, δ Magneff ἐπὶ 2, δ Radossawlewitsch ἐπὶ 27 ὑποκειμένων.

συλλαβάς, 20 δὲ εἰς τὰ ποιήματα. Ἐλάβομεν δὲ καὶ ἐν τῇ ἔρεύνῃ ταύτη τὴν φροντίδα, ὥστε νὰ πληρῶνται πάντες οἱ ὄροι οἱ ἀπαιτούμενοι εἰς τὴν ἀκριβῆ διεξαγωγὴν τῶν τοιούτων πειραμάτων, ἵτοι νὰ εἶναι τὰ ὑποκείμενα ψυχικῶς ἡρεμα καὶ ἔχωσι σύντονον τὴν προσοχήν, νὰ μὴ ἐπαναλαμβάνωσιν ἐν τῷ ἀπὸ τῆς μιᾶς εἰς τὴν ἀλληγένηταν διαρρέοντι χρόνῳ τὰ μανθανόμενα, ὅπως συνήθως συμβαίνει παρὰ πολλοῖς τῶν ἔξεταζομένων ὑποκειμένων· ἔτι δὲ ἡ ἔξετασις κατὰ τὰς διαφόρους περιόδους τῆς ἔρεύνης νὰ γίνηται κατὰ τὸν αὐτὸν χρόνον τῆς ἡμέρας.

Μέθοδος.—Ἡ δὲ ἔξετασις ἐγένετο ὡς ἔξης. Ἐξελέξαμεν τὰς σειρὰς τῶν ἀσήμων συλλαβῶν καὶ τὰ τεμάχια τῶν ποιημάτων. Ἐπειτα δὲ παρείχομεν τὰς ἀσήμους συλλαλαβάς καὶ τὰ ποιήματα εἰς ἐκμάθησιν διπτικῶς καὶ ἀκουστικῶς, καὶ δὴ οὐχὶ εὔθυς πάντα τὰ στοιχεῖα τὸ ἐν μετὰ τὸ ἀλλο, ἀλλ’ ἀφοῦ ἐδίδομεν τὸ πρῶτον στοιχεῖον καὶ ἡλέγχομεν τὴν ἐπερχομένην λήθην, τότε μόνον παρείχομεν εἰς ἐκμάθησιν τὸ ἐπόμενον στοιχεῖον. Τοῦτο δέ, ἵνα μὴ ἐπέρχηται ἀσκησις τῆς μνήμης διὰ τῶν ἀλλεπαλλήλων ἐκμαθήσεων καὶ οὕτως ἐμφιλογωρῇ ἀνακρίβεια εἰς τὴν ἔρευναν.

Ο δὲ ἔλεγχος τῆς λήθης ἐγίνετο μετὰ ὧρισμένα χρονικὰ διαστήματα ἀπὸ τῆς ἐκμαθήσεως· καὶ δὴ ἐπὶ μὲν τῶν ἀσήμων συλλαβῶν ὡς ἔξης.

Τὴν 1ην σειρὰν ἐξητάζομεν μετὰ 10'

»	2ην	»	»	»	20'
»	3ην	»	»	»	1 ὥραν
»	4ην	»	»	»	9 ὥρας
»	5ην	»	»	»	1 ἡμέραν
»	6ην	»	»	»	2 ἡμέρας
»	7ην	»	»	»	6 »
»	8ην	»	»	»	14 »
»	9ην	»	»	»	21 »
»	10ην	»	»	»	30 »
»	11ην	»	»	»	10 μῆνας

Ἐπὶ δὲ τῶν ποιημάτων ὁ ἔλεγχος ἐγίνετο ὡς ἀκολούθως.

Τὸ 1ον τεμάχιον ἐξητάζομεν μετὰ 9 ὥρας

»	2ον	»	»	»	1 ἡμέραν
»	3ον	»	»	»	2 ἡμέρας
»	4ον	»	»	»	3 »
»	5ον	»	»	»	4 »
»	6ον	»	»	»	5 »
»	7ον	»	»	»	10 »
»	8ον	»	»	»	20 »
»	9ον	»	»	»	30 »
»	10ον	»	»	»	60 »
»	11ον	»	»	»	90 »
»	12ον	»	»	»	2 ἔτη

Τὸ δὲ ποσὸν τῆς λήθης εύρίσκομεν διὰ τῆς μεθόδου τῆς οἰκονομίας. Δῆλα δὴ κατὰ τὰ τεταγμένα χρονικά διαστήματα προεκαλοῦμεν τὰ ὑποκείμενα εἰς νέαν ἐκμάθησιν, ἡ δὲ διαφορὰ τοῦ ἀριθμοῦ τῶν ἐπαναλήψεων τῆς δευτέρας ταύτης ἐκμαθήσεως ἀπὸ τοῦ ἀριθμοῦ τῶν ἐπαναλήψεων τῆς πρώτης ἐκμαθήσεως ἐδήλου τὸ ποσὸν τῆς λήθης.

Σημειωτέον δὲ ὅτι ἐπὶ τῆς λήθης τῶν λογικῶν στοιχείων ἐπεξετείναμεν πολὺ μᾶλλον τὰ πειράματα ἡμῶν. Διὰ τῶν μεθόδων τῶν συντηρουμένων στοιχείων καὶ τῶν βοηθειῶν καὶ τῆς οἰκονομίας ἀνιχνεύσαμεν τὴν οἰκονομίαν καὶ τὴν λήθην ἐπὶ ποιημάτων ἀπὸ 10 καὶ 20 καὶ 30 ἔτῶν μεμαθημένων.

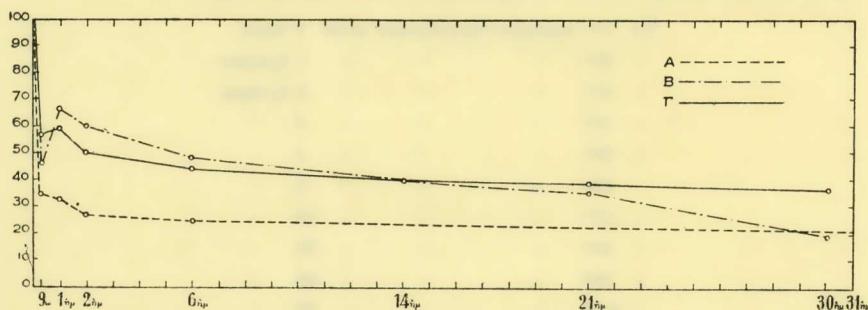
Πορίσματα. — Τὰ πορίσματα τῆς ἐρεύνης ἡμῶν ταύτης ἐμφαίνουσιν οἱ ἐπιφερόμενοι πίνακες ὑπὸ ἀριθ. 2 καὶ 3.

‘Ο ὑπὸ ἀριθ. 2 πίνακες δηλοῖ τὴν οἰκονομίαν τῶν ἐπαναλήψεων καὶ ἄμα τὴν λήθην τὴν ἐπερχομένην προϊόντος τοῦ χρόνου κατὰ τὴν ἐκμάθησιν ἀσήμων συλλαβῶν.

ΠΙΝΑΞ 2

‘Ασημοι συλλαβαι

Χρόνος, μεθ' ὃν ἐγίνετο δ ἔλεγχος τῆς λήθης	Οἰκονομία %	Λήθη %
10'	81,56	18,44
20'	71,35	28,65
60'	64,19	35,81
9 ᾧραι	57,59	42,41
1 ἡμέρα	59,21	40,79
2 ἡμέραι	50,40	49,60
6 »	44,59	55,41
14 »	40,52	59,48
21 »	39,12	60,88
30 »	37,20	62,80
10 μῆνες	0,00	100,00



Εἰκ. 1. — Καμπύλαι λήθης ἐπὶ ἀσήμων συλλαβῶν. Α κατὰ Ebbinghaus. Β κατὰ Radossawlewitsch. Γ καθ' ἡμᾶς.

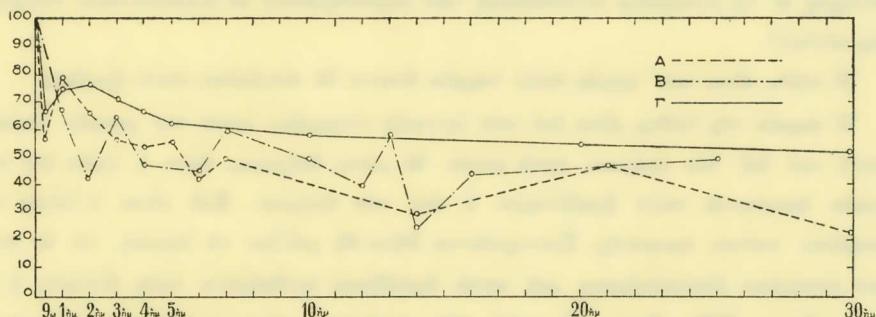
‘Ο ύπ’ ἀριθ. 3 πίναξ εμφαίνει τὴν οἰκονομίαν τῶν ἐπαναλήψεων καὶ ἅμα τὴν λήθην τὴν ἐπερχομένην προϊόντος τοῦ χρόνου κατὰ τὴν ἐκμάθησιν λογικῶν στοιχείων καὶ δὴ ποιημάτων.

ΠΙΝΑΞ 3

Ποιήματα

Χρόνος, μεθ’ ὃν ἐγίνετο δὲ ἔλεγχος τῆς λήθης	Οἰκονομία %	Λήθη %
9 ὥραι	66,60	33,40
1 ἡμέρα	75,29	24,71
2 ἡμέραι	76,18	23,82
3 *	71,14	28,86
4 *	66,43	33,57
5 *	62,66	37,34
10 *	59,64	40,36
20 *	55,58	44,42
30 *	52,66	47,34
60 *	42,66	57,34
90 *	37,08	62,92
2 ἡμέραι	32,50	67,50

Σαφέστερα γίνονται ταῦτα ἐκ τῶν παρατιθεμένων καμπυλῶν¹.



Εἰκ. 2. — Καμπύλαι λήθης ἐπὶ ποιήματος. A κατὰ Radossawljewitsch. B κατὰ Magneff. Γ καθ’ ἡμᾶς.

Σημειωτέον δὲ ὅτι χάριν συγκρίσεως ἐν μὲν τῇ εἰκόνι 1 ἀναγράφονται καὶ αἱ καμπύλαι τοῦ Ebbinghaus καὶ τοῦ Radossawljewitsch, ἐν δὲ τῇ εἰκόνι 2 καὶ αἱ καμπύλαι τοῦ Radossawljewitsch καὶ τοῦ Magneff.

Εἶναι δὲ τὰ ἐκ τῶν πινάκων τούτων καὶ τῶν καμπυλῶν προκύπτοντα πορίσματα τὰ ἔξης.

¹ Τὰ διαστήματα ἀπὸ 10' μέχρις 60' καὶ ἀπὸ 31 ἡμερῶν μέχρι 10 μηνῶν ἐπὶ τῶν ἀσήμων καὶ ἀπὸ 31 ἡμερῶν μέχρι 2 ἡμέρων ἐπὶ τῶν λογικῶν δὲν ἐσημειώθησαν ἐν ταῖς ἡμετέραις καμπύλαις, ἵνα μὴ ἀποβῶσιν αὕται λίαν μακραῖ.

1. Η πορεία τῆς λήθης δὲν εἶναι δῆλως κανονική, ἀλλ' ἐμφανίζει ἀνωμαλίας. Οὕτως εὐθὺς μετὰ τὴν λῃξιν τῆς μαθήσεως ἐπέρχεται ἀπότομος λήθη, οἷα δὲν παρατηρεῖται κατόπιν, ώς εῦρον καὶ ἀλλοι ἐρευνηταί (Finzi, Bigham, Schneider, G. E. Müller). Καὶ εἶναι πιθανῶς τοῦ φαινομένου τούτου αἰτία ἡ ἐκ τῆς ἐκμαθήσεως προϊοῦσα κόπωσις. Ἐπειτα· ἐπὶ μὲν τῶν ἀσήμων στοιχείων κατὰ τὴν ἐπομένην τῆς ἐκμαθήσεως, ἐπὶ δὲ τῶν λογικῶν κατὰ τὰς δύο ἐπομένας εἰς τὴν ἐκμάθησιν ἡμέρας ἡ λήθη εἶναι μικροτέρα ἢ κατὰ τὴν πρώτην ἡμέραν, 9 ὥρας μετὰ τὴν ἐκμάθησιν. Ἔνῷ δῆλα δὴ κατὰ τὴν πρώτην ἡμέραν, 9 ὥρας μετὰ τὴν ἐκμάθησιν, ἔχομεν λήθην ἐπὶ τῶν ἀσήμων 42,41, κατὰ τὴν ἐπομένην ἡ λήθη εἶναι 40,79. Καὶ ἐπὶ τῶν λογικῶν δὲ κατὰ τὴν ἡμέραν τῆς ἐκμαθήσεως, 9 ὥρας μετ' αὐτήν, εἶναι ἡ λήθη 33,40, μετὰ μίαν ἡμέραν γίνεται 24,71 καὶ μετὰ δύο ἡμέρας 23,82.

Ἐρμηνεύονται δὲ τὰ φαινόμενα ταῦτα ἐκ διτῶν λόγων, οἵτινες δὲν εἶναι ἀπίθανοι. Ἡτοι· πρῶτον μὲν ὅτι ἡ κατὰ τὴν ἡμέραν τῆς ἐκμαθήσεως παρατηρούμενη μεγαλειτέρα λήθη λόγον ἔχει τὸν κάμπτον τὸν ἐπερχόμενον ἐκ τῆς ἀπομνημονεύσεως καὶ ἐκ τῆς ἀλλης ἐργασίας τῆς ἡμέρας. Ἡ δὲ μεγαλειτέρα ἀνάπλασις τῶν μεμαθημένων κατὰ τὰς πρώτας ἡμέρας τὰς ἐπακολουθούσας εἰς τὴν ἐκμάθησιν προέρχεται τὸ μὲν ἐκ τῆς γενομένης ἐν τῷ μεταξὺ ἀναπολήσεως, τὸ δὲ ἵσως ἐκ τῆς βαθυτέρας ἐν τῷ ἐγκεφάλῳ ἐντυπώσεως τῶν μεμαθημένων, ἐκ φυσιολογικῶν προερχομένης αἰτίων¹.

Ἡ λήθη εἶναι κατ' ἀρχὰς πολὺ ταχεῖα ἐπειτα δὲ ἀποβαίνει πολὺ βραδεῖα.

Ἡ πορεία τῆς λήθης εἶναι ἐπὶ τῶν λογικῶν στοιχείων κατὰ τὴν μορφὴν περίπου ἡ αὐτὴ καὶ ἐπὶ τῶν ἀσήμων, κατὰ ποσὸν δὲ μόνον διάφορος, διότι ἡ λήθη ἐπὶ τῶν λογικῶν ἐπιγίνεται πολὺ βραδύτερον ἢ ἐπὶ τῶν ἀσήμων. Καὶ εἶναι ὁ λόγος τοῦ φαινομένου τούτου προφανῆς. Συντηροῦνται δῆλα δὴ μᾶλλον τὰ λογικά, τὰ ἐκ γνωρίμων στοιχείων ἀποτελούμενα καὶ κατὰ ὄμοιειδειαν συνδεόμενα πρὸς ἀλληλα ἢ τὰ ἀσημά, ἀτινα ἀήθη ὅντα καὶ κατὰ τὴν συνάφειαν μόνον συνδεόμενα ἀπομνημονεύονται μᾶλλον ἢ ἡττον μηχανικῶς.

2. Ἐπὶ τῶν ἀσήμων στοιχείων ἐπέρχεται τελεία τῶν μεμαθημένων λήθη. Ἡμεῖς ἔξετασαντες τὰ ἡμέτερα ὑποκείμενα 10 μῆνας μετὰ τὴν ἐκμάθησιν εῦρομεν ὅτι οὐδὲν τῶν ἀσήμων στοιχείων συνετήρουν.

¹ Σημειώσεως ἄξιον εἶναι ὅτι τὸ φαινόμενον τοῦτο παρετηρήθη ἦδη πρὸ πολλοῦ. Ο ΚΟΪΝΤΙΑΙΑΝΟΣ λέγει· τὰ ἔξτης· «mirum dictu est et in promptu ratio, quantum nox interposita afferat firmitatis sive requiescit labor ille, cuius sibi ipsa fatigatio obstabat, sive concoquitur seu maturatur, quae firmissima eius pars est, recordatio; quae statim referri non poterant, contexuntur postera die, confirmatque memoriam idem illud tempus, quod esse in causa solet oblivionis» (Inst. orator. XI, 2 § 42 κ. ἔξ.).

Ἐπὶ δὲ τῶν λογικῶν στοιχείων, καὶ δὴ ἐπὶ ποιημάτων ἀρχαίων καὶ νεωτέρων, ἡλέγξαμεν ἡμεῖς 30 ἔτη μετὰ τὴν ἐκμάθησιν, μέχρι 30% οἰκονομίαν ἐπὶ τῶν ἐφ' ἀπαξ μεμαθυμένων, ἐπὶ δὲ τῶν εἰς ἀλλεπαλλήλους ἡμέρας ἀπομνημονευθέντων μέχρι 50%.¹

Παρατηρητέον ὅμως ὅτι 30% καὶ 50% οἰκονομία, ἦτοι 70% καὶ 50% λήθη, εὑρέθη ἐπὶ τῶν μνημονικωτάτων ὑποκειμένων. Εἶναι δὲ γνωστὸν ὅτι τὸ ποσὸν τῆς οἰκονομίας καὶ τῆς λήθης τῆς ἐπερχομένης καὶ εἰς τὰ ἀσημα στοιχεῖα, πολλῷ δὲ μᾶλλον εἰς τὰ λογικά, ἔξαρτάται ἐκ τῆς μνημονικῆς ἴκανότητος τῶν ὑποκειμένων, ἥτις πάλιν εἶναι συνηρτημένη πρὸς τὸ φῦλον καὶ τὴν ἡλικίαν, ἔτι δὲ ἐκ τῆς ψυχικῆς διαθέσεως, ἣν ἔχουσι τὰ ὑποκείμενα κατὰ τὴν ἀπομνημόνευσιν, καὶ ἐξ ἀλλων αἰτίων. Οὕτως ἐπὶ παραδείγματι τὰ μετὰ ζωηροῦ διαφέροντος μανθανόμενα παραμένουσιν ἐπὶ μακρότερον χρόνον ἐν τῇ μνήμῃ, ὅπως καὶ γεγονότα καθόλου, ἀτινα συνδεθέντα μετὰ ἵσχυρῶν συναισθημάτων χαρᾶς καὶ λύπης καὶ φόβου καὶ τῶν τοιούτων καὶ βαθεῖαν ἐμποιήσαντα ἐντύπωσιν, καὶ ἀπ' αὐτῆς τῆς παιδικῆς ἡλικίας, δύνανται νὰ συντηρῶνται ἐν τῇ μνήμῃ σχεδὸν ἀμετάβλητα. "Αλλα πάλιν, ἀνευ προσοχῆς καὶ διαφέροντος ἀπομνημονευθέντα, πολὺ ταχύτερον λησμονοῦνται.

Εἶναι δ' ἐκ τῶν εἰρημένων φανερὸν ὅτι τὰ πορίσματα ἡμῶν οὔτε πρὸς τὰ πορίσματα τῶν περὶ τὸν Meumannον οὔτε πρὸς τὰ τοῦ Ebbinghaus συμπίπτουσιν ὅλως.

Πρὸς τοὺς περὶ τὸν Meumannον συμφερόμεθα ἐν τούτῳ ὅτι ἐπὶ τῶν ἀσήμων κατὰ τὴν ἐπομένην εἶναι ἡ λήθη καὶ παρ' ἡμῖν μικροτέρα τῆς παρατηρουμένης κατ' αὐτὴν τὴν ἡμέραν τῆς ἐκμαθήσεως.

Διαφερόμεθα δὲ πρὸς αὐτοὺς ἐν τοῖς ἔξης.

Πρῶτον δὲν παρετηρήσαμεν ἡμεῖς κατὰ τὴν ἐπομένην ἡμέραν τόσην ἐλάττωσιν τῆς λήθης, ὅσην ἔκεινοι, ἀλλὰ πολὺ μικροτέραν.

"Ἐπειτα τὰ πορίσματα ἡμῶν ἔδειξαν, ἐν ἀντιθέσει πρὸς τὰ πορίσματα τῶν περὶ τὸν Meumannον, ὅτι ἀπὸ τῆς δευτέρας μέχρι τῆς ἔκτης ἡμέρας μετὰ τὴν ἐκμάθησιν ἀπέβη ἡ λήθη πάλιν μεγαλειτέρα ἢ κατ' αὐτὴν τὴν ἡμέραν τῆς ἐκμαθήσεως καὶ ἡκολούθησεν ἔπειτα κανονικὴν πορείαν, οἷαν διαγράφει ἡ λήθη καὶ παρὰ Ebbinghaus.

Πρὸς δὲ τὸν Ebbinghaus διαφωνοῦμεν ἐν τοῖς ἔξης κυρίως.

Πρῶτον ὅτι ἡ λήθη δὲν εἶναι παρ' ἡμῖν κατ' ἀρχὰς τόσον ραγδαία, ὅσον παρ' ἔκεινω.

"Ἐπειτα ὅτι ἔκεινος δὲν παρετήρησε κατὰ τὴν ἐπομένην τῆς ἐκμαθήσεως ἐλάττωσιν τῆς λήθης.

"Αλλως ὅμως εἶναι ἄξιον σημειώσεως ὅτι καὶ τὰ ἡμέτερα πορίσματα συμφωνοῦσι

¹ "Οτι τὰ εἰς ἀλλεπαλλήλους ἡμέρας μανθανόμενα διαμένουσιν ἐν τῇ μνήμῃ μακρότερον χρόνον, εἶναι καὶ δι' ἀκριβεστέρας πειραματικῆς ἔξετάσεως ἀποδεδειγμένον.

μέχρι τινός πρὸς τὰ πορίσματα τοῦ Ebbinghaus ἐν τῷ σπουδαιοτάτῳ τούτῳ ζητήματι, ὅτι τὰ πηλίκα τῆς ἐκάστοτε οἰκονομίας πρὸς τὴν λήθην εἶναι κατὰ προσέγγισιν ἀντιστρόφως ἀνάλογα πρὸς δύναμιν τινα τῶν λογαρίθμων τῶν διαρρεόντων χρονικῶν διαστημάτων· ἡ ὅτι ἡ λήθη εἶναι ἐκάστοτε ἀνάλογος πρὸς τὸν λογάριθμον τοῦ διαρρέοντος χρόνου. Οὕτως ἐκ τῆς ἐφαρμογῆς τοῦ τύπου τοῦ Ebbinghaus ἐπὶ τῶν ἡμετέρων ἀριθμῶν, τῶν δηλούντων τὴν λήθην ἐπὶ τε τῶν ἀσήμων καὶ τῶν λογικῶν στοιχείων¹, εὔρομεν ἡμεῖς, ὅπως ἔκεινος ἐπὶ τῶν ἀσήμων, ἀξίας, αἴτινες δλίγον διαφέ-

Π Ι Ν Α Ζ 4

**Εφαρμογὴ τοῦ τύπου τοῦ Ebb. ἐπὶ τῶν ἰδίων αὐτοῦ ἀριθμῶν
(K = 1,84, c = 1,25)*

Χρόνος	Οἰκονομία παρατηρηθεῖσα	Οἰκονομία ὑπολογισθεῖσα	Διαφοραὶ
20'	58,2	57,	+ 1,2
64'	44,2	46,7	- 2,5
526'	35,8	34,5	+ 1,3
1440'	33,7	30,4	+ 3,3
2×1440'	27,8	28,1	- 0,3
6×1440'	25,4	24,9	+ 0,5
31×1440'	21,1	21,2	- 0,1

Π Ι Ν Α Ζ 5

**Εφαρμογὴ τοῦ τύπου τοῦ Ebb. ἐπὶ τῶν ἡμετέρων ἀριθμῶν
α' Ἐπὶ ἀσήμων στοιχείων*

Χρόνος	Οἰκονομία παρατηρηθεῖσα	Οἰκονομία ὑπολογισθεῖσα	Διαφοραὶ
20'	71,35	75,15	- 3,80
60'	64,19	67,17	- 2,98
540'	57,59	54,46	+ 3,13
1440'	—	—	—
2×1440'	50,40	47,10	+ 3,30
6×1440'	44,59	43,10	+ 1,49
14×1440'	40,52	40,39	+ 0,13
21×1440'	39,12	39,19	- 0,07
30×1440'	37,20	38,14	- 0,94

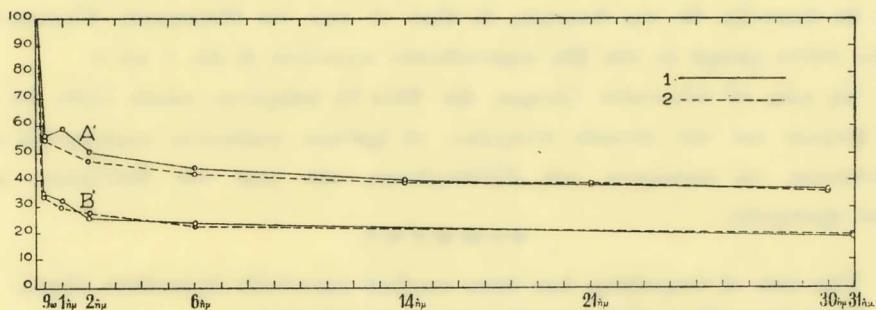
¹ Χάριτας διμολογῶ εἰς τὸν φίλον συνάδελφον κ. Κ. Μαλτέζον, ὅστις μετὰ πολλῆς φιλοφροσύνης παρέσχεν ἀξιολόγους τινὰς ὑποδείξεις κατὰ τὴν ἐφαρμογὴν τοῦ τύπου τοῦ Ebbinghaus εἰς τὰ ἡμέτερα πορίσματα.

ΠΙΝΑΞ 6

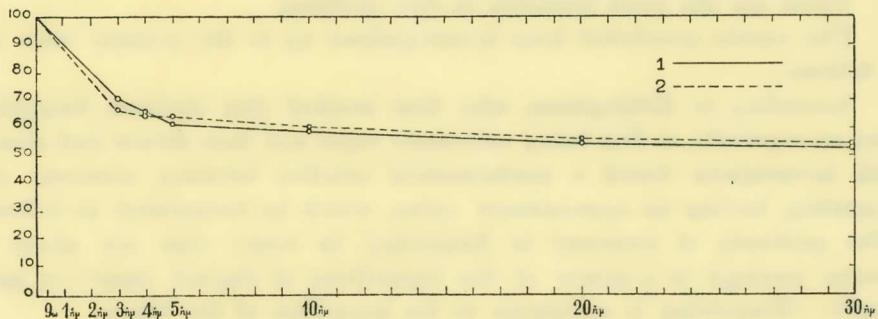
**Εφαρμογή τοῦ τύπου τοῦ Ebb.* ἐπὶ τῶν ἡμειέρων ἀριθμῶν
β' **Ἐπὶ λογικῶν στοιχείων*

Χρόνος	Οἰκονομία παρατηρησέσα	Οἰκονομία ὑπολογισθεῖσα	Διαφορά
3×24 ὥρ.	71,14	67,49	+ 3,65
4×24 *	66,43	65,67	+ 0,76
5×24 *	62,66	64,32	- 1,66
10×24 *	59,64	60,35	- 0,71
20×24 *	55,58	56,74	- 1,16
30×24 *	52,66	54,78	- 2,12
60×24 *	42,66	40,78	+ 1,88
90×24 *	37,08	39,16	- 2,08
732×24 *	32,50	32,30	+ 0,20

ρουσι τῶν συναχθεισῶν ἐκ τῶν πειραμάτων, ὡς γίνεται δῆλον ἐκ τῶν παρατιθεμένων ὥπ' ἀριθ. 4, 5 καὶ 6 πινάκων καὶ τῶν καμπυλῶν τῶν ἐν εἰκ. 3 καὶ 4.



Εἰκ. 3.—Καμπύλαι πραγματικῆς καὶ λογαριθμικῆς πορείας τῆς λήθης ἐπὶ ἀσήμων συλλαβῶν 1 πραγματική, 2 λογαριθμική. A' καθ' ἡμᾶς, B' κατὰ Ebbinghaus.



Εἰκ. 4.—Καμπύλαι πραγματικῆς καὶ λογοριθμικῆς πορείας τῆς λήθης ἐπὶ ποιήματος 1 πραγματική, 2 λογαριθμική. Καθ' ἡμᾶς.

Παρατηρητέοι δὲ ὅτι διὰ τοῦ τύπου $K = \frac{B(\lambda\text{og. } t)^c}{100-B}$ τοῦ Ebbinghaus προσδιωρίσαμεν τὴν τιμὴν τοῦ K ἐκ τῶν ἡμετέρων ἀριθμῶν. Εἶναι δὲ αὕτη ἐπὶ μὲν τῶν ἀσήμων, ἀπὸ 20' μέχρι 30 ἡμερῶν, 4,20, ἐπὶ δὲ τῶν λογικῶν, ἀπὸ τῆς τρίτης μέχρι τῆς 30^{ης} ἡμέρας, 4,50, ἀπὸ δὲ τῆς 60^{ης} ἡμέρας μέχρι τῶν 2 ἑτῶν 2,90. Σημειώτεον δὲ ὅτι εἰς τὴν εὔρεσιν τῆς μέσης σταθερᾶς δὲν συνυπελογίσαμεν ἐπὶ μὲν τῶν ἀσήμων τὸν ἀριθμὸν τὸν παριστῶντα τὴν οἰκονομίαν τῆς ἐπομένης, ἐπὶ δὲ τῶν λογικῶν τοὺς ἀριθμοὺς τοὺς παριστῶντας τὴν οἰκονομίαν ἀπὸ 9 ὥρων μέχρι 2 ἡμερῶν ἀπὸ τῆς ἐκμαθήσεως, τοῦτο δὲ διότι, ὡς ἐλέχθη ἦδη, κατὰ τὰ διαστήματα ταῦτα ἡ λήθη ἐμφανίζει διλιγώτερον κανονικὴν πορείαν. Διὰ τὸν αὐτὸν δὲ λόγον ἐλάβομεν ἐπὶ τῶν λογικῶν στοιχείων ἰδιαιτέρως τὴν μέσην σταθερὰν τῶν τελευταίων ἀριθμῶν, ἀπὸ τῆς 60^{ης} ἡμέρας μέχρι τῶν 2 ἑτῶν. Ως δὲ παρὰ Ebbinghaus καὶ Piéron, ἐλήφθη καὶ ὑφ' ἡμῶν c=1,25.

Οτι τὴς πορεία τῆς λήθης ἐπὶ τῶν λογικῶν στοιχείων χωρεῖ βραδύτερον ἢ ἐπὶ τῶν ἀσήμων, ἔδειξαν καὶ τὰ ἡμέτερα πειράματα. Ἀλλ' η μορφή, ἣν ἐμφανίζει ἡ πορεία τῆς λήθης ἐπὶ τῶν στοιχείων τούτων, εἶναι παρ' ἡμῖν οὐα καὶ ἐπὶ τῶν ἀσήμων, δὲν ἐμφανίζει δὲ τὰς διαφοράς, ἀς εὔρον οἱ περὶ τὸν Meumann. Γίνονται δὲ πάντα ταῦτα φανερὰ ἐκ τῶν ἦδη παρατεθεισῶν καμπυλῶν ἐν εἰκ. 1 καὶ 2.

Ως πρὸς τὸ τελευταῖον ζήτημα, ἐννα δῆλα δὴ ἐπέρχεται τελεία λήθη ἐπὶ τε τῶν ἀσήμων καὶ τῶν λογικῶν στοιχείων, τὰ ἡμέτερα πορίσματα συμπληροῦσι καὶ ἐπεκτείνουσι τὰ πορίσματα τοῦ Ebbinghaus, τῶν περὶ τὸν Meumann καὶ ἄλλων ἐρευνητῶν.

SUMMARY

The rate of forgetting has been studied especially in modern times.

Does forgetting after learning go on regularly?

What relation has forgetting to the time elapsed?

Does forgetting in time become complete?

These are the main inquiries in this problem.

The results concluded from investigations up to the present time are as follows:

According to Ebbinghaus, who first studied this problem, forgetting goes on regularly, at first being extremely rapid and then slower and slower. This investigator found a mathematical relation between economy and forgetting, having an approximate value, which he formulated as follows: «The quotients of economy to forgetting in every case are about in inverse analogy to a power of the logarithms of elapsed time»; or more simply: «Forgetting is analogous to the logarithm of the time».

Finkenbinder, Strong, Bean and other investigators agree more or less with him.

Meumann's Psychological Laboratory found that the curve of forgetting is not constant and Ebbinghaus formula has no value.

Investigators accept that the rate of forgetting in meaningful material differs quantitatively from the rate of non-sense material, because forgetting on the meaningful material is slower. However they disagree as to the form, which the curve of forgetting follows in those materials.

With non-sense material forgetting is quick and complete.

Radošawljewitsch with non-sense material found 4 months after learning a forgetting of 97, 2.

The meaningful material is retained in memory for a longer time. Worcester, Ebbinghaus and others noticed on poems many elements existing in consciousness after the lapse of 5 and 17 and 22 years. But, if forgetting on meaningful material is complete, investigations up to the present time have not proved.

Having examined the above questions in our Psychological Laboratory both with meaningless and meaningful material, we gathered results, which on the whole do not agree with those of Meumann's Laboratory, neither with those of Ebbinghaus. These are:

1. We agree with Meumann's Laboratory in these: That the curve of forgetting neither on the non-sense materials, nor on the meaningful ones, is regular. Forgetting according to our findings is less on the second day than that, which is noticed on the same day of learning.

We disagree with Meumann's Laboratory on the following:

That we did not notice in the second day such a decline of forgetting, as found by Meumann, but much less.

That forgetting, in our experiments, from the 2nd to the 6th day after learning, was again greater than on the same day of learning and then it followed the regular curve, which forgetting takes in Ebbinghaus' investigation.

We disagree with Ebbinghaus mainly in the following:

That forgetting, according to our findings, at the beginning is not as rapid, as according to the findings of Ebbinghaus.

That Ebbinghaus did not notice on the second day of learning a decline of forgetting.

But to some extent our results agree with those of Ebbinghaus in this most important question, that the quotients of economy to forgetting in every case are approximatively in inverse analogy to a power of the logarithms of elapsed time, or that forgetting in every case is analogous to the logarithm of elapsed time.

The curve of forgetting on meaningful material, according to our results, goes on slower than on the meaningless material, but the form,

which the curve of forgetting on this material presents, is the same as in the meaningless material and it does not present the differences which Meumann's Laboratory found.

2. As to the last question, if a complete forgetting happens of the meaningless and meaningful material, our results amplify and extend those of Ebbinghaus, of Meumann's Laboratory and other investigators. Ten months after learning, we found in the consciousness no trace of the memorized series of non-sense syllables.

Whether complete forgetting of the meaningful material takes place, is not easy to be proved. We noticed existing in consciousness very many elements of poems, even 30 years after they had been learned.

ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ

- BALLARD, TH. B.—Obliviscence and reminiscence, ἐν *British. J. of Psych., Mon. Suppl.*, 1, 1913.
- BEAN, C. H.—The curve of forgetting, ἐν *Arch. of Psych.*, 21, 1912.
- BOURDON, B.—Recherches sur l'habitude, ἐν *Année psychologique*, 8, 1902.
- BUSEMANN, A.—Lernen u. Behalten, ἐν *Archiv f. Angew. Psychologie*, 5, 1904.
- DALLENBACH, K. M.—The relation of memory error to time interval, ἐν *Psych. Review*, 20, 1913.
- EBBINGHAUS, H.—Über d. Gedächtnis, 1885.
- EBBINGHAUS, H.—Grundz. d. Psychologie, 1, ἔκδ. 4η, 1919, 2, 1913.
- FINKENBINDER, E. O.—The curve of forgetting, ἐν *Amer. J. of Psych.*, 24, 1913.
- FRÖBES, J.—Lehrb. d. experim. Psychologie, 1, ἔκδ. 3η, 1923, 2, ἔκδ. 3η, 1929.
- MAGNEFF, N.—Die Bedingungen d. dauernden Behaltens, 1903.
- MEUMANN, E.—Ökon. u. Technik d. Gedächtnisses, ἔκδ. 5η, 1920.
- MÜLLER, G. E.—PILZECKER, A., Experim. Beiträge z. Lehre v. Gedächtnisse, 1900.
- OFFNER, M.—Das Gedächtnis, ἔκδ. 4η, 1924.
- PAULI, R.—Über psychische Gesetzmässigkeit, 1920.
- PENTSCHEW, CHR., Untersuchungen z. Ökon. u. Technik d. Lernens, ἐν *Archiv f. Ges. Psych.*, 4, 1917.
- PIÉRON, H., Recherches comparatives sur la mémoire des formes etc., ἐν *Année psychologique*, 21, 1920.
- PYLE, W. H., Psychology of learning, ἔκδ. 2α, 1928.
- RADOSSAWLJEWITSCH, P., Das Behalten u. Vergessen bei Kindern u. Erwachsenen nach experim. Untersuchungen, ἐν *Pädag. Mon.*, 8, 1907.
- SANDIFORD, P., Educational Psychology, 1929.
- STARCH, DAN., Educational Psychology, ἔκδ. 2α, 1927.
- THORNDIKE, EDW., Educational Psychology, 2, The Psychology of learning, 1913.
- WOODWORTH, R. S. Psychology, ἔκδ. 2α, 1929.
- ZIEHEN, TH., Leitf. d. phys. Psychologie, ἔκδ. 12η, 1924.